

أهذار رياضيات

مكتبة

t.me/soramnqraa



تأليف

G. H. Hardy



مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم
MOHAMMED BIN RASHID
AL MAKTOUM FOUNDATION

شعار للنشر والعلوم
Ray Publishing & Science



مكتبة
t.me/soramnqraa

اعتذار عالم رياضيات

■ الطبعة الأولى 2009
■ جميع الحقوق محفوظة
■ الناشر: شعاع للنشر والعلوم
■ حارة الرباط 2 - المنطقة 12 - حي السبيل 2
■ تلفاكس : 00963 (21) 2643545
■ هاتف : 00963 (21) 2643546
■ ص.ب 7875 سوريا - حلب

Original Title:

A Mathematician's Apology By G.H. Hardy

صدر هذا الكتاب بالاتفاق مع الناشر Syndicate of the Press of the University of Cambridge

copyright © Cambridge University Press 1940
Fourteenth Printing 2008

مكتبة
t.me/soramnqraa

لمزيد من المعلومات ولشراء كتب الدار مباشرة على الانترنت

<http://www.raypub.com>

يرجى زيارة موقعنا

quality@raypub.com

البريد الإلكتروني للقراء:

info@raypub.com

sales@raypub.com

البريد الإلكتروني للزيارات:

orders@raypub.com

البريد الإلكتروني لدور النشر:

دار شعاع للنشر والعلوم ومؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم غير مسؤولتين عن آراء وأفكار المؤلف،
وتعبر الآراء الواردة في هذا الكتاب عن آراء المؤلف ولا تعبر بالضرورة عن آراء الدار والمؤسسة

اعتذار عالم رياضيات

مكتبة
t.me/soramnqraa

تأليف

G. H. HARDY

مع تصدير بقلم

C. P. Snow

ترجمة المهندس ظافر محمود

رسالة مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم

عزيزي القارئ،

في عصر يتسم بالمعرفة والمعلوماتية والافتتاح على الآخر، تنظر مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم إلى الترجمة على أنها الوسيلة المثلثة لاستيعاب المعارف العالمية، فهي من أهم أدوات النهضة المنشودة، وتؤمن المؤسسة بأن إحياء حركة الترجمة، وجعلها محركاً فاعلاً من محركات التنمية واقتصاد المعرفة في الوطن العربي، مشروع بالغ الأهمية ولا ينبغي الإمعان في تأخيره.

فمتوسط ما تترجمه المؤسسات الثقافية ودور النشر العربية مجتمعة، في العام الواحد، لا يتعدي كتاباً واحداً لكل مليون شخص، بينما ترجم دول منفردة في العالم أضعاف ما تترجمه الدول العربية جميعها.

أطلقت المؤسسة برنامج «ترجم»، بهدف إثراء المكتبة العربية بأفضل ما قدمه الفكر العالمي من معارف وعلوم، عبر نقلها إلى العربية، والعمل على إظهار الوجه الحضاري للأمة عن طريق ترجمة الإبداعات العربية إلى لغات العالم.

ومن التباشير الأولى لهذا البرنامج إطلاق خطة لترجمة ألف كتاب من اللغات العالمية إلى اللغة العربية خلال ثلاثة سنوات، أي بمعدل كتاب في اليوم الواحد.

وتأمل مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم في أن يكون هذا البرنامج الاستراتيجي تجسيداً عملياً لرسالة المؤسسة المتمثلة في تمكين الأجيال القادمة من ابتكار وتطوير حلول مستدامة لمواجهة التحديات، عن طريق نشر المعرفة، ورعاية الأفكار الخلاقة التي تقود إلى إبداعات حقيقة، إضافة إلى بناء جسور الحوار بين الشعوب والحضارات.

للمزيد من المعلومات عن برنامج «ترجم» والبرامج الأخرى المنصوصة تحت قطاع الثقافة، يمكن زيارة موقع المؤسسة www.mbrfoundation.ae.

عن المؤسسة :

انطلقت مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم بمبادرة كريمة من صاحب السمو الشيخ محمد بن راشد آل مكتوم نائب رئيس دولة الإمارات العربية المتحدة رئيس مجلس الوزراء حاكم دبي، وقد أعلن صاحب السمو عن تأسيسها، لأول مرة، في كلمته أمام المنتدى الاقتصادي العالمي في البحر الميت - الأردن في أيار/مايو 2007. وتحظى هذه المؤسسة باهتمام ودعم كبيرين من سموه، وقد قام بتخصيص وقف لها قدره 37 مليار درهم (10 مليارات دولار).

وتسعى مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم، كما أراد لها مؤسسها، إلى تمكين الأجيال الشابة في الوطن العربي، من امتلاك المعرفة وتوظيفها بأفضل وجه ممكن لمواجهة تحديات التنمية، وابتكار حلول مستدامة مستمدة من الواقع، للتعامل مع التحديات التي تواجه مجتمعاتهم.

مؤسسة محمد بن راشد آل مكتوم

إلى

جون لوماس

الذي طلب مني كتابته

تصدير

كانت ليلة عاديه بشكل مثالي على طاولة العشاء الرئيسية في كلية كريست باستثناء أن هاردي كان ضيفاً عليها، كان قد عاد للتو إلى كامبردج كروفيسور للرياضيات البحتة و كنت قد سمعت عنه من رياضي كامبردج الشبان، فقد كانوا مبهجين لعودته؛ كانوا يقولون إنه رياضي حقيقي وليس فيزيائياً كمثال ديراك وبور، كانوا دائماً يتحدثون عنه بأنه: كان أنقى الأنقياء، كان أيضاً غير تقليدي و مختلفاً ومتطرفاً وجاهزاً للحديث عن أي شيء، كان هذا في العام 1931، لم تكن هذه الكلمة مألوفة الاستخدام لكن لو كانوا في فترة لاحقة لقالوا إنه كان نجماً.

وهكذا من مكانه على الطاولة واظبت على دراسته، كان عندها في أوائل الخمسينات : كان شعره أشيب وعلى جلده آثار لفحات الشمس بحيث تركت آثاراً من لون برونزى مثل بشرة الهنود الحمر ، كان وجهه جميلاً مع عظام خد مرفوعة وأنف دقيق ومحبباً وصارماً لكنه قادر على الاندفاع في موجة ضحك ببراءة سعادة الأطفال المشردين ، كانت له عينان بنيتان لامعتان كعيني طائر؛ ذلك النوع من العيون الشائع بين أولئك الذين منحوا هبة الغوص في الأفكار العميقه. كانت كامبردج في ذلك الوقت مليئة بالوجوه غير العاديه والمميزة، لكنني رغم هذا اعتقدت في تلك الليلة أن هاردي مختلف ومتميز.

لا أذكر ما كان يرتدي ، ربما كان يرتدي ببساطة معطفاً رياضياً وبنطالاً رمادياً تحت لباسه الجامعي ، كان يلبس ما يُشعره بالسعادة مثل إنشتاين

لكنه - خلافاً لإنشتاين - كان ينوع ملابسه العادية بقمصان حريرية
ثمينة تنم عن ذوق رفيع.

عندما جلسنا في قاعة الاجتماعات الختسي النبيذ بعد العشاء قال لي أحدهم إن هاردي يريد أن يتحدث معي عن الكريكت، كان قد تم انتخابي منذ عام فقط لكن كريست كانت عندها كلية صغيرة وكانت وسائل ترفيه الأعضاء الجدد حتى قد حدّدت منذ فترة وجيزة. أخذت لأجلس بجانبه ولم يتم تقديميه له، كان - مثلما اكتشفت لاحقاً - خجولاً ومنطويًا على ذاته في كافة المناسبات الرسمية وكانت لديه رهبة من لحظات التعارف، خفض رأسه بخجل كما لو أن أحداً ما يشكّره ويطري عليه ودون أي تمهيد بدأ بالقول :

‘من المفروض أنك تعرف شيئاً ما عن الكريكت، أليس كذلك؟’ قلت
نعم أعرف القليل عنها.

بدأ مباشراً بوضعي في خضم ضوضاء عارمة، هل لعبت الكريكت؟
أي نوع من المؤدين كنت؟ ظنت لوهلة أن لديه رباعاً من الأشخاص
الذين يقرؤون الأدبيات دون أن يكونوا قد مارسوا اللعبة أبداً مثلما
أصبح شائعاً بعد ذلك في المجتمع الأكاديمي، عرضت وضعي مثلما هو
 تماماً، وقد بدا أنه وجد جوابي مطمئناً نوعاً ما ومضى في طرح المزيد
من الأسئلة التكتيكية، من كان علي أن اختار كقائد للفريق من أجل
المباراة التمهيدية الأخيرة في العام الماضي (1930)؟ لو كان المنتخبون
قررموا أن سنو هو الرجل الذي سينقذ إنكلترا فكيف كانت ستكون
استراتيجيتي وتكتيكاتي؟ (”يُسمح لك أن تمثّل دور قائد الفريق الذي

لا يلعب إذا كنت متواضعاً بما يكفي)، وهكذا كان ظاهراً بوضوح لبقية الطاولة أنه مستغرق بالكامل.

بعد أن سنت لي فرص متعددة أدركت لاحقاً أن هاردي لا يؤمن بالحدس أو الانطباعات سواء كانت حدسه وانطباعاته الخاصة أو تلك العائدة لأي شخص آخر، والطريقة الوحيدة لتقدير معرفة شخص ما - من وجهة نظر هاردي - هي امتحانه، وهذا يصح على الرياضيات والأدب والفلسفة والسياسة وأي شيء تريده، فإذا كان شخص ما يخدعك ثم انهار عند الأسئلة يكون من الواجب توخي الحذر حياله، فالأشياء الأولى يجب أن تأتي أولاً في ذلك الذهن اللامع وعاليا التركيز.

تلك الليلة في قاعة الاجتماعات كان من الضروري أن يكتشف فيما إذا كان من المقبول أن أكون مرافق كريكت، لم يكن هناك شيء مهم آخر، ابتسם في النهاية بسحر غامر كطفل وقال إن الموسم القادم لفينر (أرض الكريكت في الجامعة) قد يكون طيباً في النهاية على ضوء بعض الحوارات العقلانية.

وهكذا فكما كسبت معرفتي بلويد جورج بسبب شغفه بالفراسة كسبت صداقتي مع هاردي نتيجة قضائي لفترات طويلة من شبابي في لعب الكريكت، لا أعرف ما المغزى من هذا لكنه كان من حسن حظي بالتأكيد، فقد كانت هذه - بالنظر إلى قيمتها الفكرية - أثمن صداقة لي في حياتي، فذهنه كان - كما أشرت آنفاً - لاماً وعالياً التركيز بحيث يبدو ذهن أي شخص آخر بجانبه مشوشًا وقليل التركيز نوعاً ما، لم يكن عقرياً عظيماً كما كان إنشتاين ورذرفورد، وقد قال - بوضوحي

المعتاد - إنه إذا كانت هذه الكلمة تعني أي شيء فهو ليس عبقرياً على الإطلاق، وفي أفضل الأحوال - كما يقول - فقد كان ملدة قصيرة خامس أفضل رياضي بحث في العالم، وبما أن شخصيته كانت بجمال ذهنه ونزاذه فقد كان يؤكد دوماً أن صديقه وشريكه ليتلود كان رياضياً أقوى منه وأن رامانوجان الذي كان تحت رعايته كان يتميز حقاً بعصرية طبيعية تعنى العصرية التي كان يمتلكها أعظم الرياضيين (وإن لم تصل إلى الحد الذي وصل إليه هؤلاء).

كان الناس يعتقدون أحياناً أنه لا يقدر نفسه حق قدرها عندما كان يتحدث عن هؤلاء الأصدقاء، صحيح أنه كان شهماً وبعيداً كل البعد عن الحسد لكنني أعتقد أن الآخرين يخطئون في تقييمه إذا لم يقبلوا رأيه، أفضل أن أصدق في مقولته في اعتذار عالم رياضيات أنه متكبر ومتواضع في الوقت نفسه :

”ما زلت أقول لنفسي عندما أكون مكتيناً وأجد نفسي مجبراً على الاستماع إلى أشخاص مغرورين وملين ”حسناً لقد فعلت شيئاً واحداً لن تتمكن أنت أبداً من القيام به وهو التعاون مع كلٍ من ليتلود ورامانوجان بنوع من الندية.“

بأي حال ينبغي ترك تقييمه الدقيق إلى مؤرخي الرياضيات (رغم أن هذه مهمة شبه مستحيلة بما أن الكثير من أفضل أعماله تمت بالتعاون). هناك أمر آخر كان متفوقاً فيه بوضوح على إنشتاين وذرفورد وأي عبقرى آخر وهو تحويل أي عمل فكري كبيراً كان أم صغيراً إلى عمل فنى، وهذه الموهبة فوق كل شيء - في اعتقادى - هي التي جعلته - دون أن يدرك ذلك تماماً - يحقق سعادة فكرية بهذه، وعندما نشر

اعتذار عالم رياضيات لأول مرة كتب غراهام غرين في مراجعة له أن هذا بالإضافة إلى مذكرات هنري جايس كان أفضل ما يمكن اعتباره عملاً فنياً مبدعاً، وبالنظر إلى التأثير الذي كان لهاري على كل من حوله أظن أن هذا هو السر.

وُلد عام 1877 في أسرة مهنية متواضعة، فقد كان والده مسؤولاً مالياً وفنياً في كرانلي ثم في مدرسة صغيرة عامه، وكانت أمه ناظرة في كلية لنكولن لتدريب المعلمين، كلاهما كان موهوباً وميالاً إلى الرياضيات، وفي حالته - كما هي حال أغلب الرياضيين - كان لا داعي للبحث عن الأصول الجينية. أكثر فترات طفولته كانت - على خلاف إنشتاين - نموذجية من أجل رياضي مستقبلي، فقد بدأ ييرهن عن ذكائه منذ بدأ بتعلم الكلام أو حتى قبل ذلك، وفي عمر الستين كان يكتب الأرقام حتى الملايين (كإشارة إلى قدراته الرياضية)، وعندما أخذ إلى الكنيسة كان يسلّي نفسه بإيجاد معاملات أرقام الترانيم: فقد بدأ يلعب بالأرقام منذ ذلك الحين وهي عادةً قادته إلى المشهد المؤثر قرب سرير مرض رامانوجان، هذا المشهد معروف جداً لكنني لن أتمالك نفسي من تكراره لاحقاً.

كانت طفولة متجة تعليمية ومنيرة في عصر الملكة فيكتوريا، ربما كان والداه متسطلين قليلاً لكنهما كانا لطيفين أيضاً، والطفولة في عائلة بهذه كانت أجمل ما يمكن تقاديه رغم أنها ربما كانت صارمة نوعاً ما من الناحية الفكرية، كان غير عادي في ناحيتين اثنتين، فقد عانى أولاً من انطواء حاد على ذاته في عمر مبكر بشكل غير طبيعي، كان والداه يعلمان أنه ذكي جداً وقد كان كذلك حقاً، فقد كان الأول على صفه

في كافة المواد الدراسية، لكنه نتيجةً لحصوله على المرتبة الأولى كان عليه أن يخرج أمام المدرسة كلها ليحصل على الجوائز وهذا ما لم يكن يتحمله، وبينما كنا نتناول العشاء في إحدى الأمسيات قال لي إنه كان يحاول الإجابة بشكل خاطئ عمداً حتى يتخلص من هذه المخنة، لكن قدرته على الخداع كانت ضعيفة جداً فقد كان يحصل على الجوائز دائمًا.

تلاشى بعض من هذا الانطواء على الذات، فقد أصبحت لديه روح المنافسة، وكما قال في الاعتذار: 'لا أذكر أنني أحسست - عندما كنت صبياً - بأي شغف بالرياضيات، والانطباعات التي ربما كانت لدى عن مهنة الرياضي كانت بعيدة كل البعد عن النبل، فقد كنت أنظر إلى الرياضيات على أنها امتحانات ومعلومات مدرسية: كنت أرغب في التغلب على الأولاد الآخرين وقد بدت الرياضيات هي السبيل الذي يمكنني من القيام بهذا بشكل قاطع'، ومع هذا كان عليه أن يتعايش مع طبيعته الشديدة الحساسية، فخلافاً لإنشتاين الذي كان عليه أن يستبعد نفسه القوية في دراسة العالم الخارجي قبل أن يتحقق مكانته الأخلاقية كان على هاردي أن يقوى نفسه التي لم تكن محمية جداً، وهذا ما جعله لاحقاً معتداً بنفسه (كما لم يكن إنشتاين أبداً) عندما كان عليه أن يُبرز الناحية الأخلاقية، لكن هذا - من ناحية أخرى - أعطاه بصيرة نافذة وصراحة جميلة بحيث تمكّن من الكلام عن نفسه ببساطة (كما لم يتمكن إنشتاين أبداً).

أعتقد أن التناقض أو التوتر في شخصيته كان مرتبطاً ببعض الإشارات اللافتة للنظر في سلوكه، فقد كان غير نرجسي، ولم يكن يحب أن

تُلْتَقطُ لِهِ الصور : وَعَلَى حَدِّ عِلْمٍ لَا تَوْجَدُ لَهُ أَكْثَرُ مِنْ خَمْسٍ صُور ، كَمَا أَنَّهُ لَمْ يَكُنْ يَضْعُ أَيْةً مَرَأَةً فِي غُرْفَهُ وَلَا حَتَّى مَرَأَةً صَغِيرَةً لِلْحَلاَقَة ، وَعِنْدَمَا كَانَ يَذْهَبُ إِلَى فَنْدَقٍ كَانَ أَوْلَى مَا يَقُولُ بِهِ هُوَ تَغْطِيَةً كَافَةً الْمَرَايَا بِمَنَاسِفٍ ، كَانَ هَذَا سَيِّدُو غَرِيبًا بِمَا يَكْفِي لَوْ كَانَ وَجْهُهُ يَبْدُو مُثْلًا غُورِيَّا ؛ لَكِنَّهُ يَبْدُو أَغْرِبًا بِمَا أَنَّ مَظَاهِرَهُ كَانَ جَمِيلًا عَلَى الدَّوَام ، لَكِنَّ النَّرجِسِيَّةَ وَعَدْمَ النَّرجِسِيَّةَ لَا عَلَاقَةَ لَهُمَا بِالْمَظَاهِرِ الَّذِي يَرَاهُ الْمَرَاقِبُونَ الْخَارِجِيُّونَ .

هَذَا السُّلُوكُ يَبْدُو غَرِيبًا لِلْأَطْوَارِ ؛ وَهُوَ كَذَلِكَ فِي الْحَقِيقَةِ ، كَانَ هَنَاكَ اختِلَافٌ نُوْعِي بَيْنَهُ وَبَيْنَ إِنْشَتاينَ ، فَأَوْلَئِكَ الَّذِينَ قَضُوا وَقْتًا طَوِيلًا مَعَ إِنْشَتاينَ - مُثْلِ إِنْفِيلْدَ - وَجَدُوهُ يَزْدَادُ غَرَابَةً كَلَمَا عَرَفُوهُ أَكْثَرَ ، وَأَنَا مُتَأْكِدُ أَنِّي كُنْتُ سَأَشْعُرُ بِنَفْسِ هَذَا الشُّعُورِ ، أَمَّا مَعَ هَارْدِي فَالْعَكْسُ هُوَ الصَّحِيحُ ، فَغَالِبًا مَا كَانَ سُلُوكُهُ مُخْتَلِفًا - بِغَرَابَةِ - عَنْ سُلُوكِنَا ؛ لَكِنَّهُ يَتَضَعَّ مَعَ مَرْوِرِ الْوَقْتِ أَنَّهُ لَيْسَ بِهَذَا الاختِلَافِ عَنْ سُلُوكِنَا باسْتِثنَاءِ أَنَّهُ كَانَ أَكْثَرَ رَقَّةً وَرَهَافَةً إِحْسَاسًا .

السَّمَةُ الْأُخْرَى غَيْرُ الطَّبِيعِيَّةُ فِي طَفُولَتِهِ كَانَتْ دُنْيَوِيَّةً أَكْثَرَ لَكُنُّهَا أَدَتَ إِلَى إِزَالَةِ كُلِّ الْعَوَائِقِ الْعَمَلِيَّةِ خَلَالَ كَامِلِ حَيَاتِهِ الْمَهْنِيَّةِ ، وَلَرِبِّما كَانَ هَارْدِي بِصَدِقَةِ الشَّفَافِ هُوَ آخِرُ الرِّجَالِ الَّذِينَ يَصُعبُ إِرْضَاؤُهُمْ بِهَذَا الشَّأنَ ، فَقَدْ كَانَ يَعْرِفُ مَعْنَى التَّمِيزِ وَيَعْرِفُ أَنَّهُ قَدْ امْتَلَكَهُ . لَمْ تَكُنْ عَائِلَتُهُ تَمْلِكَ الْنَّقُودَ إِذْ لَمْ يَكُنْ دَخْلُهَا إِلَّا رَاتِبُ نَاظِرِ الْمَدْرَسَةِ لَكُنُّهُمْ كَانُوا عَلَى اطْلَاعٍ بِأَفْضَلِ النَّصَائِحِ التَّعْلِيمِيَّةِ لِأَوْلَى قُرُونٍ التَّاسِعِ وَعَشْرِ فِي إِنْكَلِتِرَا ، وَكَانَ هَذَا النَّوْعُ مِنَ الْمَعْلُومَاتِ أَكْثَرَ أَهمِيَّةً فِي هَذَا الْبَلَدِ مِنْ أَيِّ مَقْدَارٍ مِنَ الْثَّرَوَةِ ، كَانَ التَّعْلِيمَ مَتَوفِّرًا وَكُلُّ مَا عَلَيْكَ هُوَ مَعْرِفَةُ كَيفِيَّةِ الْحَصُولِ

عليه، ولم تكن أمام هاردي في شبابه أدنى فرصة للضياع مثل الفرص التي كانت أمام ويلز أو إنشتاين في شبابهما، وفي الثانية عشرة من عمره لم يكن عليه إلا أن يبقى على قيد الحياة لتتم العناية بمواهبه.

في الثانية عشرة من عمره حصل على منحة تعليمية من وينتشستر - التي كانت آنذاك أفضل مدرسة رياضية في إنكلترا وبقيت كذلك طويلاً - ببساطة بناءً على قوة بعض الأعمال الرياضية التي قام بها في كرانليه (بالمناسبة نتساءل إذا كانت هناك أية مدرسة جيدة تتمتع بهذه المرونة في أيامنا هذه)، وهناك تعلم الرياضيات في صف بمفرده: فقد كان في الكلاسيكيات جيداً مثل أفضل الطلاب المتفوقين الآخرين ، اعترف بعد ذلك - لكن على مضمض - أنه تلقى تعليماً جيداً، فقد كان يكره المدرسة باستثناء صفوتها، إذ كانت مدرسة وينتشستر - مثل كافة المدارس العامة في عصر الملكة فكتوريا - مكاناً فظاً نوعاً ما، كان على وشك الموت في أحد الشتاءات ، وكان يحسد ليتلود على إقامته في منزل حيث كان طالباً نهارياً في مدرسة سانت بول أو الأصدقاء الآخرين في مدارس القواعد الحرة والسهلة، لم يمر أبداً بجانب وينتشستر بعد أن تركها: لكنه تركها شخصاً خطأ على السكة الصحيحة مع منحة دراسية مفتوحة إلى تринيتي.

كانت لديه شكوكاً أساسية ضد وينتشستر، فقد كان بطبيعته لاعباً بألعاب الكرة ذات نظر ثاقبة ، ففي الخمسينات من عمره كان عادةً قادراً على هزيمة الصاف الثاني من لاعبي التنس في الجامعة وفي الستينات رأيته يحقق رميات مدهشة في شبكات الكريكت، وبما أنه لم يحصل على ساعة تدريب واحدة في وينتشستر كانت طريقته في اللعب بدائية

أما لو تدرب فقد كان سيصبح - كما يعتقد - ضارب عصا جيداً حقاً ليس من الصنف الأول تماماً إنما ليس بعيداً عن هذا المستوى بكثير، وكما هي كافة المحاكمات التي أطلقها بحق نفسه أعتقد أن هذه صحيحة أيضاً، من الغريب أنه في أوج تقدير الألعاب أثناء حكم الملكة فيكتوريا كانت موهبة بهذه منسية تماماً، وتفسير هذا في اعتقادي أن أحداً لم يظن أن هذه الموهبة تستحق العناية بها لدى طالب متوفقاً دراسياً وخجول بهذا القدر.

ربما كان من الطبيعي بالنسبة له أن يذهب إلى الكلية الجديدة، وما كان هذا ليغير مسيرته المهنية كثيراً (ومع أنه بسبب حبه لأكسفورد أكثر من كامبردج كان سيبقى هناك طوال حياته وكان الكثير منا سيفتقد متعة التعرف إليه)، إلا أنه قرر الذهاب إلى ترينيري بدلاً من ذلك لسبب يشرحه بشكل فكاهي لكن مع صراحته المعهودة في الاعتناد؛ 'كنت في الخامسة عشرة من عمري تقريباً عندما طرأ تحول حاد (بشكل غريب نوعاً ما) في طموحاتي، هناك كتاب من تأليف "alan سانت أوبين" (السيدة فرانسيس مارشال في الواقع) اسمه عضو في ترينيري يشكل جزءاً من سلسلة تعالج ما يفترض به أن يكون حياة جامعة كامبردج... هناك بطلان: بطل أساسى يدعى فلاورز طيب بالكامل وبطل ثانوى أضعف يدعى براون، وجد فلاورز وبراون مخاطر كثيرة في الحياة الجامعية... تخطى فلاورز كل هذه المشاكل ونجح بشكل آلي في الحصول على العضوية (مثلاً أعتقد)، أما براون فقد استسلم وحطم أهله وأدمى على الشراب ونجا من عاصفة رعدية هائلة فقط بفضل صلواث عميد الطلاب وعانى كثيراً في الحصول حتى على درجة عادية ليصبح

مبشراً في النهاية، لم تتأذ الصدقة بهذه الأحداث المؤلمة وشردت مخيلة فلاورز ليتذكر براون بشفقة رقيقة عندما شرب البورت وأكل الجوز لأول مرة في قاعة اجتماعات الخريجين.

وهكذا أصبح فلاورز عضواً محترماً (بقدر ما تمكن "الآن سانت أوبين" من تجسيد ذلك) لكن حتى عقلي البسيط رفض أن أقبله كشخص ذكي، فإن كان هو قد تمكن من القيام بهذه الأشياء لماذا لا تتمكن أنا؟ وخاصةً أن المشهد الأخير في قاعة الاجتماعات قد سحرني بالكامل، ومنذ ذلك الوقت حتى حصلت عليها كانت الرياضيات تعني لي أساساً العضوية في ترينيني.

وحصل عليها كما ينبغي بعد حصوله على أعلى مرتبة في الجزء الثاني من بكالوريوس الرياضيات مع مرتبة الشرف في الثانية والعشرين من عمره، وأثناء ذلك حدث تغييران بسيطان له، كان الأول لاهوتياً؛ فقد قرر هاردي - قبل أن يغادر وينتشستر على ما أعتقد - أنه لا يؤمن بالله، وقد كان هذا بالنسبة له قراراً حاداً وواضحاً جداً مثل كافة المفاهيم الأخرى في ذهنه، كان حضور الصلاة في ترينيني إلزامياً لكن هاردي أخبر العميد المسؤول - بالتأكيد بنوع من الثقة الحنجولة التي يتميز بها - بأنه لا يستطيع حضورها بيقين، لكن العميد أصر على أن يكتب هاردي إلى أهله ويخبرهم بهذا، كانوا أشخاصاً متدينين وكان العميد يعلم هذا كما أن هاردي يعلم هذا أكثر بكثير ويعلم أن أخباراً كهذه ستسبب لهم ألمًا لا يمكننا تخيله الآن بعد سبعين عاماً.

تصارع هاردي مع ضميره كثيراً، فهو لم يكن بليناً بما يكفي ليطرح الموضوع بشكل سلس، كما لم يكن بليناً بما يكفي ليطلب النصيحة

من أصدقائه ذوي التفكير الأكثر افتاحاً مثل جورج تريفيليان وديسموند ماك كارثي اللذين من المحتمل أن يعرفا كيف يتعاملان مع هذه المسألة، وقد أخبرني يوماً في فينر عن الجرح الذي ما يزال يعتمل في صدره، ففي النهاية كتب الرسالة، يعود السبب جزئياً إلى هذه الحادثة في أن عدم إيمانه الديني بقي مفتوحاً ونشيطاً دائماً بعد ذلك، فقد كان يرفض دائماً الذهاب إلى مكان الصلاة في أية كلية حتى للقيام بأعمال رسمية كانتخاب مدیر مثلاً، كان لديه أصدقاء من الكهنة لكن الله كان عدوه الشخصي، في كل هذا كان هناك صديًّا للقرن التاسع عشر لكن من الخطأ - كما هي الحال دائماً مع هاردي - ألا نأخذ شخصيته بعين الاعتبار.

لقد حول هذا العداء إلى مناورات، وأذكر يوماً في الثلاثينات أنيرأيته يحتفل بانتصار صغير، حدث هذا في مباراة للكريكت تجري في الصباح الباكر وكانت الشمس ساطعة فوق البناء، اشتكي ضارب الكرة المواجه للحضانة من أنه غير قادر على الرؤية بسبب انعكاس ضوء الشمس من مكان غير معلوم، تغير الحكم في معرفة سبب الانعكاس، فهو السيارات؟ لا، النوافذ؟ لا نوافذ في جهة الملعب، في النهاية لاحق أحد الحكم الشعاع المنعكس ليكتشف أنه آت من صليب كبير على صدر أحد الكهنة، طلب منه الحكم بأدب أن ينزعه عن صدره، في الجوار كان هاردي غارقاً في نشوة شيطانية، وعندما حان وقت الغداء لم يكن لديه الوقت للطعام: فقد كان يكتب بطاقات بريدية (حيث كانت البطاقات البريدية والتلغرامات هي وسيلة المفضلة للمراسلة) إلى كلٌّ من أصدقائه الكهنة.

لكن في حربه ضد الله ونوابه لم يكن النصر في جانب واحد دائمًا، ففي إحدى ليالي أياز الجميلة في فينر - في نفس تلك الفترة تقريباً - ملأ الأرض صوت أجراس الساعة السادسة، وعندها قال هاردي ببساطة 'لوسء الحظ ينبغي قضاء بعض من أجمل ساعات العمر مع أصوات كنيسة كاثوليكية رومانية'.

الإحباط الثانوي الثاني خلال سنواته الدراسية كان مهنياً، فمنذ أيام نيوتن تقريباً وخلال القرن التاسع عشر بكماله كانت كامبردج مسيطرة على امتحان بكالوريوس الرياضيات القديمة، فقد كان للإنكليز دائماً ثقة بالامتحانات التنافسية أكثر من أي شعب آخر (باستثناء الشعب الإمبراطوري الصيني ربما)؛ فقد أداروا هذه الامتحانات بعدلة تقليدية لكنهم غالباً ما أظهروا تصلباً وأفكاراً خشبية في اتخاذ قرار حول كيف ينبغي أن تبدو هذه الامتحانات، وهذا صحيح حتى يومنا هذا، لقد كان امتحاناً تضمنت أسئلته صعوبة ميكانيكية كبيرة لكنها - للأسف - لم تعط أية فرصة لإظهار الخيال الرياضي أو البصيرة أو أية مقدرة يحتاجها الرياضي المبدع، تم ترتيب أقوى المرشحين (Wranglers) أي أعضاء الصف الأول) على أساس الدرجات بترتيب عددي صارم، وكانت الكلمات تحفل عندما يصبح أحد أفرادها من الصف الأول هذا؛ وأول شخص أو اثنين من الصف الأول يُنتخبون مباشرةً ليحصلوا على العضوية.

كان كل هذا إنكليزياً، وكانت له سيئة واحدة أشار إليها هاردي بوضوحه الجدلية منذ أصبح رياضياً بارزاً ومتورطاً في هذا الأمر مع حلifie القوي ليتلود: لقد أدت هذه الامتحانات إلى تدمير الرياضيات الجادة في إنكلترا على مدى مئة سنة.

في الفصل الأول في تринيتي وجد هاردي نفسه أسير هذا النظام، فقد كان عليه أن يتدرّب كحصان سباق عبر منهج من التمارين الرياضية التي تعرّف إليها عندما كان في التاسعة عشرة على أنها عديمة المعنى، تم إرساله إلى مدرب شهير كان يذهب إليه كافة الأفراد الذين من المحتمل أن يصبحوا من الصف الأول، فقد كان هذا المدرب يعرف كافة العوائق وكافة خدع الممتحنين وكان فوق هذا غير مهم بالموضوع بحد ذاته، عند هذه النقطة كان إنشتاين الشاب سيتمرد: فإذاً أن يترك كامبردج أو لا ينجز أي عمل رسمي لثلاث سنوات، لكن هاردي ولد في مناخ إنكليزي شديد الاحتراق (له إيجابياته كما له سلبياته أيضاً)، وبعد أن فكر في تغيير اختصاصه إلى التاريخ أحس أن عليه إيجاد رياضي حقيقي ليتعلمه، وقد عبر هاردي عن تقديره له في الاعتزاز: 'فتتح عيناي لأول مرة على يد البروفسور لوف الذي علمني على مدى عدة فصول وأعطاني المفهوم الجاد الأول عن التحليل، لكن الفضل الكبير الذي أدين به إليه - حيث كان رياضياً تطبيقياً بالأساس - كان نصيحته لي بأن أقرأ الكتاب الشهير Cours d'analyse (منهج في التحليل) لجورдан؛ ولن أنسى ما حييت ذلك الذهول الذي قرأت به هذا العمل العظيم الذي كان الملمح الأول للعديد من الرياضيين من جيلي وتعلمت للمرة الأولى وأنا أقرأه ماذا تعني الرياضيات حقيقةً، ومنذ ذلك الحين أصبحت بطريقتي الخاصة رياضياً حقيقياً مع طموحات رياضية راسخة وشغف حقيقي تجاه الرياضيات'.

كان ترتيبه هو الرابع في الصف الأول عام 1898 مما أغضبه وأشعره بالضعف بحسب اعترافاته، فقد كان منافساً طبيعياً بما يكفي ليشعر أن عليه

الفوز بالسباق رغم سخافته، في العام 1900 حصل على الجزء الثاني من البكالوريوس مع مرتبة الشرف والذي هو امتحان يستحق الاحترام أكثر وحصل بهذا على موقعه الصحيح وعلى العضوية التي يطمح إليها.

منذ ذلك الحين أصبحت حياته مستقرة بجوهرها، كان يعرف هدفه الذي كان ترسيخ التحليل الرياضي الإنجليزي، لم ينحرف عن الأبحاث التي اعتبرها ‘‘المserة الدائمة الكبرى في حياتي’’، ولم يكن هناك أي قلق حول ما ينبغي أن يقوم به، فلا هو ولا أي شخص آخر ساوره الشك حول موهبته العظيمة، حيث انتُخب في الجمعية الملكية في الثالثة والثلاثين من عمره.

كان محظوظاً بشكل غير طبيعي من عدة نواحٍ، إذ لم يكن عليه أن يفكر بحياته المهنية، فمذ كان في الثالثة والعشرين من عمره حظي بكل الراحة التي يمكن أن يحتاجها أي شخص كما كان لديه من المال ما يكفيه، فقد كان موسرًا كمدرس في تринيدادي بعد العام 1900. كان هاردي يتعامل مع المال بعقلانية يصرفه عندما يشعر بالحاجة إلى ذلك (بغایة محددة أحياناً مثل جولة في سيارةأجرة لمسافة خمسين ميلاً) وفيما عدا ذلك لم يكن على الإطلاق ساذجاً بشأن الاستثمارات، لقد لعب لعبته وأطلق العنان لغراية أطواره، كان يعيش في إحدى أفضل الشركات الفكرية في العالم - جي إيه مور ووايتهيد وبرتراند راسل وتريفيلين - مجتمع تринيدادي الرافي الذي وجد متمممه الفني بسرعة في بلومسباري (كانت لهاردي شخصياً روابط مع بلومسباري سواء من حيث الصداقة الشخصية أو الانسجام)، وفي الدائرة المتألقة كان واحداً من أكثر الشباب تألاقاً وأحد أكثرهم اندفاعاً.

سأشير الآن إلى ما سأقوله لاحقاً، فقد بقيت حياته حياة شاب راقي حتى أصبح كهلاً؛ وكذلك بقيت روحه؛ فألعابه واهتماماته حافظت على إشراق الأستاذ الشاب، ومثل العديد من الرجال الذين حافظوا على اهتمامات الشباب حتى الستين من العمر كانت سنواته الأخيرة أكثر ظلاماً لهذا السبب.

كان القسم الأكبر من حياته إذاً أسعد من الكثير منا، فقد كان لديه كثير جداً من الأصدقاء من أنواع مختلفة بشكل يدعو للدهشة، وكان على هؤلاء الأصدقاء أن ينجحوا بنوع من الاختبارات الخاصة: فقد كان عليهم أن يتلکوا مقدرة تدعى 'الالتفاف' (وهي مصطلح في لعبة الكريكت لا يمكن ترجمته: وهو يتطلب قدرة معينة على الانعطاف أو المناورة التهكمية)، من بين الشخصيات العامة كان سيحصل ماكميلان وكينيدي على علامة مرتفعة في الالتفاف أما تشرتشل وأيزنهاور فلا، لكنه كان متسامحاً ومحلساً ومفعماً بالحيوية إلى أقصى حد ومولعاً بأصدقائه بطريقة لا يمكن إثباتها عقلانياً. في إحدى المرات كنت مجبراً على الذهاب ورؤيته في الصباح وهو وقت مخصص دائماً للعمل الرياضي، كان جالساً على مكتبه يكتب بخطه الجميل، همست له بعض العبارات المؤدبة المعتادة بأنني أرجو ألا تكون قد سببت له الإزعاج، ذاب فجأة بابتسامة مكشرة عريضة وقال 'مثلاً ينبغي أن تكون قادراً على الملاحظة؛ الجواب على ذلك هو نعم لكنني رغم هذا سعيد برؤيتك'، في الستينات من عمره وكنا نعرف بعضنا جيداً لم يقل لي أي شيء أكثر تعبيراً من هذا باستثناء أنه على فراش الموت أخبرني أنه كان ينتظر زيارتي.

أعتقد أن تجربتي كانت مشتركة مع أغلب أصدقائه المقربين، لكن كانت لديه في فترات مختلفة من حياته علاقاتان أو ثلاث مختلفة نوعياً، كانت عواطف هائلة ومتعدة جداً؛ غير فيزيائية لكنها مثيرة، العلاقة التي علمت بها كانت مع شاب ذي طبيعة روحية رقيقة بمثل طبيعته هو، أعتقد - رغم أنني علمت بهذا فقط من خلال ملاحظات عن طريق الصدفة - أن الأمر نفسه صحيح أيضاً من أجل الآخرين، بالنسبة للكثير من الناس في جيلنا قد تبدو علاقات كهذه إما غير مرضية أو مستحيلة، إلا أنها لم تكن لا هذا ولا ذلك؛ وما لم نسلم بها لنبدأ بفهم مزاج أشخاص مثل هاردي (فهم نادرون لكن ليس بندرة وحيد القرن) ولا مجتمع كامبردج في أيامه، فهو لم يكن يحصل على الرضا الذي لا يمكن أغلبنا من إيجاده بل كان يعرف نفسه جيداً بشكل غير طبيعي وهذا لم يجعله غير سعيد، فحياته الداخلية كانت ملكاً له وكانت غنية جداً، أما الحزن فأتى في النهاية، فباستثناء أخته التي كرست نفسها له لم يكن أحد بجانبه.

بتهكم الرواقيين يقول في الاعتذار - الذي هو كتاب عن الحزن اليائس رغم ما يحويه من بهجة - إنه عندما يفقد الإنسان القدرة على الإبداع أو الرغبة فيه إنه أمر يدعو للشفقة لكن أحدها لن يهتم له كثيراً في تلك الحالة وسيكون من السخافة بمكان أن يزعج الآخرون أنفسهم به، هكذا عالج حياته خارج الرياضيات، فالرياضيات كانت مبرر وجوده، كان من السهل أن ننسى ذلك في أول رفقة تماماً كما كان من السهل في وجود الشغف الأخلاقي لإنشتاين أن ننسى أن مبرر وجوده بالنسبة له كان بمحضه عن القوانين الفيزيائية، فهذا كان جوهر حياتهم منذ بداية شبابهم حتى وفاتهم.

هاردي - خلافاً للإنتايدين - لم يقم ببداية سريعة ، فقد كانت مقالاته الأولى بين عامي 1900 و 1911 جيدة بما يكفي لتوصله إلى الجمعية الملكية و تُكسبه سمعة عالمية لكنه لم يعتبرها مهمة ، وهذا لم يكن تواعضاً كاذباً هنا أيضاً بل هو محاكمة من أستاذ قدير يعلم بدقة أيّ من أعماله قيمة وأي منها ليس كذلك.

في العام 1911 بدأ تعاوناً مع ليتلود دام خمساً وثلاثين سنة ، وفي العام 1913 اكتشف رامانوجان وببدأ تعاوناً آخر معه ، وقد أنجز كافة أعماله الأساسية ضمن هاتين الشراكتين وكان أغلبها مع ليتلود حيث شكلاء معاً أشهر تعاون في تاريخ الرياضيات ، إذ لم يكن هناك ما يشبهه في أي علم أو - على حد علمي - في أي حقل إبداعي ، فقد أنتجا معاً حوالي مئة مقالة الكثير الجيد منها 'من صف برادمان' ، الرياضيون الذين لم يكونوا أصدقاء لهاردي في سنواته الأخيرة ولا أصدقاء للكريكت بقوا يرددون أن مصطلح أعلى مستوى من الإطراء لدليه هو 'من صف هوبيس' ، إلا أنه لم يكن كذلك ؛ فقد كان عليه أن يغير ترتيب الاستحقاق على مضض لأن هوبيس كان أحد المفضلين لديه ، فقد وصلتني مرة بطاقة بريدية منه - ربما في العام 1938 - تقول 'يشكل برادمان صفاً كاملاً أعلى من أي ضارب كرة عاش على وجه الأرض ؛ فإذا بقي أرخميدس ونيوتون وغاوس في صف هوبيس فعلي أن أقبل بإمكانية وجود صفات أعلى منهم وهذا ما أجده من الصعب تخيله ، فمن الأفضل لهم أن ينتقلوا من الآن فصاعداً إلى صف برادمان'.

سيطرت أبحاث هاردي وليتلود على الرياضيات البحتة الإنكليزية وعلى الكثير من الرياضيات البحتة في العالم على مدى جيل ، وإنه من

المبكر أن نقول - كما أخبرني الرياضيون - إلى أي حد غيرا مسار التحليل الرياضي أو كم سيكون عملهما مؤثراً خلال مئة عام، أما عن ديمومة قيمته فلا أحد يسأل.

كان عملهما - كما قلت سابقاً - هو أعظم تعاون، لكن أحداً لا يعلم كيف قاما به، وما لم يخبرنا ليتلرود بهذا لن يعلم به أحد أبداً، أوردت مسبقاً تقييم هاردي بأن ليتلرود كان الرياضي الأقوى بينهما؛ فقد كتب هاردي أنه كان يعلم بأنه 'لا يوجد شخص آخر بإمكانه أن يسيطر على هذه التشكيلة من نفاذ البصيرة والتقنية والقدرة'، كان ليتلرود وما يزال رجل عادياً أكثر من هاردي إلا أنه أكثر إثارة للاهتمام وربما أكثر تعقيداً منه، فلم تكن لديه أبداً ذائقه هاردي لنوع من التوهج الذهني الصافي ولهذا كان أبعد عن مركز المشهد الأكاديمي نوعاً ما، وهذا أدى إلى نكات من الرياضيين الأوربيين مثل أن هاردي اخترعه ليتحمل اللوم في حال أثبتوا وجود أي خطأ في واحدة من نظرياتهما، إنه في الحقيقة رجل له - من حيث العناد على الأقل - شخصية متفردة مثل هاردي نفسه.

من النظرة الأولى لا يبدو أيُّ منها هو الأسهل انقياداً، ومن الصعب أن تخيل من منهم اقترح التعاون أولاً رغم أن أحدهما ينبغي أن يكون قد فعل ذلك، وليس لدى أي شخص دليل على كيفية اتفاقهما عليه، فخلال الفترة الأكثر إنتاجية لهما لم يكونا في الجامعة نفسها، وقد نُقل عن هارالد بور (شقيق نيلز بور كما أنه رياضي رائع) قوله إن أحد مبادئهما كان ما يلي: إذا كتب أحد رسالة إلى الآخر فليس على المستقبل أي التزام بأن يجib عليها أو حتى أن يقرأها.

لا يمكنني أن أساهم بأي شيء في هذا السياق، فقد تكلم هاردي معي - طوال العديد من السنوات - عن كل موضوع يمكن تخيله باستثناء هذا التعاون، لقد قال بالطبع إنه كان أهم فرصة لحياته المهنية الإبداعية فقد تكلم عن ليتلود بالمعاني التي قلتها سابقاً لكنه لم يلمح أبداً إلى طريقة تعاونهما، أنا لا أعرف في الرياضيات بما يكفي لفهم مقالاتهما لكنني اكتسبت بعضاً من لغتهما، ولو كان قد سرّب أي شيء عن طرق تعاونهما فلا أعتقد أنني كنت سأنساه، وأنا متأكد جداً من أن السرية - التي ليست من سماته وخاصة مع أصدقائه المقربين - كانت متعمدة ومدروسة بعناية.

أما فيما يتعلق باكتشافه لرامانوجان فلم يُظهر أية سرية على الإطلاق، فقد كان الحدث الرومنطيقي الأوحد في حياته: إنها على كل حال قصة باهرة وموارد افتخار لكل شخص فيها (باستثناء اثنين)، فذات صباح باكر في العام 1913 وجد بين رسائله على طاولة إفطاره ظرفاً كبيراً غير مرتب عليه طوابع هندية، وعندما فتحه وجد مجموعة أوراق قدية مكتوب عليها بخط اليد كثير من الأسطر المليئة بالرموز بلغة غير إنكليزية، ألقى هاردي نظرة عجل علىها دون حماس، كان عندها في السادسة والثلاثين من عمره - رياضياً مشهوراً على مستوى العالم، والرياضيون المشهورون عادةً ما يكونون عرضة للناس المهووسين بأفكار غريبة كما كان قد اكتشف مسبقاً، وكان قد اعتاد على تلقي مخطوطات من غرباء تثبت الحكمة النبوية من الهرم الكبير أو تكشف أسرار قدماء زيون أو مخطوطات أضافها باكون في مسرحيات المدعو شكسبير.

وهكذا أحس هاردي بالضجر أكثر من أي شيء آخر، ألقى نظرة على الرسالة المكتوبة بإنكليزية ركيكة والموقعة من شخص هندي غير معروف والتي تطلب منه إبداء الرأي في هذه الاكتشافات الرياضية. بدا أن المخطوطات تتضمن نظريات - أغلبها غير منظم أو غريب المظهر وكانت واحدة أو اثنان منها معروفة - مرتبة كما لو كانت نظريات حديثة ومبتكرة، لم يكن هناك إثبات من أي نوع. لم يكن هاردي ضجراً فحسب بل متربداً أيضاً، فقد بدا له الأمر خدعة فضولية، وضع المخطوط جانباً وعاد إلى نمط حياته اليومية، وبما أن نمط الحياة هذا لم يتغير طوال حياته فمن الممكن التذكير به، أولاً كان يقرأ التأمين أثناء الإفطار، حدث هذا في كانون الثاني وإذا كانت هناك أية نتائج كريكت أسترالية كان يبدأ بها ويدرسها باهتمام واضح وكثيف.

مارياند كينيس الذي بدأ حياته المهنية كرياضي وكان صديقاً لهاردي وبخنه ذات مرة قائلاً: لو كان يقرأ أسعار تداول السلع نصف ساعة كل يوم بنفس التركيز الذي يوليه لنتائج الكريكت لكان أصبح رجلاً ثرياً بلا شك.

بعد ذلك من حوالي التاسعة إلى الواحدة إن لم تكن لديه محاضرات كان يعمل على رياضياته الخاصة، أربع ساعات من العمل الإبداعي كل يوم كانت تشكل الحد الأعلى للرياضي مثلما كان يقول دائماً، ثم الغداء الذي هو وجبة خفيفة في الصالة، وبعد الغداء كان يخرج ليمارس لعبة التنس (أما في الصيف فكان يسير إلى فينر لمشاهدة الكريكت)، في آخر فترة الظهيرة يتمشى عائداً إلى غرفه. أما في ذلك اليوم بالذات فرغم أن برنامجه اليومي لم يتغير إلا أن أشياء داخلية لم

تكن تجربى حسب الخطة المعتادة، ففي تفكيره الداخلي كان يشعر بالملائكة التامة في هذه اللعبة وكان مخطوط ذلك الهندي ينخر رأسه، نظريات غير منتظمة - نظريات تبدو كما لو أنه لم يشاهدتها من قبل ولم يتخيّلها حتى، هل هي خدعة من شخص عبقرى؟ سؤال كان يطرح نفسه في ذهنه، ومثلاً كان ذهن هاردى كان السؤال يطرح نفسه بوضوح واعٍ وذكيٍّ: هل كونها خدعة من شخص عبقرى أمر محتمل أكثر من كونها من رياضي عبقرى غير معروف؟ كان الجواب هو لا بوضوح، ولدى عودته إلى غرفه في ترينيتى ألقى نظرة أخرى على المخطوط، أرسل ملاحظة إلى ليتلورود (ربما مع المراسل وبالتأكيد ليس عبر الهاتف الذي لم يكن يثق به كثيراً مثل كافة الاختراعات الميكانيكية بما في ذلك قلم الخبر) بأن عليهم أن يتناقشوا بعد الاجتماع في القاعة.

عندما انتهى الطعام ربما كان هناك تأخير بسيط، كان هاردى يحب احتساء كأس من النبيذ لكنه - رغم مشاهد "الآن سانت أوين" المتألقة التي ألهبت خياله الشاب - لم يجد أنه يستمتع حقاً بالتسكع في قاعة الاجتماعات مع البورت والجوز أما ليتلورود - الرجل متوسط الحساسية - فقد كان يستمتع به، وهكذا ربما حدث نوع من التأخير، في حوالي التاسعة على كل حال كانوا في إحدى غرف هاردى والمخطوط منشور أمامهما.

إنها فرصة يتمنى أي شخص أن يكون حاضراً فيها، هاردى بمزاج من الوضوح الذي لا يرحم والحيوية الفكرية (كان إنكليزياً حقيقةً لكنه في محكماته أظهر الخصائص التي كانت الأدمغة اللاتينية غالباً ما تفترض أنها تمتلكها) مع ليتلورود واسع الخيال والقوى الظرفية، من الواضح أن الأمر لم يستغرق معهما وقتاً طويلاً، فقبل منتصف الليل علما على

وجه اليقين أن كاتب هذه المخطوطات رجل عبقي، كان هذا كل ما استطاعاً أن يحكما به تلك الليلة، ولاحقاً فقط تمكن هاردي من اتخاذ قرار بأن رامانوجان كان - من حيث العبرية الرياضية الطبيعية - من رتبة غاووس وأويلر؛ لكن ما لم يتمكن من توقعه - بسبب العيوب في تعليمه ولأنه أتى إلى المشهد متأخراً جداً في مسيرة تاريخ الرياضيات - هو أن يتعاون معه على نفس المستوى.

يبدو سهلاً جداً نوع المحاكمة التي على الرياضيين العظام أن يقوموا بها، لكنني أشرت إلى وجود شخصين لم يحصلوا على الفخر من القصة، بداعي من شهامته أخفى هاردي هذا في كل ما قاله أو كتبه عن رامانوجان، فالشخصان المعنيان قد توفيا على كل حال منذ سنوات وقد حان الوقت الآن لقول الحقيقة، إنها بسيطة جداً، فهاردي لم يكن أولَ رياضي بارز ثُرسَل إليه مخطوطات رامانوجان، إذ كان هناك اثنان قبله وكلاهما إنجليزي ومن أعلى المعايير الاحترافية، وقد أعاد كلاهما المخطوطات دون تعليق، لا أعتقد أن التاريخ سيروي ما قالاه - هذا إن قالا شيئاً - عندما أصبح رامانوجان مشهوراً.

على كل حال بدأ هاردي بالعمل الجدي في اليوم التالي، فقد قرر أنه ينبغي إحضار رامانوجان إلى إنكلترا، لم يكن المال مشكلة أساسية، فترنيتي جيدة عادةً في دعم المواهب غير التقليدية (وقد فعلت الشيء نفسه مع كابيتسا بعد عدة سنوات)، وبما أن هاردي قرر هذا الأمر فليس باستطاعة أي كائن بشري أن يوقف رامانوجان، لكنهم كانوا بحاجة إلى قدر من المساعدة من أحد فوق الطبيعة البشرية.

ظهر أن رامانوجان رجل دين فقير يعيش في مدارس مع زوجته بعشرين جنيهًا إسترلينيًّا في السنة، لكنه كان أيضًا براهميناً صارمًا بشأن طقوسه الدينية مع أم أكثر صرامة منه حتى، وقد بدا من المستحيل أن يكسر التحريم ويعبر الماء، لكن أمه - لحسن الحظ - كانت تكن أعلى مرتبة من التقديس للآلهة ناماكار، وذات صباح أطلقت أم رامانوجان إعلانًا مريعًا، فقد حلمت في الليلة السابقة بأنها رأت ابنها يجلس في قاعة كبيرة بين مجموعة من الأوربيين وأن الآلهة ناماكار أمرتها بـالا تقف في طريق ابنها ليتحقق الغرض من حياته، وهذا - بحسب ما يقول كاتبو سيرة رامانوجان الهنود - كان مفاجئًا جدًا لكل من كان يعنيه الأمر.

في العام 1914 وصل رامانوجان إلى إنكلترا، وحسبما اكتشف هاردي (رغم أنني ينبغي ألا أثق برأيته حول هذا الموضوع) فإن رامانوجان - رغم الصعوبات التي واجهته في كسر المحرمات الدينية - لم يكن يؤمن كثيرًا بالعقيدة اللاهوتية باستثناء نزعه وحيدة مبهمة إلى فعل الخير أي ليس أكثر مما كان يؤمن به هاردي بنفسه. وعندما وضعته ترينيتي في الكلية - حيث حصل على العضوية بعد أربع سنوات - لم يكن هناك تأثير آلان سانت أوبيان، عليه على الإطلاق، وقد اعتاد هاردي على أن يجده تغير من حيث الطقوس في ثياب النوم وهو يطبع الخضراءات بشكل مثير للشفقة في مقلاة في غرفته الخاصة.

كان تعاونهما مؤثراً بشكل غريب جدًا، فلم ينس هاردي أنه موجود في حضرة عقري: لكنه عقري غير متدرب حتى في الرياضيات، إذ لم يتمكن رامانوجان من دخول جامعة مدارس لأنه لم ينجح في امتحان

القبول باللغة الإنكليزية، وبحسب هاردي فقد كان ودوداً وحسن السجية لكنه قد وجد دون شك أن نقاشات هاردي خارج الرياضيات مربكة أحياناً، يبدو أنه كان يستمع مع ابتسامة على وجهه الجميل الودود غير المتكلف، وحتى داخل الرياضيات كان عليهما أن يتلقا رغم الاختلاف في ثقافتيهما، فقد تعلم رامانوجان بنفسه ولم يكن يعلم أي شيء عن الصرامة الحديثة بمعنى أنه لم يكن يعرف ما هو الإثبات، وفي لحظة تفتقر إلى الدقة ولا تعبر عن شخصيته كتب هاردي مرةً أنه لو كان تعلم بشكل أفضل لما بقي رامانوجان نفسه، لكن لدى عودته إلى إحساسه التهكمي صاحح هاردي نفسه لاحقاً وقال إن مقولته السابقة كانت سفاسف تافهة، فلو كان رامانوجان قد تعلم بشكل أفضل لأصبح أكثر روعةً حتى مما كان عليه، في الحقيقة كان هاردي مجرأً على تعليمه بعض الرياضيات الاصطلاحية كما لو كان رامانوجان مرشحاً للدراسة في مدرسة وينتشستر، قال هاردي إن هذه كانت التجربة الأكثر فرادةً في حياته: كيف تبدو الرياضيات الحديثة بالنسبة لشخص ذي أعمق بصيرة لكنه لم يسمع أبداً بمعظمها؟

على كل حال أنتجا مع بعضهما خمس مقالات من أعلى المستويات أظهر فيها هاردي ابتكاراً بارزاً من ناحيته (إذ أن تفاصيل التعاون بينهما معروفة أكثر من تلك الخاصة بالتعاون بين هاردي وليتلود)، فقد كوفئ الكرم والخيال لمرة واحدة بأفضل ما يمكن.

هذه قصة فضيلة إنسانية، فعندما يبدأ الناس بالتصرف بشكل جيد فإنهم يستمرون بالتصريف بشكل أفضل، ومن الجيد أن نتذكر أن إنكلترا أعطت رامانوجان ما أمكن من درجات الشرف، فقد انتخبته

الجمعية الملكية عضواً فيها في الثلاثين من عمره (وهو عمر صغير حتى بالنسبة لرياضي)، كما أن ترنيتي انتخبته عضواً في السنة ذاتها، وقد كان أول هندي يعطى أياً من هاتين المنزلتين، وقد أقر بالجميل بشكل ودي، لكنه مرض سريعاً وكان من الصعب - أثناء الحرب - نقله إلى مناخ أفضل.

اعتقد هاردي أن يزوره عندما كان يحضر في مشفى في بوتنى، وفي إحدى تلك الزيارات حدثت حادثة رقم لوحة سيارة الأجرة، فقد ذهب هاردي إلى بوتنى في سيارة أجرة مثلما كانت عادته في التنقل، دخل إلى الغرفة التي كان يستلقي رامانوجان فيها، قال هاردي - الذي كان من الصعب عليه أن يبدأ بالحديث - ربما دون أن يلقي التحية وبالتأكيد كملحظة أولى له: "أعتقد أن رقم لوحة سيارة أجرتي كان 1792، يبدو لي أنه عدد غبي"، أجابه رامانوجان: 'لا هاردي! لا هاردي! إنه عدد مثير جداً للاهتمام، فهو أصغر عدد يمكن التعبير عنه كمجموع مكعبين بطريقتين مختلفتين'.

هذا ما جرى كما نقله هاردي، وينبغي أن يكون صحيحاً تماماً، فقد كان أكثر الرجال نزاهة، كما لا يمكن أن يكون أحد قد اخترع هذه المحادثة بين الرجلين.

توفي رامانوجان بمرض السل وعاد إلى مدارس بعد سنتين من الحرب، وكما كتب هاردي في الاعتذار في استعراضه لأسماء الرياضيين: 'توفي غالوا في الحادية والعشرين من عمره وأبل في السابعة والعشرين ورامانوجان في الثالثة والثلاثين وريمان في الأربعين... ولست أعلم مثلاً عن تقدم رياضي كبير بدأ به رجل تجاوز الخمسين'.

لولا التعاون مع رامانوجان ل كانت سنوات الحرب بين 1914 و 1918 أكثر إظلاماً بالنسبة لهاردي مما كانت عليه، لكنها كانت مظلمة بما يكفي رغم هذا و تركت جرحاً عاد و افتح في الحرب الثانية، كان رجلاً ذا آراء متطرفة طوال حياته، إلا أن تطرفه كان مشوباً بمسحة من تنوير نهاية قرن و بداية آخر، وبالنسبة لجيلنا كان يبدو أحياناً أنه يتنفس هواءً أخف وأكثر براءة مما كنا نتنفسه.

مثل العديد من أصدقائه المفكرين في عصر الملك إدوارد السابع كان لديه شعور قوي تجاه الألمان، فألمانيا كانت - رغم كل شيء - هي القوة التعليمية العظمى في القرن التاسع عشر، وبالنسبة لأوروبا الشرقية وروسيا والولايات المتحدة الأمريكية كانت الجامعات الألمانية هي من علّم معنى البحث، لم يطلع هاردي كثيراً على الفلسفة أو الأدب الألمانيين: فقد كانت ذائقته تقليدية جداً في هذين المجالين، لكن أغلب نواحي الثقافة الألمانية بما في ذلك الرفاهية الاجتماعية بدت له أعلى مستوى من ثقافته هو.

خلافاً لإنشتاين الذي كان لديه حس قوي وصارم جداً بالوجود السياسي لم يكن هاردي يعلم الكثير عن ألمانيا الوليمية، ورغم أنه كان أقل الناس خيلاً إلا أنه كان سيكون أقل من البشر لو لم يتمتع بأن يكون موضع تقدير في ألمانيا أكثر مما هو في بلده، وهناك قصة طريفة في هذا الإطار تعود إلى تلك الفترة، فقد سمع هلبرت - وهو أحد أعظم الرياضيين الألمان - أن هاردي يعيش في مجموعة من الغرف غير المنظمة جيداً في ترينيتي، عندها كتب هلبرت مباشرةً إلى الرئيس موضحاً أن

هاردي هو أفضل الرياضيين ليس في ترينيري بل في إنكلترا كلها وينبغي بالتالي أن يحصل على أفضل الغرف.

وهكذا فإن هاردي - مثل راسل والعديد من صفة النخبة الفكرية في كامبردج - لم يعتقد أنه ينبغي خوض غمار الحرب، وإضافة إلى ذلك فإنه إلى جانب فقدان الثقة المتأصل بالسياسيين الإنكليز كان يعتقد أن توازن الأخطاء كان في صالح إنكلترا، لم يتمكن من إيجاد قاعدة مقنعة لاعتراض عقلاني واعٍ؛ فقد كانت استقامته الفكرية أقوى من ذلك. لقد تطوع في الحقيقة للخدمة في مشروع ديري لكته رفض لأسباب طبية، إلا أنه شعر بالمزيد من العزلة في ترينيري والسبب الأساسي لهذا هو رغبته العارمة بالقتال.

أبعد راسل عن إلقاء المحاضرات في ظروف شديدة التعقيد (أراد هاردي أن يكتب الرواية التفصيلية الوحيدة عن هذه القضية بعد ربع قرن من الزمن من أجل إراحة نفسه في حرب أخرى)، كان أصدقاء هاردي بعيدين في الحرب، فليتلود كان يصنع القذائف كملازم ثانٍ في سلاح المدفعية الملكية، وبسبب لا مبالاته البهيجة حصل على امتياز البقاء ملازماً ثانياً طوال أربع سنوات الحرب مما أثر في تعاونهما وإن لم يكن أوقفه بالكامل، كان العمل مع رامانوجان هو عزاء هاردي أثناء النزاعات المريرة في الكلية.

فكرت أحياناً أنه كان - لمرة - أقل من كفء لزمائه، فبعضهم كان مهووساً نوعاً ما مثلما يكون الرجال في زمن الحرب، لكن بعضهم الآخر كان يعاني ويحاول أن يحافظ على نمط الحياة الاجتماعية، وأخيراً تحقق نصر للاستقامة الأكاديمية بأنه كان عليهم انتخاب رامانوجان

الذى كان تحت رعايته في حين كان هاردي يتكلم مع بعض المنتخبين فقط ولا يتكلم أبداً مع آخرين.

لكنه رغم هذا كان تعيساً للغاية، وفور تمكنه من ذلك غادر كامبردج، فقد عرض عليه كرسي في أكسفورد في العام 1919 وسعى فوراً إلى أسعد أوقات حياته، كان قد أجرى مسبقاً تعاوناً رائعاً مع رامانوجان وليلوود لكن التعاون مع ليلوود ارتقى الآن إلى ذروته، كان هاردي على حد تعبير نيوتن - 'في ريعان عمره الإبداعي' وهذا كان في بداية الأربعينيات مما يعتبر متأخراً عادةً بالنسبة لرياضي.

إلا أن هذا الإبداع المتقد - بمحدوته في هذا السن المتقدم - أعطاه إحساساً بالشباب الدائم وهو أمر يعني له أكثر مما يعنيه لأغلب الناس، فقد عاش حياة الشباب التي كانت طبيعته الأصلية، إذ كان يلعب المزيد من التنس ويصبح أفضل بسببه (فالتنس لعبة مرهقة تتطلب الكثير من الجهد) كما قام بعدة زيارات جيدة إلى جامعات أمريكية وأحب ذلك البلد كثيراً، إذ كان واحداً من الإنكليز المعجبين في تلك الأيام بالولايات المتحدة والاتحاد السوفياتي على السواء إلى حد ما، كما كان بالتأكيد الإنكليزي الوحيد - سواء في عصره أو في أي عصر كان - الذي كتب اقتراحًا جدياً إلى مفوضي لعبة البيسبول (كرة القاعدة) يقترح فيه تصحيحاً تقنياً لإحدى قواعد اللعبة. كان عقد العشرينات بالنسبة له ولمعظم الليبراليين من جيله بزوغ فجر جديد، فقد اعتقاد أن شقاء الحرب قد انتهى وأصبح جزءاً من الماضي.

سكن في الكلية الجديدة في منزل كما لم يحدث أبداً في كامبردج، وكان الجو المنزلي الحواري في أكسفورد مناسباً له، وفي ذلك المكان الذي كان

عندما كلية صغيرة وحميمية فضل النمط الحواري الخاص به، حيث كانت هناك صحبة تتوقد للاستماع إليه بعد الاجتماعات، وكان بإمكانهم التأقلم مع غرابة أطواره، فقد أدركوا أنه لم يكن رجلاً جيداً ورائعاً فحسب بل مسليناً أيضاً، فإذا أراد أن يلعب العاباً بالكلمات أو العاباً حقيقة (غريبة أيضاً) في حقل الكريكت كانوا جاهزين لتمثيل دور المهزومين، فقد كانوا متأثرين به بشكل إنساني عادي، إذ كان محظى احترام وتقدير من قبل لكن التأثر به لم يكن من هذه الناحية.

لم يبدُ أن أحداً كان يهتم بأنه كانت لديه صورة كبيرة للينين في غرفته، كان تطرف هاردي غير مفهوم نوعاً ما لكنه كان حقيقياً، فقد ولد - كما شرحت سابقاً - في عائلة مهنية وقضى معظم حياته في برجوازية رفيعة لكنه كان يتصرف أقرب إلى الأرستقراطي أو - إذا أردنا الدقة أكثر - مثل أرستقراطي متأثر بالرومنطيقية، حيث اكتسب بعضاً من سلوكه - ربما - من صديقه برتراند راسل، لكن أغلب سلوكه كان نابعاً من ذاته بشكل فطري.

نجح بسهولة - دون أية مناصرة - مع القراء وتعيسى الحظ والخجولين (حيث كان اكتشافه لرامانوجان من ألعاب القدر ذات الدلالة الخاصة)، وكان يفضلهم على الأشخاص الذين كان يدعوهם بذوي المؤخرات الكبيرة - وهذا الوصف كان نفسياً أكثر منه شكلياً أو جسدياً - رغم أنه كانت هناك في ترينيداد في القرن التاسع عشر مقوله شهيرة لأدم سيدكويتش: 'لم ينجح أحد في العالم أبداً ما لم تكن له مؤخرة كبيرة'، أما بالنسبة لهاردي فذوو المؤخرات الكبيرة هم الإنكليلز المغوروون المزدهرون الإمبرياليون البرجوازيون، وهذا يشمل أكثر

الأساقفة وأرباب العمل والقضاة وكافة السياسيين مع استثناء وحيد هو
لويド جورج.

لإظهار ولائه قبل منصباً عاماً، فعلى مدى عامين (من 1924 إلى 1926) كان رئيساً لمؤسسة العمال العلميين، وقد قال بسخرية إنه كان خياراً غريباً لكونه 'العضو الأكثر اتصافاً بأنه غير عملي في المهنة الأكثر اتصافاً بأنها غير عملية في العالم'، لكنه لم يكن غير عملي كثيراً في الأشياء الهامة، إذ كان يقف ليدي رأيه بتمعن وروية، وبعد وقت طويل عندما عملت مع فرانك كوزينس كان من دواعي سروري بالتأكد أن أكتشف أنه كان لي صديقان ترأسا مكتباً في حركة الاتحاد التجاري هما كوزينس وهاردي.

ذلك الصيف في أواخر العشرينات في أكسفورد كان سعيداً جداً بحيث تسأله الناس فيما إذا كان سيعود يوماً إلى كامبردج، وهذا ما قام به عام 1931، وأعتقد أن هناك سببين لهذا، السبب الأول والأكثر حسماً هو أنه كان محترفاً وأن كامبردج كانت ما تزال مركز الرياضيات الإنكليزية وأن كرسى الرياضي هناك كان هو المكان المناسب لمحترف مثله، أما السبب الثاني - والغريب نوعاً ما - فهو أنه كان يفكر بتقديره في السن، فقد كانت كلية أكسفورد إنسانية ومرحة جداً من عدة نواحٍ؛ لكن إن بقي في الكلية الجديدة فعليه أن يغادر غرفه بمجرد أن يتقادم منها لدى وصوله إلى سن التقاعد أما إذا عاد إلى تринيتى فسيتمكن من البقاء في الكلية حتى يموت، وهذا ما خطط للقيام به.

عندما عاد إلى كامبردج - كان ذلك هو الوقت الذي بدأت بالتعرف إليه فيه - كان في نهاية توهجه فترته العظيمة، كان ما يزال سعيداً

ومبدعاً وإن لم يكن بقدر ما كان عليه في العشرينات لكن بما يكفي ليجعله يشعر أن قدرته ما تزال موجودة، كان مفعماً بالحيوية بقدر ما كان عليه في الكلية الجديدة، وهكذا حظينا بفرصة لنراه عن قرب في أفضل أيامه.

في الشتاءات - بعد أن أصبحنا صديقين - كنا ندعوه بعضنا إلى العشاء في كليةينا مرة كل أسبوعين، وعندما يأتي الصيف كان مفروغاً منه أنه علينا اللقاء في أرض الكريكت. باستثناء بعض المناسبات الخاصة بقي يعمل بالرياضيات في الصباح ولا يصل إلى فينر إلا بعد الغداء، وقد كان يتمشى بخطوات طويلة مهذبة متباقة (كان رجلاً نحيلًا نوعاً ما ونشيطاً حتى في أواخر الخمسينات من عمره إذ كان يلعب التنس) خافضاً رأسه مع ربطه عنق وسترة صوفية مما يشكل منظراً يجذب أعين الجميع، 'هناك يمشي شاعر إغريقي' قالها مزارع مبهجاً لدى مرور هاردي بجانب لوحة النتائج. لقد عمل على تحسين مكانه المفضل مقابل غرفه بحيث يتمكن من التقاط كل شعاع من ضوء الشمس إذ كان عاشقاً للشمس، وحتى يخدع الشمس أثناء سطوعها كان يحضر معه - حتى في ظهيرات أيار الرائعة - ما كان يدعوه 'البطارية المضادة لله' الخاصة به والتي كانت تتكون من ثلاثة أو أربع سترات ومظلة تعود لأخته وظرف كبير يتضمن خطوطات رياضية مثل أطروحة دكتوراه أو مقالة ينبغي أن يعطي حكمها فيها من أجل الجمعية الملكية أو بعض أسئلة الامتحانات، كان يشرح لعارفه أن الله - اعتقاداً منه أن هاردي يتوقع أن يتغير الطقس مما يعطيه الفرصة ليعمل - يرتب لإبقاء السماء خالية من الغيوم بحيث يخالف توقعات هاردي هذه.

هناك كان يجلس، وليكمل متعته في الظهيرات الطويلة أثناء مشاهدة الكريكت كان يحب أن تبقى الشمس ساطعة وأن يوجد أشخاص يسعد بصحبتهم، التقنيات والتكتيكات وجمال اللعب كانت أعمق ما يجذبه إلى اللعبة، لن أحاول أن أشرح هذه النقاط فهذا غير ممكن ما لم يكن الشخص يعلم اللغة المستخدمة فيها تماماً كما أن بعضًا من أقوال هاردي المأثورة غير قابلة للشرح ما لم يكن الشخص يعرف اللغة المستخدمة في الكريكت أو نظرية الأعداد ومن الأفضل أن يعرف الاثنين معاً، لحسن حظ العديد من أصدقائنا أنه كان يستسique الفكاهة الإنسانية أيضًا.

ربما كان أول شخص ينكر أن له أية بصيرة نفسية خاصة، لكنه كان أذكي الرجال وأكثرهم اتقاد ذهن وكان يقرأ الكثير كما كان لديه إحساس بالطبيعة الإنسانية وكان قوياً ومتسامحاً ولاذع الهجاء وخالياً تماماً من الغرور، كان نزيهاً بشكل روحي مثل قلة قليلة من الناس (أشك أن بإمكان أحد أن يكون أكثر نزاهة) وكان يشعر برعبرuber ساخط من ادعاء الطموح والتقدمة الشخصية وكافة الادعاءات الجلليلة للفضائل الزائفة، والكريكت - التي هي أجمل الألعاب - هي الآن أكثرها زيفاً أيضاً، فمن المفترض أن تكون أفضل تعبير عن روح الفريق، إذ إنه على الشخص أن يفضل عدم إحراز أية نقطة مع رؤية فريقه يربح على أن يحرز مئة نقطة مع رؤية فريقه يخسر، وهذه القيم الخاصة ألهمت إحساس هاردي بالسخافة، وكجواب كان يعرض أقوالاً مأثورة، مثل:

‘الكريكت هي اللعبة الوحيدة التي يمكنك فيها أن تلعب ضد أحد عشر لاعباً من الجانب الآخر وعشرة من جانبك.’

إذا كنت عصبياً عندما تلعب في البداية فلا شيء يعيد ثقتك أكثر من رؤية الطرف الآخر يخرج.

إذا كان مستمعوه محظوظين فسيكون بإمكانهم سماع ملاحظات أخرى - لا علاقة لها بالكريكت - تحسّم الحوار كما في الكتابة، يتضمن الاعتذار بعضاً من هذه الملاحظات، وفيما يلي المزيد منها:

لَا ينبغي لرجل من الصف الأول أن يهدر وقته للتعبير عن رأي للغالبية، فالتعريف هناك الكثير من الرجال للقيام بهذا.

قبل أن أخرج كان يمكن لأحد أن يقترح - إذا كان تفكيره غير تقليدي بما يكفي - أن تولستوي أتى على مسافة كبيرة من جورج ميريديث كروائي؛ لكن لا أحد آخر - بالطبع - يمكن أن يفعل هذا (قيل هذا عن صيحات الموضة، ويجدر التذكير هنا أنه عاش في أحد ألمع أجيال كامبردج على الإطلاق).

الذكاء هبة ثانوية من أجل أي غرض جدي.

على الشبان أن يُعجبوا بأنفسهم: لكن عليهم ألا يكونوا معتوهين. (قيلت بعد أن حاول أحدهم أن يقنعه أن فينيغان وايك كانت آخر التحف الأدبية).

أحياناً يُجبر الشخص على قول أشياء صعبة لكن عليه أن يقولها بأبسط طريقة يعرفها.

أحياناً كان حماسه يقل أثناء مشاهدته للكريكت، وعندها كان يتطلب منا اختيار فرق: فرق تبدأ أسماؤها بالحروف HA (الحروف الأول

والثاني من Hardian و Hanibal) أو فريق ترينيري أو كريست وما إلى ذلك.

كانت لديه تسلية مفضلة أخرى، كان يقول 'قيم ذلك الرجل الذي التقىَه مساء أمس'، وعندها ينبغي تقييم شخص ما من بإعطائه درجة من 100 في كلٍ من الفئات التي استغرق هاردي وقتاً طويلاً في ابتكارها وتعريفها، متصلب ومنعزل ('الرجل المتصلب ليس بالضرورة منعزلاً لكن كل الرجال المنعزلين دون استثناء يجب أن يكونوا متصلبين')، وغامض وبراندي معتق وملتف بالإضافة إلى بعض الفئات الأخرى. صفات المتصلب والمنعزل والغامض تشرح نفسها بنفسها (دوق ولنفتون سيحصل على 100 في صفات المتصلب والمنعزل وعلى 0 في صفة الغامض)، أما صفة البراندي المعتق فقد أتت من شخصية أسطورية قالت إنها لم تشرب أي شيء باستثناء البراندي المعتق، وبالتالي فإن البراندي المعتق يعني - بالاستنتاج - مذاقاً غريباً وخاصةً لكن ضمن حدود المعقول، كشخصية (وكم يكتتب من وجهة نظر هاردي لكن ليس من وجهة نظري أنا) فإن بروست يحصل على علامات عالية في صفة البراندي المعتق وكذلك يفعل إف. إي. لينديمان (الذي أصبح لورد تشورويل فيما بعد).

مضت أيام الصيف، وبعد واحد من مواسم كامبردج القصيرة كانت هناك مبارزة الجامعية، الترتيب للقاء في لندن لم يكن بسيطاً دائماً لأنه - كما أشرت سابقاً - كانت لديه ريبة مرضية من الأدوات الميكانيكية (إذ لم يستخدم ساعة أبداً) وخاصةً من الهاتف، ففي غرفه في ترينيري أو في شقته في ساحة سانت جورج كان دائماً يقول بنبرة مستنكرة وشريرة

نوعاً ما: 'إذا كنتَ مولعاً بالهاتف فهناك واحد في الغرفة المجاورة'، ومرة كان عليه أن يكلمني بالهاتف بشكل اضطراري؛ أتاني صوته غاضباً: 'لن أسمع كلمة تقولها لذا عندما أنتهي سأغلق السماعة فوراً، إنه أمر ضروري، عليك أن تأتيني الليلة بين التاسعة والعشرة.' وأغلق الخط.

رغم هذا وصل بدقة على موعد مباراة الجامعة، هناك كان في كامل إشراقه عاماً بعد آخر، محاطاً بالأصدقاء - من الرجال والنساء - كان قد تحرر من خجله، كان في مركز اهتمامنا جميماً وهو أمر لم يكن يكرره، وأحياناً كان بالإمكان سماع ضحكات الحفلة من مكان بعيد عن الملعب.

في آخر سنوات سعادته هذه كان كل ما فعله خفياً مع رشاقة وترتيب نوع من الأسلوب الخاص، الكريكت لعبة تمتاز بالرشاقة والترتيب ولهذا وجد الجمال الرسمي فيها، ورياضياته - مثلما قيل لي - ظلت تمتاز بهذه السمات الجمالية حتى آخر أعماله الإبداعية، وقد أعطيتُ انتباعاً - يسحرني - بأنه كان محاوراً رائعاً في أجواءه الخاصة، وهذا كان صحيحاً إلى حد ما؛ لكنه كان أيضاً - فيما يعتبره مناسبات 'غير تافهة' (ما يعني مناسبات هامة لأي من المشاركين بها) - مستمعاً جاداً وشديد التركيز، ومن الأصدقاء الحميمين الآخرين الذين عرفتهم - بمصادفات مختلفة - في نفس الفترة كان ويلز أسوأ مستمع مما يمكن تصوره أما رذرфорد فكان أفضل بشكل واضح ولويد جورج أحد أفضل المستمعين دائماً، لم يكن هاردي يستقي انتباعاته ومعرفته من كلمات الآخرين - كما كان لويد يفعل - لكن عقله كان تحت تصرفه،

وعندما سمع بمفهوم كتابي الأستاذة قبل أن أكتبه بعده سنوات أجري امتحاناً متبادلاً لي بحيث تحدثت عن الجزء الأكبر منه، وقد أنتج هو بعض الأفكار الجيدة، أتمنى لو كان قادراً على قراءة الكتاب الذي أعتقد أنه كان ربما سيعجبه، وعلى كل حال فإنني أهديت هذا الكتاب إلى ذكراه بناءً على هذه الأمنية.

في الملاحظة الموجودة في نهاية الاعتذار رجع إلى نقاشات أخرى جرت إحداها على مدى طويل جداً وكانت أحياناً تتسم بالغضب من كلينا، في الحرب العالمية الثانية كان لدى كلينا آراء مختلفة لكنها انفعالية مثلما سأشير بعد قليل، لم أغير رأيه قيد أنملة في حين أنه - رغم أنها كنا مفصولين عن بعضنا ببحر من العواطف - على مستوى المنطق كان يدرك تماماً ما كنت أقوله، وهذا كان صحيحاً في أي من النقاشات التي أجريتها معه.

خلال الثلاثينيات عاش أسلوبه الخاص من حياة الشباب، ثم انكسر هذا فجأة، في العام 1939 أصيب بجلطة في الشريان التاجي، تعافى منها لكن التنس والسكواش والنشاطات الفизيائية التي كان يحبها أصبحت كلها غير ممكنة، وال الحرب أظلمته أكثر مثلكما فعلت الحرب الأولى، فقد كانتا بالنسبة له قطعتين متصلتين من الحماقة، كلنا على خطأ ولم يتمكن من جعل نفسه تتأقلم مع الحرب أكثر مما فعل في العام 1914، توفي أحد أقرب أصدقائه بطريقة مفجعة كما أن قدراته الإبداعية كرياضي غادرته في الستينات من عمره (وفي اعتقادي أن هذه المأساة كانت متصلة مع بعضها).

لهذا فإن كتاب اعتذار عالم رياضيات - إذا قرئ بالاهتمام الأدبي الذي يستحقه - كتاب يحمل في طياته كآبة لا تُنسى، نعم إنه كتاب

ظريف ورشيق مع معنويات فكرية عالية ؛ نعم إن الوضوح الشفاف والصراحة ما يزالان موجودين فيه ؛ نعم إنه ميثاق فنان مبدع ، لكنه أيضاً - بطريقة رزينة واهنة - مرثاة انفعالية لقدرات إبداعية كانت موجودة ولن تعود أبداً، لا أعرف مثيلاً لهذا في اللغة ؛ وهذا عائد جزئياً إلى أن معظم الناس الذين لديهم الهبة الأدبية للتعبير عن مرثاة كهذه ليسوا قادرين على الإحساس بها ، ومن النادر جداً لكاتب أن يدرك بهذا القدر من الصدق أنه قد انتهى تماماً.

لدى رؤيته في تلك السنوات لم أستطع منع نفسي من التفكير في الثمن الذي دفعه من أجل حياة الشباب التي عاشها ، فقد كان هذا مثل رؤية لاعب رياضي على مدى سنوات طويلة في ذروة الشباب والمهارة أكثر شباباً وبهجة من الآخرين ثم يكون علينا أن تقبل فجأة أن الهبة المعطاة له قد زالت ، من الشائع أن نقابل أبطالاً رياضيين عظاماً تواروا - كما يسمون ذلك - خلف الهضبة : حيث تكون خطواتهم قد تناقلت (وغالباً ما تدوم نظراتهم أطول) وضرباتهم لم تعد بتلك القوة ، ويبيدون مكان ينبغي الخوف منه ؛ فالجماهير تأتي لتشاهد شخصاً آخر ، وهذه هي النقطة التي تجعل العديد من الأبطال الرياضيين يدمون على الشراب ، لم يدمن هاردي على الشراب لكنه أدمن على شيء مثل اليأس ، تعافي جسدياً بما يكفي ليضرب الكرة بالمضرب على الشبكات لمدة عشر دقائق أو ليلعب تمارين رفع اللياقة التي تعجبه (مع مجموعة معقدة من التمارين الإضافية) في ملاعب تринتي ، لكن غالباً ما كان غير قادر على تحفيز متعته - فقبل ثلاث أو أربع سنوات كان اهتمامه بكل شيء متقداً بحيث يشعرنا جميعاً بالضجر والتعب ،

‘لا ينبغي أن يشعر أحد بالضجر أبداً’ كانت إحدى بديهياته، ‘يمكن أن يكون الشخص مرتوباً أو مشمئزاً لكن لا يمكن أن يكون ضجراً، لكنه أصبح هكذا غالباً مجرد شخص يشعر بالضجر.

لهذا شجعه بعض أصدقائه - بما فيهم أنا - على كتابة قصة برتراند راسل وترنيتي في الحرب بين عامي 1914 و1918، الناس الذين لم يكونوا يعرفون كم هاردي مكتئب كانوا يعتقدون أن الحادثة بأكملها قد انتهت وينبغي ألا يتم نسخها مجدداً، إلا أن الحقيقة أنها أحياه ليجد أي نوع من المبرر لوجوده، تم توزيع الكتاب على مستوى ضيق ولم يتم توزيعه على العموم وهذا مؤسف لأنه يشكل إضافة صغيرة إلى التاريخ الأكاديمي.

استخدمت طرق إقناع كهذه لأحمله على تأليف كتاب آخر كان قد وعدني في أيامه السعيدة أن يكتبه، كان من المفروض أن يسميه يوم في الأرض البيضوية وكان ينبغي أن يتحدث فيه عن نفسه وهو يتابع الكريكت على مدى يوم كامل مع التوسع في أبحاث عن اللعبة والطبيعة الإنسانية وذكرياته والحياة بشكل عام، ربما كان سعيد كتاباً كلاسيكيّاً غريب الأطوار نوعاً ما؛ لكنه لم يُكتب أبداً.

لم أكن عوناً كبيراً له في تلك السنوات الأخيرة، فقد كنت منغمساً بشدة في الخدمة المدنية في زمن الحرب وكانت مشغولاً جداً غالباً ما كنت متعباً بحيث لا أجد نفسي قادراً على الذهاب إلى كامبردج، لكن كان علي أن أبذل جهداً أكثر مما فعلت، وعلى أن أعترف نادماً بأنه كانت هناك فجوة في الانسجام - وليس بالضبط فتوراً - بينما، فقد أغارني شقته في بيليمليكو - شقة مظلمة رثة تقع خارجها حدائق ساحة سانت جورج وما كان يدعوه ‘بالبراندي المعتق’ - خلال كل فترة

الحرب، لكنه لم يكن يحب أن التزم بشكل كامل، فقد كان يطري على ألا يكرس الناس أنفسهم من القلب إلى وظائف عسكرية، لم يسألني أبداً عن عملي كما لم يُرِد أن نتكلم عن الحرب، في حين كنت أنا - من ناحيتي - قليل الصبر ولم أظهر أي شيء مثل ما يكفي من الاهتمام، رغم كل هذا اعتقدت أنني لم أكن أقوم بهذا العمل من أجل المتعة بل كان علي أن أقوم به ولربما تمكنت من استخلاص أقصى حد من اهتمامه، لكن هذا ليس عذراً.

عند نهاية الحرب لم أعد إلى كامبردج، زرتها عدة مرات عام 1946، لم ينفك اكتئابه وكان ينهار جسدياً؛ يتنفس بضيق بعد أن يمشي عدة ياردات، والتمشي المبهج الطويل في المشي بعد انتهاء اللعب كان قد مضى إلى الأبد: إذ كان علي أخذه إلى المنزل من ترينيني بسيارة أجراة، كان سعيداً لأنني عدت إلى تأليف الكتب: فالحياة الإبداعية كانت هي الوحيدة لرجل جدي مثله، وبالنسبة له أيضاً كان يتمنى لو يستطيع أن يعيش الحياة الإبداعية مجدداً ليس أفضل مما كانت من قبل: فحياته الحالية قد انتهت.

أنا لا أقتبس كلماته الدقيقة، فقد كانت مخالفةً لطبيعته لدرجة أنني أردت أن أنساها وحاولت بنوع من السخرية أن أشوش على ما قاله، وهكذا لم أذكر كلماته بدقة أبداً، فقد حاولت أن أحفظ بها لنفسي كزخرف بلاغي.

في بداية صيف عام 1947 كنت جالساً إلى مائدة الإفطار حين رن الهاتف، كانت أخت هاردي: كان مريضاً جداً وكانت تطلب مني القدوم إلى كامبردج فوراً والاتصال من ترينيني أولاً. في ذلك الوقت لم

أفهم معنى الطلب الثاني لكنني أطعنه لأجد في كوخ الباب في ترينيري ذلك الصباح ملاحظةً منها: كان علي الذهاب إلى غرف دونالد روبرتسون فهو سيكون بانتظاري.

دونالد روبرتسون كان أستاذًا للغة اليونانية وصديقاً حميمًا لهاردي: كان عضواً آخر من نفس المستوى المرتفع اللبق الليبرالي في كامبردج من عصر الملك إدوارد السابع، كما كان من القلة التي تنادي هاردي باسمه المعومدي (الأوسط)، حياني بهدوء، خارج نوافذ غرفته كان صباحاً هادئاً مشمساً، قال:

‘عليك أن تعرف أن هارولد حاول أن يقتل نفسه.’

نعم لقد تجاوز مرحلة الخطر: كان وضعه جيداً إذا صح التعبير، لكن دونالد كان - بطريقة أقل تحديداً - مباشراً مثل هاردي نفسه، للأسف أن المحاولة فشلت، فصحة هاردي أخذت تزداد سوءاً: لن يمكنه أن يعيش أطول بأي حال من الأحوال: فحتى المشي من غرفه إلى القاعة أصبح يُتعبه، لقد قام بختار مدروس بالكامل، فالحياة بهذا الشكل لا يمكنه تحملها: إذ لا شيء فيها، جمع ما يكفي من الحبوب المسكنة والمنومة وحاول القيام بعمل متقن استغرق منه وقتاً طويلاً.

كنت معجبًاً بدونالد روبرتسون لكنني لم ألتقي به إلا في الحفلات وعلى طاولة ترينيري الرئيسية، كانت هذه أول مناسبة نتحدث فيها بحميمية، قال بحزن مؤدب إنه على المجيء لزيارة هاردي بقدر ما أستطيع: قد يكون صعباً علي القيام بهذا لكنه إجباري: ربما لن يدوم الأمر طويلاً، كان كلامنا بائساً، ودعّته ولم أره ثانيةً.

في بيت الرعاية الصحية كان هاردي مستلقياً على سرير، وللسخرية كانت عيناه سوداين، عندما كان يتقيأ من الأدوية التي ابتلتها ضرب رأسه بحوض المغسلة، كان يزدرى نفسه ويسخر منها؛ هل قام أحد ما بفوضى أكثر من هذه؟ كان علي أن أدخل في اللعبة التهكمية، لم أحس أبداً بعدم القدرة على التهكم كما أنا الآن لكن كان علي أن ألعب، تحدثت عن عمليات اتحار متميزة فاشلة أخرى، ماذا عن الضباط الألمان في الحرب الأخيرة؟ بيك وستانباغل كانوا فاشلين في هذا بشكل ملحوظ، كان غريباً أن أسمع نفسي أقول أشياء كهذه، لكن الملفت أنها بدت تسعده.

بعد ذلك صرت آتي إلى كامبردج على الأقل مرة كل أسبوع، كنت أرتاب من كل زيارة لكنه كان يقول إنه يتضرر رؤيتي، كان يتكلم قليلاً في كل مرة أراه فيها عن الموت، كان يرغب فيه ولا يخافه: كيف له أن يخاف من العدم؟ عاد له مذهبة الفكرى، لن يحاول أن يقتل نفسه مجدداً، إذ لم يُبلِّ حسناً في هذا، لذا كان قد حضر نفسه للانتظار، بشكل متناقض مع ما يمكن أن يؤلمه - لأنه مثل معظم المحيطين به كان يؤمن بالعقلانية إلى حد ظننته لاعقلانياً - أظهر فضولاً مهوساً شديداً بأعراض مرضه، كان يدرس دائمًا غضاريف كاحلية: هل هي اليوم أكبر أو أصغر؟

من كل ساعة أقضيها معه كان علي أن أتحدث لمدة خمس وخمسين دقيقة عن الكريكت، فقد كانت عزاءه الوحيد، كان علي الادعاء أنني مكرّس لهذه اللعبة وهذا ما لم أعد أشعر به وفي الحقيقة خفت حماسي للعبة منذ الثلاثينات باستثناء المتعة في صحبته أثناء الألعاب،

والآن علي أن أدرس نتائج الكريكت بتركيز كما كنت في المدرسة، لم يكن بإمكانه أن يقرأ بنفسه لكنه كان سيعرف لو كنت أخدعه، أحياناً كانت تلمع حيويته القديمة، لكن إن لم أتمكن من التفكير في خبر أو سؤال آخر فكان سيقى مددأً هناك بنوع من الوحدة المعتمة التي تصيب بعض الناس قبل أن يموتوا.

حاولت مرةً أو مرتين أن أستشيره، ألا يستحق الأمر - حتى لو كانت فيه مخاطرة - أن نذهب ونشاهد مباراة كريكت أخرى معاً؟ قلت إنني أصبحت أفضل مما كنت عليه وإنني مستعد لاستأجر له سيارة أجرا - وسيلة النقل التي كان معتاداً عليها - إلى أي ملعب كريكت يريد، ابتهج عندها، لكنه قال إنه يمكن أن يموت على يدي عندها، أجبت أنني جاهز لتحمل هذا، اعتقدت أنه يمكن أن يأتي: فكان يعلم كما كنت أعلم أن وفاته على بعد أشهر قليلة فقط: أردت أن أراه يقضى ظهيرة بشيءٍ من المرح، في المرة التالية التي زرته فيها هز رأسه بحزن وغضب قائلاً: لا، لا يمكنه أن يحاول حتى: فلافائدة من المحاولة.

كان صعباً جداً علي أن أجبر على الحديث عن الكريكت، وكان ذلك أصعب على أخيه التي هي امرأة ساحرة ذكية لم تتزوج أبداً وقضت معظم حياتها تعتنى به، بمهارة فكاهية ليست بعيدة عن أسلوبه القديم قامت بجمع كل قصاصات أخبار الكريكت التي تمكنت من إيجادها رغم أنها لم تكن أبداً قد تعلمت أي شيء عن اللعبة.

مرةً أو اثنتين تفجر لديه الحب الساخر للكوميديا الإنسانية، فقبل وفاته بأسبوعين أو ثلاثة سمع من الجمعية الملكية أنه سيعطى أعلى مرتبة شرف أي ميدالية كوبلي، ابتسم مكشراً وكانت المرة الأولى التي أراه

فيها بإشراقه الكامل خلال كل تلك الشهور قائلاً ‘أعرف الآن أنني قرب النهاية، فعندما يُسرع الناس في تكرييك يكون هناك استنتاج وحيد يمكن القيام به.’

بعد أن سمعت هذا أذكر أنني زرته مرتين، المرة الأخيرة كانت قبل أربعة أيام أو خمسة من وفاته، كان هناك فريق اختبار هندي يلعب في أستراليا وقد تحدثنا عنه.

كان ذلك في نفس الأسبوع الذي أخبر به أخته: ‘إذا كنت سأعلم أنني سأموت اليوم فأعتقد أنني ما زلت أرغب بسماع بعض نتائج الكريكت.’

رتب لشيء مشابه جداً، فكل مساء من ذلك الأسبوع كانت – قبل أن تتركه – تقرأ له فصلاً من تاريخ الكريكت في جامعة كامبردج، أحد هذه الفصول تضمن الكلمات الأخيرة التي سمعها لأنه توفي فجأة في أحد الصباحات الباكرة.

مكتبة
t.me/soramnqraa

مقدمة

إنني مدين للبروفيسور سي. دي. برود والدكتور سي. بي. سنو من أجل الكثير من الانتقادات القيمة التي قدمها لي بعد قراءة مخطوطتي الأصلية، وقد أدخلت جوهر كافة هذه الانتقادات تقريرًا في متن الكتاب مزيلًا منه العديد من نقاط الغموض والركاكة.

تعاملت مع هذه الانتقادات بشكل مختلف في حالة واحدة فقط، فقد كانت الفقرة 28 مبنية على أساس مقالة قصيرة ساهمت بها في مجلة Eureka (مجلة الجمعية الأرخميدسية في كامبردج) في وقت سابق من هذه السنة ووجدت من المستحيل أن أعيد صياغة ما كتبه بعناية كبيرة منذ فترة وجيزة، وكذلك لو حاولت أن ألبّي انتقادات هامة كهذه بجدية فعلى أن أوسع تلك الفقرة كثيراً جداً بحيث أكسر توازن الأطروحة بكاملها، وهكذا تركتها دون أي تغيير لكنني أضفت ملاحظة تتضمن النقاط الأساسية لهذه الانتقادات في نهاية الكتاب.

جي. إتش. هاردي

18 تموز 1940

إنه لأمر يدعو للكاربة لرياضي محترف أن يجد نفسه يكتب عن الرياضيات، فوظيفة الرياضي هي القيام بأمر ما وإثبات نظريات جديدة وإضافة شيء ما إلى الرياضيات وليس الكتابة عما قام به هو أو غيره من الرياضيين. رجال الدولة يحتقرن الصحفيين والرسامون يحتقرن نقاد الفن ولدى علماء الطبيعة أو الفيزياء أو الرياضيات مشاعر مماثلة عادةً؛ إذ ليس هناك احترام أعمق أو أكثر قابلية للتبرير على الأقل مما يكتبه الرجال الذين يعملون للرجال الذين يتحدثون عن العمل، فأعمال الشرح والنقد والتقدير هي أعمال تقوم بها أدمنة من الدرجة الثانية.

يمكنني تذكر الناقد الذي دار حول هذه النقطة مرةً في أحد الموارد الجادة مع هاوسمان، ففي حضوره اسم الشعر وطبيعته أنكر بشدة أنه كان ‘ناقداً’؛ لكنه أنكر هذا فيما بدا لي طريقة حمقاء بشكل شاذ كما عبر عن إعجابه بالنقد الأدبي مما أشعرني بالدهشة والفضيحة.

بدأ باقتباس من محاضرة قديمة له كان قد ألقاها منذ اثنين وعشرين سنة:

لا يمكنني القول إن كلية النقد الأدبي هي أفضل هدية في خزائن السماء؛ لكن يبدو أن السماء فكرت بأنها بكل وضوح هي أفضل هدية يمكن إهداؤها، فالخطباء والشعراء... مع أنهم نادرو الوجود إذا ما قورنوا بثمرة العليق إلا أنهم أكثر تواجهاً إذا ما قورنوا بزيارات مذنب هالي، لكن النقاد الأدبيين أقل تواجهاً...

خلال هذه السنوات الاثنتين والعشرين أحرزتُ تقدماً في بعض المجالات وعانياً تقهراً في أخرى، لكنني لم أتقدم إلى الحد الذي أصبح فيه ناقداً أدبياً ولم أتقهقر أيضاً إلى الحد الذي أحلم فيه بأن أصبح كذلك.

لقد بدا لي أمراً يرثى له أن عالماً عظيماً أو شاعراً رقيقاً ينبغي أن يكتب بهذه الطريقة وعندما وجدت نفسي أمامه بعد عدة أسابيع اندفعت نحوه سائلاً إيه هل يظن أن ما قاله سيؤخذ على محمل الجد؟ وهل بدت له حياة أفضل النقاد جديرة بالمقارنة مع عالم أو شاعر؟ ناقشنا هذه المسائل طوال فترة العشاء وأعتقد أنه وافقني الرأي أخيراً، لا ينبغي أن أدعى أنني أحرزت انتصاراً جديلاً على رجل لن يتمكن بعد الآن من التناقض معي، لكن في النهاية كان جوابه عن السؤال الأول 'ربما ليس بالكامل' وعن السؤال الثاني 'ربما لا'.

هناك ربما بعض الشكوك حول مشاعر هاوسمان ولا أرغب بالادعاء أنه إلى جنبي لكن ليس هناك شك أبداً حول مشاعر رجال العلم وأنا أشاركم هذه المشاعر بالكامل، ولذا إن وجدت نفسي أكتب ليس رياضيات بل 'عن' الرياضيات فهذا اعتراف بالضعف مما قد يعرضني وبحق إلى الازدراء أو الشفقة من قبل الرياضيين الشباب المليئين بالنشاط، إنني أكتب عن الرياضيات لأنني - مثل أي رياضي آخر تجاوز الستين - لم أعد أمتلك صفاء الذهن أو الطاقة أو الصبر على أن أقوم بعملية الأصلية بفعالية.

إنني أعتزم أن أعذر مسبقاً من الرياضيات؛ وربما يقال لي إنها لا تحتاج إلى هذا الاعتذار بما أن هناك حالياً العديد من الدراسات التي يُنظر لها بشكل عام - سواء لأسباب جيدة أو سيئة - على أنها مربحة و تستحق الجوائز، قد يكون هذا صحيحاً؛ وهو محتمل في الحقيقة بما أن الانتصارات المثيرة لإنشتاين قد جعلت علم فلك النجوم والفيزياء النووية العلمين الوحدين اللذين يقدّرهما العامة تقديرًا عالياً، لا يحتاج الرياضي الآن إلى اعتبار نفسه في حالة دفاع، لا ينبغي عليه مقاومة المعارضة التي وصفها برادلي في دفاعه الرائع عن علم ما وراء الطبيعة (الميتافيزيقيا) والتي تشكل مقدمة إلى 'الظهور والواقعية'.

يقال للرياضي - كما يقول براندي - إن 'المعرفة ما وراء الطبيعة غير ممكنة على الإطلاق'، أو إنها 'حتى لو كانت ممكنة إلى درجة معينة فهي من الناحية التطبيقية لا تستحق أن يُطلق عليها اسم معرفة'، ففيها سيستمع إلى 'نفس المشاكل ونفس الجدلات ونفس حالات الفشل، لماذا لا نتخلّى عن هذا ونمضي قدماً؟ لا يوجد أمر آخر يستحق عناءك أكثر؟' لا أحد مهما بلغ به الغباء يمكنه استخدام مثل هذه اللغة مع الرياضيات، فالحقيقة الرياضية واضحة وجليّة؛ وتطبيقاتها العملية مثل الجسور والمحركات البخارية والمولدات الكهربائية تُقحم نفسها على أضعف المخيلات، ولا حاجة لإقناع الجمهور بأن هناك أشياء مهمة في الرياضيات.

كل هذا يريح الرياضيين بطريقته الخاصة لكن يصعب على رياضي حقيقي أن يشعر بالارتياح حياله، فعلى أي رياضي حقيقي أن يشعر

بأن الرياضيات لا تتركز على هذه الإنجازات البسيطة وأن سمعة الرياضيات لدى الجمهور مبنية على الجهل وعدم الفهم وأن هناك مجالاً لدفاع أكثر عقلانية، وعلى كل حال فأنا ميال إلى القيام بنوع من هذا الدفاع العقلاني، فهذا ينبغي أن يكون أبسط من الاعتذار الصعب الذي قام به برادلي.

سؤال إذاً لماذا من الجدير بالاهتمام أن نقوم بدراسة جدية للرياضيات؟ وما هو التبرير المناسب لحياة الرياضي؟ وسيكون من النادر أن تتوقع أجوبتي في أكثرها من رياضي : فأنا أعتقد أن هذا جدير بالاهتمام وأن هناك تبريراً مسهباً له ، لكن علي أن أقول مباشرةً إن دفاعي عن الرياضيات سيكون دفاعاً عني شخصياً وإن اعتذاري ملزم أن يكون مغروراً إلى حد ما، فليس علي أن أظن أنه من الجدير بالاهتمام أن أعذر من أمر ما إذا كنت أعتبر نفسي أحد إخفاقاته.

بعض الغرور من هذا النوع أمر لا يمكن اجتنابه ولاأشعر أنه بحاجة في الواقع إلى تبرير ، فالعمل الجيد لا يمكن أن ينجزه رجال متواضعو القدرات ، ومن الواجبات الأولى للأستاذ - على سبيل المثال - في أي موضوع أن يبالغ قليلاً في كل من أهمية موضوعه وأهميته هو نفسه أيضاً ، فالشخص الذي يسأل دائماً 'هل ما أقوم به جدير بالاهتمام؟' و 'هل أنا هو الشخص المناسب للقيام به؟' سيكون دائماً عاجزاً كفرد ومحبطاً للآخرين أيضاً ، وعليه أن يغمض عينيه قليلاً وينظر إلى موضوعه وإلى نفسه بأكثر مما يستحقانه قليلاً ، هذا ليس صعباً جداً؛ بل الأصعب هو عدم جعل موضوعه ونفسه سخيفين من خلال إغماض عينيه بإحكام.

ينبغي على الشخص الذي يبدأ بتبرير وجوده ونشاطاته أن يميز بين سؤالين، الأول هو ما إذا كان العمل الذي يقوم به يستحق أن يُقام به؛ والثاني هو لماذا يقوم به مهما كانت قيمته، غالباً ما يكون السؤال الأول صعباً جداً ويكون جوابه محبطاً لكن رغم ذلك فإن معظم الناس يجدون السؤال الثاني سهلاً بما يكفي، وأجوبتهم - إذا تمعوا بالصدقية - ستأخذ عادةً أحد شكلين مع كون الشكل الثاني مجرد تغيير سطحي للشكل الأول الذي هو الجواب الوحيد الذي سنأخذه بعين الاعتبار بجدية.

(1) أفعل ما أفعله لأنه شيءٌ الوحيد الذي يمكنني القيام به بشكل جيد، فأنا محامي أو سمسار في البورصة أو لاعب كريكت محترف لأنّي بعض الموهبة الحقيقة للقيام بعمل محدد، فأنا محامي لأنّي لدى لساناً طليقاً واهتمامًا بالدلالات القانونية؛ أو أنا سمسار في البورصة لأنّي محكمتي للأسوق سريعة وسليمة؛ أو أنا لاعب كريكت محترف لأنّي أستخدم المضرب بشكل متاز، أوفق على أنه قد يكون من الأفضل لو كنت شاعراً أو عالم رياضيات لكنني للأسف لا أملك الموهبة اللازمة لهذه المهنة‘.

لا أقترح أن هذا دفاع يمكن أن يقوله معظم الناس لأنّ معظم الناس غير قادرين على القيام بأي شيء بشكل جيد، لكنه دفاع متين عندما يمكن القيام به دون سخف وهذا يتم من قبل أقلية صغيرة جداً: فربما خمسة أو حتى عشرة بالمائة من الأشخاص يمكنهم القيام بشيءٍ ما بشكل

جيد، وأقلية باللغة الصغر فقط يمكنها القيام بأي شيء بشكل جيد فعليًا كما أن عدداً مهملأً من الأشخاص فقط يمكنه القيام بشيئين اثنين بشكل جيد مهمل، إذا كان لشخص ما موهبة حقيقة فينبغي أن يكون جاهزاً لأية تضحية في سبيل صقلها إلى أبعد حد.

لقد صادق د. جونسون على وجهة النظر هذه:

فعندما قلت له إنني رأيت سميّة جونسون يمتنع ممكناً ثلاثة أحصنة قال لي 'إن رجلاً كهذا يا سيدي يجب أن يُشجّع لأن استعراضاته تُظهر أقصى طاقات البشر...' ،

وبالمثل كان سيفنر لتسلي الجبال وسباحي الأنهر ولاعبي الشطرنج معصوبي العينين، من جهتي فأنا أتعاطف كلّياً مع كافة هذه المحاولات لتحقيق إنجازات استثنائية، وأشعر بالتعاطف حتى مع المشعوذين والسحرة؛ وعندما شرع أليخاين ببرادمان بتحطيم الأرقام القياسية كنت سأشعر بالإحباط بمرارة لو فشلاً، وهكذا وجدنا نفسينا أنا والدكتور جونسون متوافقين مع الجمهور، وكما قال السيد تيونر بصدق فإن 'المثقفين' (بالمعني السلبي للكلمة) هم فقط الذين لا يُعجبون بـ'الارتقاءات الحقيقة'.

ينبغي بالتأكيد أن نأخذ بعين الاعتبار الاختلافات بالقيمة بين النشاطات المختلفة، فلربما كنت روائياً أو رساماً بدلاً من أن تكون سياسياً من نفس الرتبة، لكن نادراً ما تؤدي هذه الاختلافات إلى تغيير الاتجاه المهني للشخص والذي تفرضه قدراته الطبيعية عادةً، فالشعر أكثر قيمة من الكريكت لكن برادمان سيكون أحمق إذا ضحى بموهبه في

الكريكت حتى يكتب شعرًا سيئاً من الدرجة الثانية (فأنا أستبعد أن يتمكن من إنجاز أفضل من هذا)، أما إذا كانت الكريكت أقل أهمية بقليل وكان الشعر أفضل فقد يكون الخيار أصعب بقليل: فأنا لا أعرف فيما إذا كنت سأصبح فيكتور ترامبر أو روبرت بروك، لكن من حسن الحظ أن المآذق من هذا النوع نادرة الحدوث.

يمكنني إضافة أن الناس يُستبعد أن يقدموا أنفسهم إلى الرياضي على وجه الخصوص، فمن المعتمد أن تكون هناك مبالغة كبيرة نوعاً ما في الفروق بين المعالجة الذهنية للرياضيين وللناس الآخرين، لكن لا يمكن إنكار أن موهبة الرياضيات هي أكثر الموهوب تخصصاً وأن الرياضيين بشكل عام ليسوا متميزين من حيث القدرات أو المهارات العامة، فإذا كان شخص ما رياضياً حقيقياً فمن المؤكد أنه أفضل في الرياضيات بكثير من أي شيء آخر قد يقوم به وسيكون سخيفاً إذا لم يستغل أية فرصة لائقة لممارسة موهبته الوحيدة مقابل القيام بعمل غير مميز في أي مجال آخر، إلا أنه يمكن تبرير تضحية كهذه فقط بالحاجة المادية أو بالتقدم بالسن.

4

من الأفضل أن أقول شيئاً هنا عن مسألة السن بما أنها هامة بالنسبة للرياضيين على وجه الخصوص، فليس على أي رياضي أن يسمح لنفسه بنسيان أن الرياضيات - أكثر من أي فن أو علم آخر - هي لعبة للشباب، ولإجراء توضيح بسيط على مستوى متواضع فإن متوسط عمر الانتخاب إلى الجمعية الملكية هو الأخفض بين الرياضيين.

طبعاً يمكننا إيجاد أمثلة أكثر لفتاً للنظر، حيث يمكننا أن نأخذ بعين الاعتبار الحياة المهنية لرجل كان بالتأكيد واحداً من أفضل ثلاثة علماء رياضيات في العالم، فقد توقف نيوتن عن الرياضيات في الخمسين من عمره كما فقد حماسته قبل وقت طويل من ذلك؛ فقد أدرك بلا شك عندما بلغ الأربعين من العمر أن أيام إبداعاته العظيمة قد انتهت، فأعظم أفكاره على الإطلاق والتي هي التحليل التفاضلي وقانون الجاذبية أبدعها حوالي عام 1666 أي عندما كان في الرابعة والعشرين من عمره، وهو يقول 'في تلك الأيام كنت في ريعان العمر الإبداعي وانصرفت إلى الرياضيات والفلسفة أكثر من أي وقت آخر'، وقد قام باكتشافات كبيرة حتى بلغ الأربعين من عمره تقريرًا ('المدار الإهليجي' في السابعة والثلاثين) لكن بعد ذلك لم يقم بالكثير باستثناء صقل بعض الأفكار وتحسينها.

توفي غالوا في الحادية والعشرين من عمره وأبل في السابعة والعشرين ورامانوجان في الثالثة والثلاثين وريمان في الأربعين، هناك رجال قاموا بأعمال عظيمة لاحقاً؛ فمذكرة غاووس العظيمة عن الهندسة التفاضلية نُشرت عندما كان في الخمسين من عمره (رغم أنه صاغ أفكارها الأساسية قبل ذلك بعشرين سنة)، ولست أعلم مثلاً عن تقدم رياضي كبير بدأ به رجل تجاوز الخمسين، فإذا فقد رجل في هذا السن الاهتمام بالرياضيات وتخلى عن العمل بها فمن المستبعد أن تكون الخسارة كبيرة سواءً للرياضيات أو له شخصياً.

من ناحية أخرى فإن المكسب ليس جوهرياً أيضاً؛ وأحدث السجلات عن الرياضيين الذين تركوا الرياضيات ليست مشجعة على وجه

الخصوص، فقد حرق نيوتن شهادة Master of Mint كفؤة (عندما لم يكن في صراع مع أحد)، وبينليةه لم يكن ناجحاً جداً كالرجل الأول في فرنسا، حياة لابلاس السياسية كانت سيئة السمعة لكنه لا يشكل مثالاً مناسباً لأنه كان مخادعاً أكثر من كونه غير كفاء ولم ‘يتخلّ’ عن الرياضيات أبداً، من الصعب جداً أن نجد مثالاً عن رياضي من الطراز الرفيع تخلى عن الرياضيات وحقق تميزاً من الطراز الرفيع في أي حقل آخر¹، قد يكون هناك شبان كان بقدورهم أن يكونوا رياضيين من الطراز الرفيع لو أنهم التزموا بالعمل بالرياضيات لكنني لم أسمع أبداً عن مثال حقيقي مقبول، كل ما أوردته هنا طبعاً بحسب خبرتي المحدودة جداً، فكل رياضي شاب ذي موهبة حقيقية من عرفتهم كان مخلصاً للرياضيات، وهذا لم يكن نابعاً من نقص في الحماس بل من فرط فيه؛ وكلهم أدركوا أن طريقهم إلى حياة التميز - إذا كان موجوداً أصلاً - يوجد في الرياضيات.

5

هناك أيضاً ما دعوته بـ‘التغيير السطحي’ للاعتذار القياسي؛ لكنني سأستطرد حوله ببعض الكلمات القليلة.

(2) ليس هناك ما يمكنني عمله بشكل جيد على وجه الخصوص، وأقوم بما أقوم به لأن الأمور جرت على هذا النحو، ولم تتح لي

¹ يبدو أن لابلاس هو الأفضل.

الفرصة للقيام بأي شيء آخر، أنا أقبل هذا الاعتذار على أنه مقنع أيضاً، فصحيح أن معظم الناس لا يمكنهم القيام بأي شيء بشكل جيد، ولهذا لا يهم كثيراً ما هي المهنة التي يختارونها ولا يسعني إضافة المزيد حول هذا الأمر، إنه جواب مقنع لكن من المستبعد أن يقوله أي شخص يتسم بأي مقدار من الكبراء؛ ويمكنني أن أفترض أن أحداً منا لن يكون سعيداً به.

6

حان الوقت للبدء بالتفكير بالسؤال الأول الذي طرحته في الفقرة 3 والذي هو أصعب بكثير من السؤال الثاني، هل الرياضيات - أو ما أعنيه بالرياضيات أنا والرياضيون الآخرون - تستحق أن يتم العمل بها؟ وإذا كان الجواب بالإيجاب فلماذا؟

أقيمت نظرة مجدهدة على الصفحات الأولى من محاضري الأولى التي ألقيتها في أكسفورد عام 1920 حيث كانت تتضمن إطاراً عاماً لاعتذار من الرياضيات، إنها غير مناسبة كليةً (أقل من صفحتين) كما أنها مكتوبة بأسلوب لست فخوراً به الآن (فهي مقالة أولى فيما اعتقدت وقتها أنه أسلوب أكسفورد في الكتابة)؛ لكنني ما زلتأشعر أنها - مهما كان مقدار التطوير الذي تحتاجه - تتضمن جوهر المسألة، سأفترض الآن أن ما كتبته وقتها كان مقدمة لمناقش أكثر توسيعاً.

(1) بدأت بالتركيز على عدم أذى الرياضيات إذ قلت 'إن دراسة الرياضيات إذا كانت غير ذات منفعة فهي بالكامل عمل غير مؤذٍ

وبريء‘، سألتزم بهذه المقوله لكن من الواضح أنها تحتاج إلى مقدار كبير من التوسيع والشرح.

هل الرياضيات ‘غير ذات منفعة‘؟ بطريقة ما - وبساطة - هي ليست كذلك؛ فهي على سبيل المثال تمنح متعدة رائعة لعدد كبير من الناس، لكنني كنت أفك في ‘المنفعة‘ بمعنىً أضيق، هل هي ‘مفيدة‘ بالمعنى المباشر للفائدة كما هي العلوم الأخرى كالكيمياء وعلم النفس؟ لكن هذا ليس سؤالاً سهلاً أو غير مثير للجدل إلا أنني سأقول ‘لا‘ رغم أن بعض الرياضيين وأغلب غير المتخصصين بها سيقولون دون شك ‘نعم‘. وهل الرياضيات ‘غير مؤذية‘؟ الجواب هنا ليس واضحًا أيضًا وهذا السؤال هو أحد الأسئلة التي كان من الأفضل لي بطريقة أو بأخرى أن أجنبها لأنه يحيل المسألة كلها إلى تأثير العلم على الحروب، هل الرياضيات غير مؤذية بالمعنى الذي يمكن القول فيه إن الكيمياء على سبيل المثال ليست كذلك بكل بساطة؟ علي أن أعود إلى كل من هذين السؤالين لاحقاً.

(2) مضيت لأقول إن ‘الكون كبير جداً وإذا كنا نهدر وقتنا فإن إهدار حياة القليل من أساتذة الجامعة ليس بهذه الكارثة العارمة‘؛ هنا يبدو أنني أتبني أو أدعى التواضع المبالغ به والذي نبذته منذ برهة، إنني واثق من أن هذا ليس ما كان يدور في ذهني في الحقيقة؛ فقد كنت أحاول في جملة واحدة أن أقول ما قلته بشكل مطول في الفقرة 3، كنت أفترض أننا نحن الأساتذة لدينا حقيقةً مواهينا الصغيرة وأنه يصعب أن تكون خطئين إذا فعلنا كل ما بوسعنا لصقلها إلى أبعد حد.

(3) وأخيراً ركزت (فيما يبدو لي الآن بعض الجمل المنمقة بشكل مؤلم نوعاً ما) على ديمومة إنجازات الرياضيات قائلاً :

قد يكون ما نقوم به صغيراً لكن له صفة ديمومة معينة؛ وعندما تنتهي أي شيء له أدنى حد من الديمومة سواء كان مقطعاً شعرياً أو نظرية هندسية تكون قد قمت بعمل يتتجاوز طاقات الغالبية العظمى من الناس بكل ما في هذه العبارة من معنى.

وأضافت :

في هذه الأيام من النزاع بين الدراسات القدية والحديثة ينبغي بالتأكيد أن يكون هناك ما يقال عن دراسة لم تبدأ مع فيثاغورس ولن تنتهي مع إنشتاين بل هي الأقدم والأكثر شباباً.

كل هذا ‘بلieve’؛ لكن جوهره ما يزال يبدو صحيحاً بالنسبة لي ويكتنفي التوسيع فيه دفعه واحدة دون حكم مسبق على أيٍّ من الأسئلة التي تركتها مفتوحة.

7

سأفترض أنني أكتب لقراء ملئين - أو كانوا في الماضي ملئين - بروح الطموح الإيجابي ، فالواجب الأول للشخص - للشاب مهما كان ذلك الشاب - هو أن يكون طموحاً ، فالطموح عاطفة نبيلة يمكن أن تأخذ أشكالاً عديدة ؛ وقد كان هناك شيء نبيل في طموح أتيليا أو نابليون : لكن أ Nigel طموح هو أن نترك خلفنا شيئاً ذا قيمة دائمة.

Here, on the level sand,
Between the sea and land,
What shall I build or write
Against the fall of night?

Tell me of runes to grave
That hold the bursting wave,
Or bastions to design
For longer date than mine.

كان الطموح هو القوة الدافعة لكافة الأعمال العظيمة في العالم تقريباً، وعلى وجه الخصوص فإن كافة المساهمات الأساسية للسعادة البشرية قد انجزت من قبل أشخاص طموحين، ولنأخذ مثالين شهيرين؛ ألم يكن ليستر وباستور طموحين؟ أو على مستوى أبسط لنأخذ كينغ جيليت ووليم جيليت؟ فمن ذاك الذي أسهم في العصر الحديث لراحة البشرية أكثر منهما؟ يؤمّن علم الأحياء بشكل خاص أمثلة جيدة لمجرد أنه دراسة 'ذات منفعة' بشكل واضح، علينا أن ن humili أنفسنا من مغالطة شائعة بين مواطبي الاعتذار من العلوم وهي مغالطة افتراض أن الأشخاص الذين يفيدون الإنسانية في عملهم يأخذون هذا الأمر بعين الاعتبار عندما يقومون بعملهم لأن يفترض أن المختصين في علم الأحياء لديهم أرواح نبيلة بشكل خاص، قد يكون عالم الأحياء في الواقع سعيداً بأن يتذكر أن عمله سيفيد الجنس البشري لكن الحافز والإلهام اللذين يؤمنان المقدرة والدافع للقيام بالعمل لا يختلفان عن أولئك اللذين يدفعان أي أستاذ تقليدي أو رياضي.

هناك حواجز كثيرة قيمة يمكن أن تقود الأشخاص إلى متابعة البحث لكن ثلاثة منها هي الأكثر أهمية بكثير من البقية (دون اعتبار أن البقية

عدية التأثير)، الحافز الأول هو الفضول الفكري أو الرغبة في معرفة الحقيقة، يأتي بعد ذلك الغرور المهني والتوق إلى الرضا عن الأداء والخجل الذي يتغلب على أي مهني يحترم ذاته عندما لا يكون عمله على قدر موهبته، وأخيراً هناك الطموح وحب الإطراء وكذلك المنصب وحتى السلطة والمال. قد يكون من الرائع أن تشعر - عندما تكون قد أنجزت عملك - أنك أضفت مقداراً إلى سعادة الآخرين أو خففت من معاناتهم لكن هذا ليس هو السبب لقيامك بالعمل، وبالتالي إذا أخبرني عالم الرياضيات أو الكيمياء أو حتى علم الأحياء أن ما دفعه إلى عمله هو الرغبة في إفادة الإنسانية فينبغي ألا أصدقه (وألا أنتظر منه أفضل ما لديه إذا أنا صدقته)، فدواجهه الأساسية هي ما أورده آنفًا والتي لا تتضمن بالتأكيد شيئاً يدعو أي رجل محترم إلى الخجل.

8

إذا كانت الحوافز الأساسية للأبحاث هي الفضول الفكري والغرور المهني والطموح فمن المؤكد أن أحداً ليست لديه فرصة أفضل من الرياضي لإرضاء ذاته، ف مجاله هو أكثر ما يدعو للفضول على الإطلاق؛ إذ ليس هناك أي مجال آخر تلعب فيه الحقيقة الدور الذي تلعبه في الرياضيات، كما أن الرياضيات تحتوي أكثر التقنيات تطوراً وسحرًا وتعطي فرصاً لا تضاهى لاظهار أفضل المهارات المهنية، وأخيراً - كما يثبت التاريخ بكثرة - فإن الإنجازات الرياضية مهما كانت قيمتها الضمنية هي الأكثر ديمومة على الإطلاق.

يمكنا رؤية هذا حتى في الحضارات القديمة، فقد دثرت الحضارتان البابلية والآشورية ولم يعد الكثيرون يتذكرون حمورابي أو سارغون أو نبوخذنصر؛ إلا أن الرياضيات البابلية ما تزال جديرة بالاهتمام وما يزال الأساس الحسابي للبابليين والمرتكز على العدد 60 مستخدماً في علم الفلك، لكن الحالة التاريخية الأساسية هي حالة الإغريق.

فقد كان الإغريق أول رياضيين ما زلنا نعتبرهم ‘حقيقيين’ حتى الآن، فقد تكون الرياضيات الشرقية القديمة فضولاً جديراً بالاهتمام إلا أن الرياضيات الإغريقية هي الشيء الحقيقي، فالإغريق هم أول من تكلم لغة يمكن للرياضيين الحاليين فهمها؛ فهم - كما قال لي ليتلود ذات مرة - ليسوا طلاباً أذكياء أو ‘مرشحين لمنحة تعليمية’ لكنهم ‘أعضاء في كلية أخرى’، وهكذا فإن رياضيات الإغريق ‘ذات ديمومة’ وربما أكثر ديمومة من الثقافة الإغريقية، إذ أن أرخميدس سيبقى يُذكر بعد أن يُنسى أخيل لأن اللغة تموت في حين أن الأفكار الرياضية لا تموت، قد لا يكون مناسباً استخدام كلمة ‘الخلود’ هنا لكن من المحتمل أن تكون للرياضي أفضل فرصة فيها مهما كانت تحمل من معنى.

لا داعي للخوف كثيراً من أن المستقبل لن يكون منصفاً بحقنا، فالخلود قد يكون سخيفاً أو قاسياً: فقلة منا فقط كانت لتختار أن تكون مثل أغ أو أنانياس أو غاليو، وحتى في الرياضيات فإن التاريخ يلعب أحياناً خدعاً غريبة؛ إذ يتم تصوير رول في كتب التحليل الابتدائية كما لو كان رياضياً مثل نيوتن؛ وقد وصل فاري إلى الخلود لأنه فشل في فهم نظرية كان هاروس قد أثبتها بشكل رائع قبل ذلك بأربع عشرة سنة؛ وأسماء أجدر خمس نرويجيين ما تزال قائمة في حياة آبل من

أجل مجرد حماقة سخيفة تم تنفيذها بإطاعة على حساب أعظم رجال بلادهم، لكن تاريخ العلم منصف بشكل عام، وهذا صحيح خاصة في الرياضيات، إذ ليس هناك أي موضوع آخر فيه خط فاصل أو معايير مقبولة جماعية والأشخاص الذين يبقون في الذاكرة هم في الغالب من يستحق ذلك، فالشهرة الرياضية - إذا كنتَ ستدفع أموالاً مقابلها - هي أرسخ الاستثمارات وأثبتتها.

٩

كل هذا مريح جداً لأساتذة الجامعات وخاصة لأساتذة الرياضيات، فأحياناً يرى المحامون أو السياسيون أو رجال الأعمال أن المهنة الأكademie هي مهنة يسعى إليها أشخاص حذرون قليلو الطموح يهتمون بالراحة والأمن بالدرجة الأولى، لكن هذا التوبيخ ليس في موضعه، فأستاذ الجامعة يتنازل عن بعض الأشياء وخاصةً عن الفرصة لجني الكثير من المال - فمن الصعب أن يعني أستاذ جامعي مبلغاً كبيراً من المال؛ كما أن اعتبارات أمن ذوي المناصب هي بشكل طبيعي إحدى الاعتبارات التي تسهل هذا التنازل، فليس هذا هو السبب الذي كان ليدفع هاوسمان ليرفض أن يصبح لورد سيمون أو لورد بيفريروك، فلربما رفض مهنه بسبب طموحه ولأنه يكره أن يكون رجلاً يُنسى خلال عشرين عاماً.

لكن كم هو مؤلم أن تشعر - مع كل هذه الميزات - بأنك قد تفشل، وهنا أذكر برتراند راسل يخبرني بحلم مريح، فقد كان في الطابق العلوي

من مكتبة الجامعة حوالي العام 2100 م، كان مشرف المكتبة يتتجول بين الرفوف حاملاً وعاءً كبيراً وينزل الكتب واحداً تلو آخر ويلقي عليها نظرة ثم يعيدها إلى الرفوف أو يلقىها في الوعاء، وأخيراً وصل إلى ثلاثة مجلدات كبيرة تمكن راسل من التعرف عليها بأنها آخر نسخة ما تزال على قيد الحياة من كتاب "مبادئ الرياضيات (principia mathematica)" ، أنزل أحد المجلدات وقلّب بعض الصفحات التي بدت للحظة مليئة بالرموز ثم أغلق المجلد ووازنـه في يده متربداً...

10

الرياضي مثل الرسام أو الشاعر هو صانع لنماذج، وإذا كانت نماذجه أطول ديمومة منه فهذا عائد إلى أنها مصنوعة من الأفكار في حين أن الرسام يصنع نماذجه من الأشكال والألوان والشاعر يصنعها من الكلمات، قد يجسد الرسام فكرة ما لكن هذه الفكرة قد تكون عادية أو غير ذات أهمية، أما في الشعر فالفكرة أكثر أهمية، لكن - كما رأى هاوسمان - فإنه في الشعر تم المبالغة في أهمية الأفكار: 'لا يمكنني أن أرضي نفسي بأن هناك أية أشياء اسمها أفكار شعرية... فالشعر ليس شيئاً قيل لكنه طريقة قول ذلك الشيء'.

Not all the water in the rough rude sea
Can wash the balm from an anointed King.²

² آثرنا عدم ترجمة المقاطع الشعرية وإبقاءها بلغتها الأصلية لأن الشاهد فيها هو الناحية الجمالية التي تفقد قسماً كبيراً منها عند ترجمتها (المترجم).

هل يمكن أن يكون سبك الأسطر أفضل مع كون الأفكار في نفس الوقت أكثر ابتدالاً وزيفاً؟ إن ضعف الأفكار لا يbedo شديد التأثير على جمال النماذج اللغوية، لكن ليس لدى الرياضي - من ناحية أخرى - مادة يعمل عليها سوى الأفكار، وهكذا فإن نماذجه تدوم على الأرجح فترات أطول بما أن الأفكار تتآكل مع الزمن أقل من الكلمات.

نماذج الرياضي - مثلها مثل نماذج الرسام أو الشاعر - يجب أن تكون جميلة؛ فالأفكار مثل الألوان والكلمات ينبغي أن تنسجم مع بعضها بشكل متناعلم، والجمال هو الاختبار الأول: إذ لا مكان في العالم لرياضيات قبيحة، وهنا علي أن أنه إلى اعتقاد خاطئ ما يزال منتشرًا على نطاق واسع (رغم أنه ربما الآن أقل انتشاراً بكثير مما كان عليه منذ عشرين سنة) فيما دعاه وايتهيد باسم 'الخرافة الأدبية' عن أن حب الرياضيات وتقديرها جماليًا هو 'هوس محصور بقلة من غربيي الأطوار في كل جيل'.

قد يكون من الصعب حالياً أن نجد شخصاً مثقفاً لا يتحسس الفتنة الجمالية للرياضيات، قد يكون من الصعب جداً تعريف الجمال الرياضي لكن هذا الأمر صحيح من أجل أي نوع من الجمال؛ فقد لا نعرف بدقة ماذا يعني بالشعر الجميل لكن هذا لا يمنعنا من تذوقه عندما نقرأ، وحتى البروفسور هوغبين الذي خرج ليقلل مهما كلف الأمر من تأثير العنصر الجمالي في الرياضيات لم يجرؤ على إنكار أنه حقيقة، 'هناك بالتأكيد أشخاص لديهم انجداب مجرد ببرود لتمارين الرياضيات... وقد تكون الفتنة الجمالية للرياضيات حقيقة من أجل قلة مختاراة'، لكنهم 'قلة' كما يعتقد وهم يشعرون بذلك 'ببرود' (كما

أنهم في الحقيقة أشخاص سخفاء يعيشون في بلدات جامعية صغيرة سخيفة معزولة عن النسمات العذبة للفضاءات المفتوحة الواسعة)، وهو في هذا يقوم بمجرد تكرار 'خرافة وايتميد الأدبية'.

الحقيقة أنه هناك فقط قليل من المواضيع الأكثر 'شعبية' من الرياضيات، فمعظم الأشخاص لديهم بعض التقدير للرياضيات تماماً مثلما أن معظم الناس يستمتعون بالاستماع إلى لحن جذل؛ ومن المحتمل أن هناك أناساً أكثر يهتمون بحق بالرياضيات أكثر من الموسيقى، قد يوحي الظاهر بعكس هذا لكن هناك توضيحات بسيطة لهذا، إذ يمكن استخدام الموسيقى لإثارة شعور جمعي بينما لا يمكن استخدام الرياضيات لهذا، كما أن عدم تذوق الموسيقى يُعتبر - بحق دون شك - صفة سيئة في حين أن معظم الناس تخاف من اسم الرياضيات لدرجة أنها مستعدة دون أي تأثر للمبالغة بعجائها الرياضي.

يكفيانا القليل من التفكير لفضح سخف 'الخرافة الأدبية'، هناك الكثير جداً من لاعبي الشطرنج في كل بلد متحضر - كامل المجتمع المثقف تقريباً في روسيا، وبإمكان كل لاعب شطرنج تميز لعبة أو مسألة 'جميلة' وتقديرها، ومع أن مسألة الشطرنج هي ببساطة تمرين رياضي بحت (أما اللعبة فليست كذلك تماماً لأن علم النفس يلعب فيها دوراً أيضاً) وكل من يدعو مسألة ما بأنها 'جميلة' يصدق في الواقع للجمال الرياضي حتى لو كان هذا الجمال من نوع متدن نسبياً، مسائل الشطرنج هي بمثابة الترانيم في الرياضيات.

بإمكاننا تعلم الدرس نفسه - على مستوى أخفض لكن من أجل جمهور أعرض - من الجسر أو - بالنزول إلى مستوى أخفض أيضاً -

من الغاز الأعمدة الموجودة في الجرائد الشهيرة، فانتشارها الواسع عائد إلى القدرة الرسمية للرياضيات الابتدائية، كما أن أفضل صانعي هذه الألغاز - مثل ديدوني أو 'غاليليان' - لا يستخدمون إلا القليل من أي شيء آخر، فهم يعرفون عملهم؛ إذ ما يريده الجمهور هو القليل من 'الابتهاج' الفكري، ولا شيء آخر يؤمّن الابتهاج الذي تؤمن به الرياضيات.

يمكنني أن أضيف هنا أن لا شيء في العالم يسعد حتى الأشخاص المشهورين (وحتى الأشخاص الذين يستخفون بالرياضيات) مثل اكتشاف - أو إعادة اكتشاف - نظرية رياضية حقيقة، فقد نشر روبرت سبنسر في مذكراته نظرية عن الدوائر كان قد أثبتها عندما كان في العشرين من عمره (دون أن يعلم أنها مثبتة قبل ذلك بألفي عام من قبل بلاطو)، يشكل البروفسور سودي مثالاً أحدث وأصرّخ (لكن نظريته هي له في الحقيقة).³

11

مسألة الشطرنج رياضيات حقيقة لكنها رياضيات 'تافهة' بشكل ما، فمهما كانت بارعة ومعقدة ومهما كانت الحركات مبتكرة ومفاجئة فإنه ينقصها شيء أساسي، فمسائل الشطرنج غير هامة، الرياضيات الأفضل جدية بالإضافة لكونها جميلة، إنها 'هامة' إلا أن هذه الكلمة

³ انظر رسائله عن 'Hexlet' في مجلة Nature، الأجزاء 9-137 للعامين (1936-7).

غامضة جداً وأعتقد أن الكلمة 'جدية' تعبّر عما أعنيه بشكل أفضل بكثير.

أنا لا أفكّر في النتائج 'العملية' للرياضيات (على أن أعود إلى هذه النقطة لاحقاً) أما الآن فلن أقول إلا إنه إذا كانت مسألة الشطرنج 'عديمة الفائدة' فإن هذا صحيح بالقدر نفسه على معظم أفضل مسائل الرياضيات؛ فالقليل جداً من الرياضيات مفيدة عملياً وهذا القليل ضحل نسبياً، 'جدية' النظريات الرياضية لا تكمن في نتائجها العملية والتي تكون ضئيلة عادةً وإنما تكمن في 'دلالة' الأفكار الرياضية التي تتضمنها، بإمكاننا القول - بشكل عام - إن الفكرة الرياضية تكون 'جدية' إذا كان من الممكن ربطها بطريقة طبيعية مع مجتمع كبير من الأفكار الرياضية الأخرى، وبالتالي فالنظرية الرياضية الجدية - النظرية التي تربط الأفكار الجدية - من المحتمل أن تقود إلى تطويرات هامة في الرياضيات بحد ذاتها وحتى في العلوم الأخرى، لم تؤثر أية مسألة شطرنج أبداً على التطوير العام للتفكير العلمي؛ أما فيثاغورس ونيوتن وإنشتاين فقد غيروا اتجاهه بالكامل في أيامهم.

لا تكمن جدية النظرية بالتأكيد في نتائجها التي هي مجرد دليل على جديتها، كان لشكسبير تأثير هائل على تطور اللغة الإنكليزية أما تأثير أوّاي فكان ضئيلاً، لكن هذا ليس هو السبب في كون شكسبير هو الشاعر الأفضل بينهما، فقد كان الشاعر الأفضل لأنّه كتب شعراً أفضل بكثير، فضعف مسألة الشطرنج كما هي حال أشعار أوّاي لا يكمن في نتائجها بل في محتواها.

بقيت نقطة واحدة لأطرق لها باختصار ليس لأنها غير جديرة بالاهتمام بل لأنها صعبة ولأنه ليست لدى أية مؤهلات لأي نقاش جدي في الجمال ، فجمال نظرية رياضية ما يعتمد إلى درجة كبيرة على جديتها مثلما أن جمال سطر من الشعر قد يعتمد إلى حد ما على أهمية الأفكار التي يتضمنها ، استشهدت بسطرين لشكسبير كمثال عن جمال النموذج اللغظي ، لكن السطر التالي يبدو أجمل :

After life's fitful fever he sleeps well

النموذج اللغظي رائع بمقدار سطري الشعر اللذين أشرت إليهما آنفاً إلا أن الأفكار في حالتنا هنا ذات دلالة أعمق كما أن الطرح أمن من بحيث تُستثار أحاسيسنا بشكل أعمق بكثير ، للأفكار أهميتها في النموذج - حتى في الشعر - وأكثر من ذلك بكثير - بشكل طبيعي - في الرياضيات ؛ لكن علي أن أحاول ألا أجادل في هذه المسألة بشكل جدي.

12

من الواضح الآن أنه إذا كنا سنتلك أية فرصة في إجراء تقدم فعلي في نقاشنا هذا فعلي أن أقدم أمثلة عن نظريات رياضية 'حقيقية' ؛ نظريات يعترف أي رياضي بأنها من الصف الأول ، إلا أنني هنا مقيد بشدة بالقيود التي أكتب تحتها ، فمن جهة ينبغي أن تكون أمثلتي بسيطة جداً وواضحة للقارئ الذي ليست لديه معرفة اختصاصية بالرياضيات ؛ إذ لا ينبغي أن تحتاج إلى أية توضيحات تمهدية مع ضرورة كون القارئ قادرًا على تتبع البراهين ونصوص النظريات على

حد سواء، هذه القيود تستثنى - على سبيل المثال - عدداً من أجمل نظريات نظرية الأعداد مثل نظرية فيرما عن 'مجموع المربعين' أو قانون التبادلية التربيعية، ومن جهة أخرى ينبغي أن تكون أمثلتي مستقاة من رياضيات 'رفيعة المستوى'؛ رياضيات من أعمال رياضي محترف، وهذا القيد يستثنى الكثير مما كان بالإمكان توضيحه نسبياً لكنه يتعدى حدود المنطق والفلسفة الرياضية.

لا يمكنني هنا القيام بأفضل من الرجوع إلى الإغريق، حيث سأعرض وأثبت اثنتين من أشهر النظريات الرياضية للإغريق، فهما نظريتان 'بسيطتان' سواء من حيث الفكرة أو التنفيذ لكن لا شك على الإطلاق في كونهما نظريتين من الطراز الرفيع، فكلتا هما حية وذات معنى بحيث أنه عند اكتشافهما من ألفا عام دون أن يكتب شيء عن أيٍّ منهم، وأخيراً يمكن فهم هاتين النظريتين مع إثباتيهما في غضون ساعة من قبل أي قارئ ذكي مهما كانت أدواته الرياضية هزيلة.

1. النظرية الأولى هي إثبات إقليدس⁴ عن وجود عدد لا نهائي من الأعداد الأولية.

الأعداد الأولية هي الأعداد

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, ...

(A)

⁴ غير Elements ix 20. المصدر الأصلي للعديد من النظريات الموحدة في إقليدس. مبين لكن لا يوجد أي سبب يجعلنا نفترض أن صاحب هذه النظرية ليس إقليدس.

التي لا يمكن تخليلها إلى معاملات أصغر⁵، وبالتالي فالعدادان 37 و 317 هما عددان أوليان، الأعداد الأولية هي المادة التي تبني منها كافة الأعداد باستخدام عملية الضرب: وهكذا فإن $37 = 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 = 666$ ، وكافة الأعداد غير الأولية تقبل القسمة على عدد أولي واحد على الأقل (عادةً على عدة أعداد)، ينبعي أن ثبت أنه يوجد عدد لا نهائي من الأعداد الأولية أي أن السلسلة (A) لا تصل إلى نهاية أبداً.

لنفرض أن هذه السلسلة منتهية وأن

$$2, 3, 5, \dots, P$$

هي كامل هذه السلسلة (حيث يكون العدد P هو أكبر عدد أولي)، ولنأخذ بعين الاعتبار بناءً على هذه الفرضية العدد Q المعروف بالصيغة التالية

$$Q = (2 \times 3 \times 5 \times \dots \times P) + 1$$

من الواضح أن Q لا يقبل القسمة على أي من الأعداد $2, 3, 5, \dots, P$ لأن باقي قسمته على كل من هذه الأعداد يساوي 1، لكنه إذا لم يكن عدداً أولياً بحد ذاته فسيكون قابلاً للقسمة على أحد الأعداد الأولية وبالتالي يكون هناك عدد أولي (يمكن أن يكون Q نفسه) أكبر من كافة تلك الأعداد الأولية، وهذا ينافق فرضيتنا بأنه ليس هناك عدد أولي أكبر من P ؛ وبالتالي فهذا الفرض خاطئ.

مكتبة

t.me/soramnqraa

⁵ هناك أسباب تقنية لعدم اعتبار العدد 1 عدداً أولياً.

أثبتنا هذه النظرية بطريقة نقض الفرض؛ وطريقة نقض الفرض هذه التي كان يحبها إقليدس كثيراً هي أحد أقوى الأسلحة الرياضية⁶، وهي أقوى من أية مقايضة في الشطرنج: فلاعب الشطرنج يمكن أن يعرض التضخية ببيدق أو حتى بقطعة ذات قيمة أكبر لكن الرياضي يعرض التضخية باللعبة كلها.

13

2. مثالٍ الثاني هو إثبات فيثاغورس⁷ لعدم كون $\sqrt{2}$ عدداً كسرياً.

العدد الكسري هو عدد يكتب على الشكل $\frac{a}{b}$ حيث a و b عدادان صحيحان؛ يمكننا افتراض عدم وجود قاسم مشترك بين العدددين a و b لأنه إذا كان بينهما قاسم مشترك فيإمكاننا إزالته، القول إن $\sqrt{2}$ ليس عدداً كسرياً، هو مجرد طريقة أخرى للقول إنه لا يمكن التعبير عنه بالصيغة $\left(\frac{a}{b}\right)^2$ ؛ وهذا مكافئ للقول إنه لا يمكن تحقيق المعادلة

$$a^2 = 2b^2 \quad (\text{B})$$

بقيمة صحيحة لكل من a و b اللذين ليس بينهما قاسم مشترك، هذه نظرية حسابية بحثة لا تتطلب أية معرفة بالأعداد ‘غير الكسرية’ ولا تعتمد على أية نظرية عن طبيعتها.

⁶ يمكن تنظيم الإثبات بحيث نتجنب إجراء فرض ثم نقضه، وعلماء بعض المدارس المنطقية يفضلون أن يتم الإثبات على ذلك النحو.

⁷ يُنسب هذا الإثبات تقليدياً إلى فيثاغورس وهو بالتأكيد ناتج عن مدرسته، لكن هذه النظرية واردة بصيغة أعم في إفليدس (Elements x 9).

سنقوم بالإثبات هنا أيضاً بطريقة نقض الفرض؛ لنفرض أن (B) صحيحة مع كون a و b عددين صحيحين ليس بينهما قاسم مشترك، هذا يؤدي من المعادلة (B) إلى أن a^2 عدد زوجي (بما أن $2b^2$ يقبل القسمة على 2) وبالتالي فإن a زوجي أيضاً (بما أن مربع أي عدد فردي هو عدد فردي)، وإذا كان a عدداً زوجياً يكون

$$a = 2c \quad (C)$$

مع كون c عدداً صحيحاً، وبالتالي يكون

$$2b^2 = a^2 = (2c)^2 = 4c^2$$

أو

$$b^2 = 2c^2 \quad (D)$$

وهكذا فإن b^2 زوجي، وبالتالي (للسبب السابق نفسه) يكون b زوجياً، وهذا يعني أن كلاً من a و b زوجي أي أن بينهما قاسماً مشتركاً هو العدد 2، وهذا يناقض فرضنا مما يعني أن ذلك الفرض خاطئ.

يُنْتَجُ مِنْ نَظِيرَةِ فِيَثَاغُورِسْ أَنَّ قَطْرَ الْمَرْبُعِ لَيْسْ قَابِلًا لِلْمَقَارِنَةِ مَعَ الضَّلْعِ (أَيْ أَنَّ النَّسْبَةَ بَيْنَهُمَا لَيْسَتْ عَدْدًا كَسْرِيًّا أَيْ أَنَّهُ لَا تَوْجُدُ وَاحِدَةٌ طُولُ يَكُونُ كُلُّهُمَا مَضَاعِفًا صَحِيحًا لَهَا)، لِأَنَّنَا إِذَا أَخْذَنَا طُولَ الضَّلْعِ كَوَاحِدَةٍ قِيَاسَ لِلأَطْوَالِ وَكَانَ طُولُ الْقَطْرِ يُسَاوِي d فَإِنَّا نَخْصُلُ عَلَى مَا يُلِي بِتَطْبِيقِ نَظِيرَةِ شَهِيرَةٍ جَدًّا تُنْسَبُ أَيْضًا إِلَيْ فِيَثَاغُورِسْ⁸:

$$d^2 = 1^2 + 1^2 = 2$$

وبالتالي بحسب النظرية السابقة لا يمكن أن يكون d عدداً صحيحاً.

يمكنني إيراد أي عدد من النظريات الرائعة لنظرية الأعداد بإمكان أي شخص أن يفهم معناها، فعلى سبيل المثال هناك ما يدعى باسم 'النظرية الأساسية للحساب' بأنه يمكن تحليل أي عدد صحيح بطريقة واحدة فقط إلى جداء من أعداد أولية، أي أن $666 = 2 \times 3 \times 3 \times 37$ ولا يوجد تحليل آخر له؛ فمن غير الممكن أن يكون $666 = 2 \times 11 \times 29$ أو أن يكون $666 = 17 \times 73$ (يمكنا مشاهدة ذلك دون إجراء عمليات الضرب)، هذه النظرية مثلاً يوحي اسمها هي الأساس للحساب عالي المستوى، لكن إثباتها - رغم 'عدم صعوبته' - يتطلب عرض مقدمة عن الموضوع كما يمكن أن يبدو ملأ للقارئ غير الرياضي.

من النظريات الشهيرة والجميلة الأخرى هناك نظرية فيرما عن 'المربعين'، يمكن تنظيم الأعداد الأولية (إذا أهملنا العدد الأولي الخاص 2) في صفين؛ الأول هو الأعداد الأولية

$$5, 13, 17, 29, 37, 41, \dots$$

التي يتبقى 1 من جراء قسمتها على 4، والثاني هو الأعداد الأولية

$$3, 7, 11, 19, 23, 31, \dots$$

والتي يتبقى 3 من جراء قسمتها على 4. يمكن التعبير عن كافة الأعداد الأولية من الصنف الأول على شكل مجموع مربعين عددان صحيحين (وهذا لا ينطبق على أيٌ من الأعداد الأولية من الصنف الثاني)، وبالتالي

$$5 = 1^2 + 2^2, \quad 13 = 2^2 + 3^2, \\ 17 = 1^2 + 4^2, \quad 29 = 2^2 + 5^2;$$

لكن لا يمكن التعبير عن الأعداد 3, 7, 11 بهذه الطريقة (بإمكان القارئ أن يتحقق من هذا بتجربته)، هذه هي نظرية فيرما التي تصنف - بحق - من أروع النظريات في الحساب، لسوء الحظ لا يوجد إثبات لهذه النظرية إلا ضمن حدود إدراك الرياضيين ذوي الخبرة العالية.

توجد أيضاً نظريات جميلة في "نظرية الكليات" مثل نظرية كانتور عن "عدم قابلية عد" الأعداد الحقيقة ضمن مجال معين، الصعوبة هنا معكوسه إذا صحت التعبير، فالإثبات سهل نوعاً ما عندما نتمكن من السيطرة على المفاهيم لكننا بحاجة إلى شرح معتبر قبل أن يتضح معنى النظرية، لذا سأتوقف عن محاولة طرح المزيد من الأمثلة، فما طرحته من أمثلة كان حالات اختبار إن لم يتمكن القارئ من تقديرها فلا أعتقد أنه سيقدر أي شيء في الرياضيات.

قلت إن الرياضي صانع نماذج من الأفكار وإن الجمال والجدية هما المعياران اللذان ينبغي الحكم على نماذجه من خلالهما، وإنه يصعب على تصديق أن من فهم هاتين النظريتين سيشك في أنهما تنجحان في امتحان الجمال والجدية، فإذا ما قارناهما مع أكثر الغاز دوديني براعةً أو مع أروع مسائل الشطرنج التي صاغها أساتذة هذه اللعبة فإن تفوقهما في كلا المعيارين سيبدو جلياً؛ إذ هناك فرق في المرتبة لا يمكن الخطأ في تقديره، فهما أكثر جدية بكثير كما أنهما أجمل بكثير؛ لكن السؤال الآن هل بإمكاننا أن نحدد بمزيد من الدقة أين يكمن تفوقهما؟

في البداية يبدو تفوق النظريات الرياضية من حيث الجدية واضحاً وجلياً، صحيح أن مسألة الشطرنج نتاج مبدع لكنها تركيب محدود جداً من الأفكار لا تختلف فيما بينها جوهرياً وليس لها أي صدىً خارجي، إذ كنا سنبقى نفكر بالطريقة نفسها حتى لو لم يكن الشطرنج قد اخترع في حين أن نظريات إقليدس وفيثاغورس قد أثرت بعمق حتى خارج الرياضيات.

وهكذا فإن نظرية إقليدس أساسية للبنية الكاملة لعلم الحساب، فالأعداد الأولية هي المادة الخام التي علينا أن نبني علم الحساب منها ونظرية إقليدس تؤكد لنا أن هناك الكثير من هذه المادة الخام الأساسية، لكن لنظرية فيثاغورس تطبيقات أوسع كما أنها تشكل نصاً أفضل.

علينا أولًا ملاحظة أن برهان فيثاغورس قابل للتتوسيع إلى حد كبير كما أنه قابل للتطبيق - مع تغيير صغير في المبدأ - على صفوف واسعة من "الأعداد غير الكسرية"، إذ يمكننا بالمثل تماماً إثبات أن

$$\sqrt{3}, \sqrt{5}, \sqrt{7}, \sqrt{11}, \sqrt{13}, \sqrt{17}$$

ليست أعداداً كسرية (مثلاً يبدو أن ثيودوروس فعل) أو (بالمضي أبعد مما فعله ثيودوروس) إثبات أن $\sqrt{2}$ و $\sqrt{17}$ ليسا عددين كسريين.⁹

⁹ انظر الفصل الرابع من *Introduction to the theory of Numbers* تأليف هاردي ورايت إذ يتضمن نقاشات حول تعليمات مختلفة لبرهان فيثاغورس وحول لغز تاريخي عن ثيودوروس.

تخبرنا نظرية إقليدس أن لدينا مخزوناً جيداً من المادة الأولية لبناء حساب متماسك للأعداد الصحيحة، أما نظرية فيثاغورس وتوسيعاتها فتخبرنا أن علم الحساب هذا رغم بنائه المتماسك لا يثبت أنه كافٍ لتلبية حاجاتنا لأن هناك الكثير من المقادير التي تفرض نفسها علينا دون أن تكون قادرين على قياسها باستخدامه؛ قطر المربع هو أوضح هذه الأمثلة. تم إدراك الأهمية العميقـة لهذا الاكتشاف للمرة الأولى من قبل الرياضيين الإغريق، فقد انطلقا من فرض أن كافة المقادير التي لها النوع نفسه تكون قابلة للمقاييسـة مع بعضها (وهذا ما يتوافق - في اعتقادـي - مع الإملاءـات 'الطبيعـية' للـ'معنى المشـترك') وأن أي طولين - على سبيل المثال - هما من مضاعفات واحدة مشتركة ما ثم أسسوا نظرية حول التـناسب بنـاءً على هذا الفـرض، اكتشاف فيثاغورس فـضح عدم مـتنـاة هذا الأساس وقاد إلى تـأسيـس نـظـرـية إـيدـوـكـسـوسـ الأـعمـقـ بكـثيرـ والـتي تم طـرـحـها في الـكتـابـ الخـامـسـ منـ السـلـسلـةـ Elementsـ وـيـنـظـرـ إليهاـ العـدـيدـ منـ الـرـياـضـيـنـ الـحـدـيـثـيـنـ عـلـىـ أـرـوـعـ إـنـجـازـاتـ الـرـياـضـيـينـ الإـغـرـيقـ،ـ هـذـهـ النـظـرـيـةـ حـدـيـثـةـ بـرـوحـهاـ بـشـكـلـ مـدـهـشـ وـيمـكـنـ اـعـتـبـارـ أـنـهاـ بـدـاـيـةـ الـنـظـرـيـةـ الـحـدـيـثـةـ لـلـأـعـدـادـ غـيرـ الـكـسـرـيـةـ الـتـيـ شـكـلتـ ثـوـرـةـ فـيـ التـحـلـيلـ الـرـياـضـيـ وـكـانـ لـهـ تـأـثـيرـ كـبـيرـ عـلـىـ الـفـلـسـفـةـ الـحـدـيـثـةـ.

لذا فلا شك على الإطلاق 'بـمـجـدـيـةـ' أيُّ من هـاتـيـنـ النـظـرـيـتـيـنـ،ـ وـمـنـ الجـديـرـ الـانتـباـهـ هـنـاـ إـلـىـ أـنـ أـيـاـ مـنـ هـاتـيـنـ النـظـرـيـتـيـنـ لـيـسـ لـهـ أـهـمـيـةـ 'عـلـمـيـةـ'ـ،ـ فـفـيـ الـتـطـبـيـقـاتـ الـعـلـمـيـةـ نـهـتـمـ بـالـأـعـدـادـ الصـغـيـرـةـ نـسـبـيـاـ؛ـ إـذـ أـنـ عـلـمـ فـلـكـ النـجـومـ وـالـفـيـزـيـاءـ النـوـوـيـةـ فـقـطـ يـتـعـاملـانـ مـعـ أـعـدـادـ 'كـبـيرـةـ'ـ وـهـمـاـ لـاـ يـتـمـتـعـانـ إـلـاـ بـالـقـلـيلـ مـنـ الـأـهـمـيـةـ الـعـلـمـيـةــ،ـ حـتـىـ الـآنــ بـالـمـقـارـنـةـ

مع الرياضيات المجردة البحتة. لا أعلم بالتحديد ما هي أعلى درجة من الدقة تكون مفيدة للمهندسين لذا سنكون كريمين جداً إذا قلنا إنها عشرة أرقام معنوية ، وبالتالي فإن

3.14159265

(قيمة الثابت π بدقة ثمانية أرقام عشرية) تساوي النسبة التالية

$$\frac{314159265}{100000000}$$

بين عددين يتكون كلُّ منها من تسعة أرقام ، عدد الأعداد الأولية الأصغر من 1,000,000,000 يساوي 50,847,478 : وهذا كافٍ بالنسبة لمهندسين وسيكون سعيداً بالكامل من دون بقية الأعداد ، وهكذا فإنه من الواضح أن الأعداد غير الكسرية ليست ذات أهمية بالنسبة للمهندسين بما أنهم مهتمون فقط بالتقريرات وأن كافة التقريرات أعداد كسرية ، وبالتالي فلا أهمية عملية بالنسبة للمهندسين لأي من نظريتي إقليدس أو فيثاغورس .

15

المسألة 'الجدية' هي مسألة تتضمن أفكاراً 'ذات معنى' ، وأعتقد أنه يتوجب علي تجربة إجراء تحليل أكثر عمقاً للميزات التي تجعل من فكرة رياضية ما فكرة ذات معنى ، لكن هذا صعب جداً وأستبعد أن يكون أي تحليل يمكن أن أجراه قيماً جداً ، إذ يمكننا إدراك 'فكرة قيمة' ما عندما نشاهدها مثلما حدث مع النظريتين اللتين عرضتهما آنفاً ؛

لكن هذه القدرة على الإدراك تتطلب درجة عالية نوعاً ما من التعقيد الرياضي ومن التأسلم مع الأفكار الرياضية؛ الأمر الذي لا يأتي إلا من خلال قضاء عدة سنوات في التعامل بها، لذا على أن أحارو إجراء نوع من التحليل وينبغي أن يكون ممكناً إجراء تحليل ما يكون - حتى لو لم يكن مناسباً - واضحاً ومتيماً قدر الإمكان، هناك على كل حال أمران يبدوان أساسيين هما نوع من "العمومية" و"العمق" إلا أنه ليس من السهل تعريف أيٌّ من هاتين الميزتين بدقة.

فالفكرة الرياضية ذات المعنى - والنظرية الرياضية الجدية - ينبغي أن تكون "عامة" بشكل ما، فالفكرة يجب أن تكون مؤسسة على عدة بنى رياضية تُستخدم في إثبات نظريات من مختلف الأنواع، والنظرية - حتى لو تم طرحها في الأصل بصيغة خاصة ما (مثل نظرية فيثاغورس) - ينبغي أن تكون قادرة على التوسيع وتكون عضواً نموذجياً من صفات كماله من نوع النظريات، والعلاقات التي يُظهرها البرهان ينبغي أن تكون نوعاً من الرابط بين العديد من الأفكار الرياضية المختلفة. كل ما ذكرته حتى الآن مهم وعرضة للعديد من التحفظات، لكن من السهل بما يكفي أن نرى أنه من المستبعد أن تكون نظرية ما جدية عندما تفتقر إلى هذه الميزات بشكل جلي، وكل ما علينا هوأخذ بعض الأمثلة عن الطرائف المعزولة التي يتعجب بها علم الحساب، سآخذ مثالين - بشكل عشوائي - من كتاب¹⁰ Mathematical Recreation (إحياء الرياضيات) لروس بول.

¹⁰ الإصدار الحادي عشر (مراجعة كوكستر).

(a) العددان 8712 و 9801 هما عددان من أربعة أرقام يشكل كلُّ منها مضاعفاً صحيحاً لـ 'معكوسه' :

$$8712 = 4 \times 2178, \quad 9801 = 9 \times 1089$$

وليس هناك أية أعداد أخرى أصغر من 10,000 لديها هذه الميزة.

(b) هناك فقط أربعة أعداد (بعد العدد 1) تكتب على شكل مجموع مكعبات أرقامها :

$$153 = 1^3 + 5^3 + 3^3,$$

$$370 = 3^3 + 7^3 + 0^3$$

$$371 = 3^3 + 7^3 + 1^3,$$

$$407 = 4^3 + 0^3 + 7^3$$

هذه حقائق غريبة مناسبة جداً للألغاز الرياضية وهي مسلية للهواة لكنها لا تحتوي أي شيء يروق كثيراً لرياضي، فإثباتها ليس صعباً ولا يدعو إلى الاهتمام بل هو مجرد عمل حسابي مضجر نوعاً ما. هذه النظريات ليست جدية ومن الواضح أن هناك سبباً واحداً لهذا (رغم أنه ربما ليس الأكثر أهمية) هو التخصص الشديد لكلٍّ من نصوصها وإثباتاتها مما يجعلها غير قابلة لأي تعميم ذي معنى.

16

'العوممية' الكلمة غامضة وخطيرة نوعاً ما علينا أن ننتبه لثلاثة نسخ لها بتحديد نقاشنا كثيراً، وهي مستخدمة بمعانٍ متنوعة سواء في الرياضيات أو في الكتابة عن الرياضيات، لكن أحد هذه المعاني بشكل خاص - وهو الذي يركز عليه المنطقيون كثيراً جداً - ليست له أية صلة

بموضوععنا هذا، وبهذا المفهوم الذي يسهل تعريفه تكون كافة النظريات الرياضية ‘عامة’ بشكل متساوٍ وتمام.

‘حقيقة الرياضيات’ يقول وايتهيد¹ ‘تعتمد على عموميتها التامة المجردة’، فعندما نضمن أن $5 = 3 + 2$ فإننا نضمن علاقة بين ثلاث مجموعات من ‘الأشياء’ وهذه الأشياء ليست تفاحات أو بنسات أو أشياء من أي نوع خاص أو آخر لكنها مجرد أشياء – أية أشياء، ومعنى هذه العبارة الرياضية مستقل تماماً عن خصوصية عناصر المجموعات، فكافة ‘الأغراض’ أو ‘المكونات’ أو ‘العلاقات’ الرياضية مثل² ‘ $2 \cdot 2 = 4$ ’ أو ‘ $5^2 + 1^2 = 26$ ’، وكذلك كافة القضايا الرياضية التي تطبق عليها عامةً بشكل تام بمعنى أنها مجردة بشكل تام، إن كلمات وايتهيد في الواقع هي إضافة فائضة عن الحاجة لأن العمومية بهذا المعنى هي التجريد بحد ذاته.

هذا المعنى للعمومية هام وللمنطقين كامل الحق في التركيز عليه بما أنه يجسد حقيقة بدائية كثيرة من الناس الذين يفترض أن يعلموها جيداً هم أكثر عرضة لأن ينسوها، فمن الشائع جداً – على سبيل المثال – أن يدعى فلكي أو فيزيائي بأنه قد وجد ‘إثباتاً رياضياً’ على أن الكون الفيزيائي ينبغي أن يتصرف بطريقة معينة، فكافة هذه الادعاءات عديمة المعنى، إذ لا يمكن أن نتمكن من أن ثبت رياضياً أنه سيكون هناك كسوف غداً لأن الكسوف والظواهر الفيزيائية الأخرى لا تشكل جزءاً من عالم الرياضيات المجرد؛ وفي اعتقادي أن كافة الفلكيين سيعترفون

بهذا الأمر عند الضغط عليهم مهما كان عدد الكسوفات التي تنبؤوا بها بشكل صحيح.

من الواضح أننا لا نهتم بهذا النوع من ‘العمومية’ هنا، فنحن نبحث عن اختلافات في العمومية بين نظرية رياضية وأخرى في حين أنها كلها متساوية في العمومية بحسب مفهوم وايتهيد، وهكذا فإن النظريتين التافهتين (a) و(b) اللتين عرضناهما في الفقرة 15 متساويتان في ‘التجريد’ و‘العمومية’ مع نظريتي إقليدس وفيثاغورس ومع مسألة الشطرنج أيضاً، وهذا ما لا يجعل هناك أي فرق في مسألة الشطرنج سواء كانت القطع بيضاء أم سوداء أو حمراء أم خضراء أو سواء كانت ‘قطعاً’ فيزيائية أم لا؛ فالمسألة تبقى هي نفسها التي يحملها الخبر في رأسه بسهولة والتي علينا إعادة بنائهما بشكل مجهد على الرقعة، فالرقعة والقطع هي مجرد أدوات لتحفيز خيالاتنا البليدة وهي ليست من الأهمية للمسألة إلا بقدر أهمية اللوح والطباشير للنظريات في محاضرات رياضية.

ليس ما نبحث عنه الآن هو نوع العمومية المشتركة بين كافة النظريات الرياضية بل هو نوع العمومية الدقيق والمثير الذي حاولت وصفه بشكل عام في الفقرة 15، ويجب أن ننتبه لئلا نركز كثيراً جداً حتى على العمومية من هذا النوع (كما يميل المنطقيون مثل وايتهيد)، وليس الإنجاز البارع للرياضيات الحديثة هو مجرد ‘تكديس دقة التعميم على دقة التعميم’¹²، إذ يجب أن يكون نوع ما من العمومية حاضراً في أية

نظرية عالية المستوى لكن وجود الكثير من العمومية يميل بالضرورة إلى التفاهة، فـ‘كل شيء هو ذاته وليس شيئاً آخر’ ونقاط الاختلاف بين الأشياء هي بنفس أهمية نقاط التشابه، فنحن لا نختار أصدقاءنا لأنهم يجسدون كافة الميزات الخيرة للبشرية بل لأنهم أشخاص كما هم، وهكذا هو الأمر في الرياضيات؛ فالصفة المشتركة بين الكثير جداً من الأغراض يُستبعد أن تكون مثيرة جداً والأفكار الرياضية أيضاً تصبح باهتة ما لم يكن لها الكثير من الخصوصية، وهنا يمكنني على أي حال أن أقتبس من كلام وايتهيد ما هو إلى صالحٍ: ‘إن التعميم الكبير المحدود بخصوصية فريدة هو المفهوم المثير’¹³.

17

الميزة الثانية التي طلبت وجودها في الفكرة ذات المعنى هي العمق الذي هو بدوره أصعب تعريفاً، فهو أمر يتعلق بالصعوبة؛ فالأفكار ‘العمق’ هي الأصعب تحصيلاً عادةً لكن هذه ليست هي الحال دائمًا، فالأفكار الكامنة وراء نظرية فيثاغورس وتطبيقاتها عميقه إلا أن أيًّاً من الرياضيين لا يراها صعبة الآن، ومن ناحية أخرى يمكن لنظرية ما أن تكون سطحية لكنها صعبة الإثبات رغم ذلك (كما هي حال العديد من نظريات ‘ديوفانتيان’ أي النظريات التي تتعلق بحل المعادلات في فضاء الأعداد الصحيحة).

تبعد الأفكار الرياضية مرتبة في طبقات مع ارتباط الأفكار في كل طبقة بروابط معقدة سواء بين بعضها أو مع الطبقات التي فوقها وتحتها، وكلما كانت الطبقة أدنى كانت الفكرة أعمق (وبشكل عام أصعب)، وهكذا فإن فكرة الأعداد غير الكسرية أعمق من فكرة الأعداد الصحيحة، ولهذا السبب نفسه فإن نظرية فيثاغورس أعمق من نظرية إقليدس.

لنركز اهتمامنا على العلاقات بين الأعداد الصحيحة أو بعض مجموعات الأغراض الأخرى التي تقع في طبقة محددة ما، عندها قد يحدث أن نتمكن من فهم إحدى هذه العلاقات بالكامل بحيث نتمكن من تحديد إحدى خواص الأعداد الصحيحة - على سبيل المثال - وإثباتها دون أية معرفة بمحفوبيات الطبقة الأدنى، وهكذا أثبتنا نظرية إقليدس من خلال مجردأخذ خصائص الأعداد الصحيحة فقط بعين الاعتبار، لكن هناك أيضاً العديد من النظريات حول الأعداد الصحيحة والتي لا يمكننا تقديرها بشكل صحيح - ولا يمكن إثباتها بالكامل - دون التقييب أعمق وأخذ ما يحدث في الطبقات الأدنى بعين الاعتبار.

من السهل إيجاد أمثلة في نظرية الأعداد الأولية، نظرية إقليدس هامة جداً لكنها ليست عميقه جداً؛ إذ يمكننا إثبات أن هناك عدداً لا نهائياً من الأعداد الأولية دون استخدام أية فكرة أعمق من 'قابلية القسمة'، لكن أسئلة جديدة تطرح نفسها بمجرد أن نعرف إجابة هذا السؤال آنف الذكر، نعم هناك عدد لا نهائي من الأعداد الأولية لكن كيف تتوزع هذه الأعداد غير المتهية؟ ليكن لدينا عدد كبير N - لنقل 10^{80} أو

١٤- فكم عدداً أولياً أصغر من N لدينا تقريباً؟^{١٥} عندما نسأل هذه الأسئلة نجد أنفسنا في موقع مختلف تماماً، يمكننا الإجابة عنها - بدقة تدعو للدهشة - تاركين الأعداد الصحيحة فوقنا (من حيث الطبقات) لفترة وجيزة ومستخدمين أقوى أسلحة نظرية التوابع الخديعة، وهكذا فإن النظرية التي تجنب عن أسئلتنا (والتي تدعى باسم 'نظرية الأعداد الأولية') هي نظرية أعمق بكثير من نظرية إقليدس أو حتى من نظرية فيثاغورس.

يمكنني طرح عدة أمثلة لكن فكرة 'العمق' فكرة محيرة حتى بالنسبة لرياضي قادر على إدراكاتها، ولا أعتقد أنني قادر هنا على إضافة أي شيء عنها يمكن أن يجده القارئ مفيداً.

18

بقيت نقطة واحدة من الفقرة 11 حيث بدأت بمقارنة 'الرياضيات الحقيقة' والشطرنج، أصبح بإمكاننا أن نقبل تفوق الرياضيات الحقيقة الساحق من حيث الجوهر والجدية والمعنى، ومن الواضح أيضاً بالنسبة لشخص ذكي ومتعرس أن لها أفضلية عظيمة من ناحية الجمال أيضاً؛ لكنه أمر أصعب بكثير أن نتمكن من تعريف هذه الأفضلية

¹⁴ يفترض أن عدد البروتونات في الكون حوالي 10^{80} ، أما إذا أردنا كتابة العدد $10^{10^{10}}$ بشكل عادي فسيستهلك حوالي 50,000 مجلداً من القطع المتوسط.

¹⁵ مثلما أشرت في الفقرة 14 هناك 50,847,478 عدداً أولياً أصغر من 1,000,000,000، لكن هذا هو أقصى حد لمعرفتنا //الحقيقة.

وتحديدها بما أن العيب الأساسي لمسألة الشطرنج ببساطة هو 'كونها عادلة' والتباين في هذا الإطار يشوش أية محاكمة جمالية بحثة، فما هي الميزات 'الجمالية البحثة' التي يمكننا تمييزها في مثل هذه النظريات مثل نظرية إقليدس أو فيثاغورس؟ لن أخاطر بقول المزيد باستثناء بعض الملاحظات غير المترابطة.

في كلتا النظريتين (اعتبر البراهين جزءاً من النظريات بالطبع) هناك درجة عالية جداً من عدم التوقع والاحتمالية والاقتصاد، إذ تأخذ البراهين شكلاً غريباً ويدعو للدهشة؛ فالأسلحة تبدو بسيطة لدرجة الطفولية عند مقارنتها مع النتائج المذهلة التي تؤدي إليها؛ لكن لا مجال للهروب من الاستنتاجات. ليست هناك أية تعقيدات في التفاصيل - فسيطر هجومي واحد يكفي لكل حالة؛ وهذا صحيح أيضاً في براهين الكثير جداً من النظريات الأكثر صعوبة والتي يتطلب تقديرها بالكامل درجة عالية جداً من الاحتراف التقني. نحن لا نرغب بالعديد من 'التنوييعات' في إثبات نظرية رياضية ما؛ إذ أن 'تعداد الحالات' في الواقع هو أبلد أشكال الحجج الرياضية، فالبرهان الرياضي ينبغي أن يبدو مثل كوكبة نجوم بسيطة وساطعة وليس مثل كويكبات مبعثرة في مجرة.

مسألة الشطرنج تتضمن عدم توقع ومقداراً من الاقتصاد؛ فمن الأساسي وجوب كون الحركات مفاجئة وأن تلعب كل قطعة على الرقعة دورها، لكن التأثير الجمالي تراكمي، ومن الأساسي أيضاً (ما لم تكن المسألة أبسط من أن تكون ممتعة) أن تُتبع الحركة الأساسية بعدة تنوييعات جيدة يتطلب كل منها إجابة خاصة، فإذا قمت بحركة ما س يتم الرد عليها بحركة معينة أخرى... وهكذا دواليك، وسيذهب التأثير

الجمالي أدرج الرياح إذا لم تكن هناك إجابات جيدة متعددة ومتختلفة، كل هذا رياضيات حقيقة وله أحقيتها الخاصة؛ لكنه ليس إلا ذلك ‘الإثبات من خلال تعداد حالات’ (وحالات في النهاية لا تختلف بشكل أساسي عن الحالات الأخرى¹⁶) والذي ينزع الرياضيون إلى ازدرائه.

إنني أميل إلى التفكير بأنه كان بإمكانني تعزيز حجتي من خلال إثارة مشاعر لاعبي الشطرنج بحد ذاتهم، من المؤكد أن أستاذًا في الشطرنج قد لعب العاباً ومبارات عظيمة سيزدرى النظرة للشطرنج على أنه مسألة رياضيات بحتة، فهو لديه الكثير منها في قراره نفسه ويمكنه توليدها في الحالات الطارئة: ‘إذا قام الخصم بهذه الحركة أو تلك ستكون في ذهني تشيكيلة من الحركات الفائزة’، لكن ‘اللعبة العظيمة’ للشطرنج لعبة نفسية بالدرجة الأولى أي هي صراع بين شخصين على درجة عالية من الذكاء والتدريب وليس مجرد مجموعة من النظريات الرياضية.

19

علي أن أعود إلى اعتذاري في المحاضرة التي ألقيتها في جامعة أكسفورد وأتفحص بمزيد من الانتباه بعض النقاط التي أثرتها في الفقرة 6، من الواضح الآن أنني مهتم بالرياضيات على أنها فن إبداعي فقط، لكن

¹⁶ أعتقد أن وجود تنوعات من الحركات من نفس النمط يُعتبر نقطة جدارة في مسألة ما.

هناك أسئلة أخرى ينبغيأخذها بعين الاعتبار وخاصة حول 'قابلية استخدام' الرياضيات (أو فائدتها) والتي يوجد لغط كبير في الأفكار حولها، علينا أيضاً أن نأخذ بعين الاعتبار مسألة فيما إذا كانت الرياضيات في الحقيقة 'غير مؤذية' أبداً كما افترضت في محاضرتى التي ألقيتها في جامعة أكسفورد.

يمكن القول عن أي علم أو أي فن إنه 'مفید' إذا كان تطوره يزيد - حتى لو بشكل غير مباشر - رفاهية الإنسان وراحته وإذا كان يزيد من السعادة بالمعنى العام والشامل لهذه الكلمة، وبالتالي فالطب وعلم الأحياء مفيدان لأنهما يقللان المعاناة، والمهندسة مفيدة لأنها تساعدنا في بناء البيوت والجسور وفي رفع مستوى الحياة أيضاً (للمهندسة استخدمات مؤذية أيضاً لكن هذا ليس موضوعنا هنا). من المؤكد أن بعض الرياضيات مفید في هذا الإطار؛ فالمهندسون لم يكونوا ليتمكنوا من القيام بأعمالهم لو لم تكن لديهم معرفة معينة بالرياضيات كما أن الرياضيات أصبحت تجد تطبيقات حتى في علم الأحياء، وبالتالي لدينا هنا أرضية محتملة للدفاع عن الرياضيات؛ ربما لا يكون هذا أفضل دفاع أو أقوى لكنه أمر يمكننا النظر به، لكن الاستخدامات 'الأرقى' للرياضيات - في حال وجودها - أي الاستخدامات التي تشارك مع كافة الفنون الإبداعية لن تكون موضوع نقاشنا هنا، فالرياضيات - كما الشعر والموسيقى - قد 'ترتقي وتعزز عادة ذهنية ما وهذا يزيد وبالتالي من سعادة الرياضيين وحتى الناس الآخرين؛ لكن الدفاع عنها على هذه الأرضية قد يكون مجرد البناء على ما قلته منذ قليل، فما سنأخذه بعين الاعتبار هنا هو فائدة الرياضيات بأبسط معانيها وأشملها.

قد يبدو كل هذا واضحاً جداً، لكن حتى هنا لدينا غالباً مقدار من الضبابية بما أن أكثر الموضعية ‘فائدة’ هي عادةً تلك التي يكون من غير المفيد بالنسبة لنا أن نتعلمها، من المفيد أن يكون هناك عدد كافٍ من علماء الأحياء والمهندسين لكن علم الأحياء والهندسة ليست دراسات مفيدة للأشخاص العاديين (رغم أنه يمكن الدفاع عن دراستها على أراضيات أخرى)، بالنسبة لي شخصياً لم أجد نفسي أبداً في موضع قدمت لي فيه معرفتي العلمية خارج الرياضيات البحثة آية فائدة طفيفة.

من المدهش في الحقيقة ضآلة القيمة العملية التي تقدمها المعرفة العلمية بالنسبة للأشخاص العاديين وكم هي بلدية ومتذلة مثل هذه المعرفة التي تقدم قيمة كهذه وكم يظهر أن هذه القيمة تتغير عكسياً مع ما هو معروف عنها من فائدة، فمن المفيد أن تكون سريعاً بشكل مقبول في إنجاز العمليات الحسابية المألوفة (وهذا رياضيات بحثة بالطبع)، ومن المفيد أيضاً أن تعلم القليل من الفرنسي أو الألماني والقليل من التاريخ والجغرافيا وربما القليل أيضاً من الاقتصاد، لكن القليل من الكيمياء أو الفيزياء أو علم الأحياء ليس له آية قيمة على الإطلاق في الحياة العادية، فنحن نعلم أن الغاز يحترق دون أن نعرف مكوناته؛ وعندما تتعطل سياراتنا فإننا نأخذها إلى مرآب للصيانة؛ وعندما تؤلمنا معدتنا فإننا نذهب إلى طبيب أو مشفى، أي أنها نعيش بالاعتماد على المعرفة الاحترافية لآخرين.

إلا أن هذا موضوع جانبي متعلق بأصول التدريس ويهم فقط المدرسين الذين عليهم أن ينصحوا أولياء الأمور بتقديم تعليم ‘مفید’ لأبنائهم. إننا بالطبع لا نعني عندما نقول إن علم الأحياء مفید أنه ينبغي على معظم الناس أن يدرسوا علم الأحياء لكننا نعني أن تطور علم الأحياء على يد حفنة من الخبراء سيزيد من راحة أغلبية الناس ، والأسئلة التي تهمنا الآن هي إلى أي حد يمكن أن تدعى الرياضيات أنها مفيدة بهذا المعنى؟ وما هي أصناف الرياضيات التي يمكن أن تتحقق أفضل فائدة؟ وإلى أي حد يمكن تبرير الدراسة المكثفة للرياضيات مثلما هي مفهومة من قبل الرياضيين على هذه الأرضية فقط؟

21

ربما أصبح واضحاً الآن ما هي الاستنتاجات التي سأصل إليها؛ لذا سأعرضها دفعة واحدة دون أي دليل ثم أتوسع فيها قليلاً. لا يمكن إنكار وجود فائدة عملية معتبرة لمقدار جيد من الرياضيات الأساسية (وأعني بالرياضيات ‘الأساسية’ ما يعنيه الرياضيون المحترفون والتي تتضمن على سبيل المثال مقداراً من المعرفة بحساب التفاضل والتكامل)، هذه الأجزاء من الرياضيات هزيلة بشكل عام وهي الأجزاء التي لها أقل قيمة جمالية، أما الرياضيات ‘الحقيقية’ للرياضيين ‘ال الحقيقيين’ أي رياضيات فيرما وأويلر وغاوس وآبل وريمان فهي ‘عديمة الفائدة’ ككل (وهذا صحيح من أجل الرياضيات ‘التطبيقية’ بقدر صحته من أجل الرياضيات ‘البحثة’)، ومن غير

الممكن أن نبرر حياة أي رياضي محترف حقيقي على أرضية 'فائدة'،
عمله.

لكن علي هنا أن أعالج اعتقاداً خطأناً، إذ يعتقد أحياناً أن رياضيي الرياضيات البحتة يفتخرن بعدم وجود فائدة لعملهم¹⁷ وبعدم وجود تطبيقات عملية له، ويتم إلصاق هذه التهمة عادةً بناءً على مقوله غير حذرة منسوبة إلى غاووس فحواها أنه إذا كانت الرياضيات هي ملكة العلوم فإن نظرية الأعداد - نتيجةً لكونها غير ذات فائدة - هي ملكة الرياضيات (مع أنني لم أستطع أن أجده أي اقتباس لعبارته الحرفية التي تقول هذا المعنى)، إنني واثق أنه قد تم تفسير مقوله غاووس بشكل خاطئ كلياً (هذا إذا كانت موجودة في الحقيقة)، وإذا كان من الممكن استخدام نظرية الأعداد في أية غاية تطبيقية ونبيلة واستغلالها مباشرةً في زيادة سعادة البشرية أو في تقليل معاناتها تماماً كما هي حال علم الأحياء أو حتى الكيمياء فمن المؤكد أنه لن يكون غاووس أو أي رياضي آخر من الحماقة بمكان بحيث يدين تطبيقات كهذه أو ينكرها، لكن العلم يعمل من أجل الشر بالإضافة إلى عمله من أجل الخير (و خاصة في زمن الحرب بالطبع) وهذا يمكن أن يبرر لغاوس وللرياضيين الآخرين بهجتهم بوجود علم ما (أياً يكن ذلك العلم) - فكيف إذا كان علمهم بحد ذاته - يقيه نأيه الشديد عن نشاطات الناس العاديين نبيلاً وظاهراً.

¹⁷ لقد أثمنت شخصياً بتبني وجهة النظر هذه، فقد قلت مرة إنه 'يقال عن علم ما إنه مفید إذا كان تطوره يسعى لتعزيز عدم المساواة الموجود في توزيع الثروة أو بعبارة مباشرة أكثر إذا كان يعزّز تدمير الحياة البشرية، وقد تم اقتباس هذه الجملة التي كتبتها عام 1915 عدة مرات (سواء في صالح أو ضد).'

هناك اعتقاد خاطئ آخر ينبغي أن نتصدى له ، فمن الطبيعي جداً أن نفترض وجود اختلاف جوهري في الفائدة بين الرياضيات 'البحثة' و 'التطبيقية' ، لكن هذا وهم: إذ هناك تمييز قاطع بين هذين النوعين من الرياضيات سأشرحة فيما يلي لكنني أستبعد أن يؤثر على فائدة كلا النوعين.

بماذا تختلف الرياضيات البحثة والتطبيقية عن بعضهما؟ هذا سؤال يمكن الإجابة عنه على نحو محدد وهناك اتفاق عام عليه بين الرياضيين، لا يوجد أي شيء غير تقليدي في جوابي لكنه يحتاج إلى مقدمة قصيرة.

سيكون للفقرتين التاليتين نوع من النكهة الفلسفية ، لن تكون الفلسفة عميقية أو جوهرية بأي شكل في طروحاتي الأساسية؛ إلا أنني سأستخدم مفردات تُستخدم كثيراً جداً في الاقتضاءات الفلسفية المحددة وسيشعر القارئ بالإرباك إن لم أشرح كيف سأستخدمها.

استخدمت الصفة ' حقيقي ' غالباً مثلما نستخدمها في الأحاديث العادية ، وقد تحدثت عن ' الرياضيات الحقيقة ' و ' الرياضيين الحقيقيين ' مثلما كنت لأتكلم عن ' الشعر الحقيقي ' أو ' الشعراء الحقيقيين ' وسأستمر في القيام بهذا ، لكنني سأستخدم أيضاً كلمة ' الحقيقة ' بمعنىين مختلفين.

في المقام الأول سأتحدث عن ' الحقيقة الفيزيائية ' وسأستخدم هذه الكلمة هنا بمعناها العادي أيضاً، إذ أعني بالحقيقة الفيزيائية العالم

المادي؛ عالم الليل والنهار والزلزال والكسوفات أي العالم الذي يحاول العلم الفيزيائي توصيفه.

لا أعتقد أن أي قارئ قد وجد صعوبة حتى الآن في التعامل مع لغتي، لكنني أقترب الآن من أرضية أكثر صعوبة، فبالنسبة لي - ولأغلب الرياضيين على ما أعتقد - هناك حقيقة أخرى سأدعوها 'الحقيقة الرياضية'، لكن ليس هناك أي نوع من الاتفاق على طبيعة الحقيقة الرياضية سواء بين الرياضيين أو الفلاسفة، فبعضهم يعتبرها 'ذهنية' وأننا نحن من نبنيها فيما يعتبر آخرون أنها تكمن خارجنا وأنها مستقلة عنا، وإن تمكن أحد من تقديم تعليم مقنع للحقيقة الرياضية يكون قد حل العديد من أصعب مسائل ما وراء الطبيعة، وإن تمكن من تضمين الحقيقة الفيزيائية في تعليله يكون قد حلها كلها.

ينبغي ألا أتمنى أن أناقش أياً من هذه الأسئلة هنا حتى لو كنت مؤهلاً لذلك، لكنني سأعرض موقفي دون أدلة حتى أتجنب أي نوع من سوء الفهم، أعتقد أن الحقيقة الرياضية تكمن خارجنا وأن وظيفتنا هي اكتشافها أو مراقبتها وأن النظريات التي نسبتها ونتحدث عنها بفخر على أنها 'إبداعاتنا' هي ببساطة ملاحظاتنا التي وجدناها نتيجة هذه المراقبة، لقد تم تبني هذه النظرة - بشكل أو باخر - من قبل العديد من الفلاسفة ذائعي الصيت وعلى هنا أن استخدم اللغة الطبيعية للأشخاص الذين يعتقدون بذلك، أما القارئ الذي لا يحب الفلسفة فيمكنه تغيير اللغة: إلا أن هذا لن يغير الاستنتاجات إلا قليلاً.

ربما يظهر التباين بين الرياضيات البحتة والتطبيقية بأوضح شكل في الهندسة، فهناك علم الهندسة البحتة¹⁸ الذي يتضمن العديد من الهندسات مثل الهندسة الإسقاطية والهندسة الإقليدية والهندسة غير الإقليدية وما إلى ذلك، وكلّ من هذه الهندسات نموذج - قالب من الأفكار - ويتم الحكم عليه من خلال تأثيره وجمالية قالبه الخاص ، إنه خارطة أو صورة نتجت عن العمل المشترك للعديدين وهي نسخة جزئية وغير تامة (رغم دقتها في ما اتسعت إليه حتى الآن) لقسم من الحقيقة الرياضية ، لكن النقطة الهامة لنا هنا هي التالية : هناك شيء واحد ليست الهندسات البحتة فيه صوراً وهو الحقيقة الفضائية-الزمنية للعالم الفيزيائي ، ومن الواضح بالتأكيد أنها لا يمكن أن تكون كذلك لأن الزلازل والكسوفات ليست مفاهيم رياضية.

قد يبدو هذا متناقضاً بالنسبة لشخص خارجي لكنه حقيقة بالنسبة لمتخصص في الهندسة ؛ وقد أتمكن ربما من توضيحه عبر مثال توضيحي ، لنفترض أني ألقي محاضرة عن نظام هندسي ما مثل الهندسة الإقليدية العادية وأنني رسمت أشكالاً على اللوح لإثارة خيال الحضور كأن أرسم أشكالاً غير دقيقة لخطوط مستقيمة أو دوائر أو منحنيات إهليلجية ، من الواضح بدایةً أن صحة النظريات التي

¹⁸ حتى نتمكن من النقاش بشكل صحيح علينا بالطبع أن نعتبر الهندسة البحتة هي ما يدعوه الرياضيون بالهندسة 'التحليلية'.

أثبّتها لن تتأثر على الإطلاق بنوعية الأشكال التي أرسمها، فالهدف من هذه الأشكال هو مجرد إيصال المعاني التي أتحدث عنها إلى المستمعين وإذا تمكّنت من هذا فلن تكون هناك أية فائدة من إعادة رسمها من قبل أفضل الرسامين، إنها رسوم توضيحية وليس جزءاً من المادة الحقيقة للمحاضرة.

لنمض قدمًا، فالقاعة التي ألقى فيها المحاضرة هي جزء من العالم الفيزيائي ولها قالبها الخاص بها، دراسة هذا القالب - ودراسة قالب الحقيقة الفيزيائية بشكل عام - هو علم بحد ذاته يمكننا أن ندعوه باسم 'الهندسة الفيزيائية'، لنفرض أنه تم إحضار مولد شديد القوة أو جسم ذي قوة مغناطيسية هائلة إلى القاعة، عندها يخبرنا الفيزيائيون أن هندسة الغرفة تغيرت وأنه حدث تشوّه طفيف لكنه مؤكّد على قالبها الفيزيائي بكامله، لكن هل أصبحت النظريات التي قمت بإثباتها خاطئة؟ من المؤكّد أنه من غير المعقول أن نفترض أن إثباتات النظريات التي قدمتها ستتأثر بأي شكل من الأشكال، فهذا سيبدو مثل افتراض أن مسرحية لشكسبير ستتغير إذا سكب قارئ ما فنجان شاي على إحدى صفحاتها، فالمسرحية مستقلة عن الصفحات التي طبعت عليها وكذلك 'الهندسات البحتة' مستقلة عن قاعات المحاضرات أو أية تفاصيل أخرى موجودة في العالم الفيزيائي.

هذه هي وجهة نظر رياضي بحت، أما الرياضيون التطبيقيون والفيزيائيون الرياضيون فلديهم عادةً وجهة نظر مختلفة بما أنهم يهتمون بالعالم الفيزيائي بحد ذاته والذي له بنيته الخاصة أو قالبه الخاص، لا يمكننا أن نوصف هذا القالب بشكل دقيق بمثل قدرتنا على توصيف

الهندسة البحتة لكن يمكننا قول شيء ذي معنى عنه، يمكننا توصيف العلاقات القائمة بين بعض مكوناته - بدقة جيدة أحياناً وبشكل أقل دقة أحياناً أخرى - ومقارنتها مع العلاقات الصحيحة القائمة بين نظام ما من الهندسة البحتة، قد نكون قادرين على تتبع بعض نقاط التشابه بين مجموعتي العلاقات وعندها ستصبح الهندسة البحتة مثار اهتمام الفيزيائيين؛ إذ أنها تعطى لهم - إلى حد ما - خريطة 'توافق مع حقائق' العالم الفيزيائي، وهكذا تعطي الهندسة البحتة للفيزيائي مجموعة كاملة من الخرائط التي يمكنه الاختيار منها، قد تتوافق إحدى هذه الخرائط مع الحقائق أكثر من غيرها وعندها ستصبح الهندسة التي تؤمن تلك الخريطة الخاصة هي الهندسة الأكثر أهمية من أجل الرياضيات التطبيقية، يمكنني إضافة أنه حتى الرياضي الباحث يمكن أن يسرّع تقديره للهندسة بما أنه ليس هناك رياضي بحث إلى درجة ألا يشعر بأي اهتمام على الإطلاق بالعالم الفيزيائي؛ لكنه سيترك موقعه الرياضي البحث إلى الحد الذي يستسلم به إلى ذلك الإغراء.

24

هناك ملاحظة أخرى تطرح نفسها وقد يجدها الفيزيائيون مناقضة للواقع رغم أن التناقض فيها قد يبدو أقل بكثير مما كان يبدو عليه منذ ثمانية عشر عاماً، سأعبر عنها بنفس الكلمات التي استخدمتها عام 1922 وخاطبت بها القسم A من الجمعية البريطانية، كان كامل الحضور تقريباً من الفيزيائيين آنذاك وقد أكون تكلمت بشكل محرض نوعاً ما بناءً على هذا لكنني ما زلت مؤمناً بجواهر ما قلته.

بدأت بالقول إن الفرق بين موقع الرياضي والفيزيائي أقل ربما مما يفترض عادةً وإن الفرق الأهم كما يبدو لي هو أن الرياضي على تماس مباشر أكبر مع الحقيقة، قد يبدو هذا مناقضاً للواقع بما أن الفيزيائي هو من يتعامل مع الموضوع الذي يوصف عادةً بأنه ‘ حقيقي’؛ لكن يكفي القليل من التفكير حتى يظهر أن حقيقة الفيزيائي – مهما كانت – لديها فقط القليل من السمات التي ينسبها الحس السليم إلى الحقيقة، قد يكون الكرسي مجموعةً من الإلكترونات دائمة الحركة الدورانية أو فكرةً في ذهن الله: فلكلٍ من هاتين المقولتين حسناتها لكن أيًّاً منها لا تتوافق مع الحس السليم.

مضيت لأقول إنه لا الفيزيائيون ولا الفلاسفة أعطوا أبداً أية مقوله مقنعة عن ماهية ‘الحقيقة الفيزيائية’ أو عن كيفية عبور الفيزيائي من الحقيقة المشوّشة الغامضة أو الإحساس الذي يبدأ منه إلى بناء الأغراض التي يدعوها بأنها ‘حقيقية’، وهكذا لا يمكننا الإدعاء بمعرفة ما هو الموضوع الأساسي للفيزياء لكن هذا لن يمنعنا بالضرورة من فهم ما يحاول الفيزيائي القيام به بشكل عام، فمن الواضح أنه يحاولربط جسم الحقيقة غير المتماسك الماثل أمامه بنوع من العلاقات المجردة الواضحة والمرتبة والتي يمكنه استعارتها من الرياضيات فقط.

الرياضي – من ناحية أخرى – يتعامل مع الحقيقة الرياضية الخاصة به، وقد نظرت إلى هذه الحقيقة – مثلما شرحت في الفقرة 22 – نظرة ‘واقعية’ وليس ‘مثالية’، وعلى كل حال – وهذه هي النقطة الأساسية هنا – فإن هذه النظرة الواقعية معقولة أكثر بكثير بالنسبة للحقيقة الرياضية منها بالنسبة للحقيقة الفيزيائية لأن الأغراض

الرياضية أكثر بكثير مما تبدو عليه، فالكرسي أو النجم ليس مثلاً يبدو؛ فكلما فكرنا به أكثر كلما أصبح أكثر غموضاً وأكثر إيجالاً في ضباب الأحساس التي تحيط به؛ لكن لا علاقة لأغراض مثل²، أو 317، بالأحساس إطلاقاً وتصبح خصائصها أكثر وضوحاً كلما أمعنا النظر فيها أكثر، قد يكون الأمر أن الفiziاء الحديثة تتوافق بشكل أفضل مع هيكل من الفلسفة المثالية إلا أنني لا أعتقد ذلك رغم أن كثيراً من الفيزيائيين يقولونه، الرياضيات البحتة - من ناحية أخرى - تبدو لي كصخرة تؤسس عليها المثالية بكمالها؛ فالعدد 317 عدد أولي ليس لأننا نفكر به بهذه الطريقة أو لأن عقولنا مرتبة بشكل معين دون آخر بل لأنه كذلك؛ لأن الحقيقة الرياضية مبنية على هذا النحو.

25

نقطات التمييز بين الرياضيات البحتة والتطبيقية هامة بحد ذاتها لكن تأثيرها ضئيل جداً على نقاشنا حول 'فائدة' الرياضيات، تحدثت في الفقرة 21 عن الرياضيات 'الحقيقية' لفirma والرياضيين العظام الآخرين؛ الرياضيات التي لها قيمة جمالية دائمة (مثلاً هي حال أفضل رياضيات الإغريق على سبيل المثال)؛ الرياضيات الحالدة لأن أفضل ما فيها ربما سيظل يُشعرآلاف الناس بالإشباع العاطفي الشديد بعدآلاف السنين تماماً مثل أفضل الأدب، هؤلاء الرياضيون العظام كانوا بمعظمهم علماء رياضيات بحثة (رغم أن التمييز كان طبعاً أقل حدة في تلك الأيام مما هو عليه الآن)؛ إلا أنني لم أكن أفكر بالرياضيات البحتة فقط، فأنا أعد ماكسويل وإنشتاين وإدينغتون

وديراك من الرياضيين ‘ال الحقيقيين ’، فالإنجازات الحديثة العظيمة للرياضيات التطبيقية كانت في النسبة وميكانيك الكم إلا أن هذه الموضع - في الحاضر على الأقل - ‘غير مفيدة’، مثلما هي حال نظرية الأعداد. إن الأجزاء الأولية والمبتذلة من الرياضيات التطبيقية كما أن الأجزاء الأولية والمبتذلة من الرياضيات البحثة هي التي تعمل من أجل الخير أو الشر، وقد يغير الزمن كل هذا، إذ لم يكن أحد قد تنبأ بتطبيقات المصفوفات والمجموعات والنظريات الرياضية البحثة الأخرى في الفيزياء الحديثة وقد تصبح بعض الرياضيات التطبيقية ‘عالية المستوى’، ‘مفيدة’ بطريقة غير متوقعة لكن الأدلة تشير حتى الآن إلى الاستنتاج القائل بأن الموضع الاعتيادي المبتذلة هي التي تشكل الحياة التطبيقية.

أذكر أن إدينغتون أعطى مثالاً مفرحاً عن عدم جاذبية العلم ‘المفيد’، فقد أقامت الجمعية البريطانية لقاءً في ليدس وكان الاعتقاد أن الأعضاء ربما يحبون أن يسمعوا شيئاً عن تطبيقات العلم في صناعة ‘المنسوجات الصوفية الثقيلة’، لكن المحاضرات والعروض التي نظمت لهذه الغاية لاقت إخفاقاً تاماً تقريباً، فقد بدا أن الأعضاء (سواء كانوا من مواطنين ليدس أم لا) يريدون التسلية وأن ‘المنسوجات الصوفية الثقيلة’ ليست موضوعاً مسلياً على الإطلاق بالنسبة لهم، وهكذا فإن الحضور في تلك المحاضرات كان مخيباً جداً للأمال؛ في حين أن الذين ألقوا محاضرات عن الحفريات في كنوسوس أو عن النسبة أو نظرية الأعداد الأولية كانوا مسرورين بالحضور الذي اجتذبه محاضراتهم.

ما هي الأجزاء المفيدة من الرياضيات؟

أولاًً أكثر الرياضيات التي تدرس في المدارس مثل الحساب وأساسيات كلٍ من الجبر والهندسة الإقليدية وحساب التفاضل والتكامل، علينا هنا أن نستثنى مقداراً مما يدرس 'للمختصين' مثل الهندسة الإسقاطية، وفي الرياضيات التطبيقية هناك أساسيات الميكانيك (ينبغي تصنيف الكهرباء كما تُدرَّس في المدارس على أنها فيزياء).

بعد ذلك فإن نسبة معقولة من الرياضيات الجامعية مفيدة وخاصةً ذلك الجزء الذي يشكل في الواقع تطويراً للرياضيات المدرسية مع تقنيات أكثر صقلًاً ومقدار من المواضيع الفيزيائية مثل الكهرباء والهيدروميكانيك، علينا أن نذكر أيضاً أن الحصول على مخزون من المعرفة يشكل ميزة دائمةً وأن أكبر قدرة تطبيقية للرياضي يمكن أن تعاون بشدة إذا كانت معرفته هي فقط الحد الأدنى الأساسي بالنسبة له؛ ولهذا السبب علينا إضافة القليل تحت كلٍ من هذه العناوين، لكن استنتاجنا العام يجب أن يكون أن رياضيات بهذه مفيدة بما أنها مطلوبة للمهندس المتميز أو الفيزيائي العادي؛ وهذا مكافئ تقريراً للقول إن رياضيات بهذه مفيدة بما أنها لا تتميز بأية جمالية خاصة، فالهندسة الإقليدية - على سبيل المثال - مفيدة في أكثر نواحيها ابتدالاً حيث لا نريد ذكر بديهييات التوازي أو نظرية التناسب أو بناء خماسي أضلاع منتظم.

يظهر هنا استنتاج لافت آخر بأنه من الواضح أن الرياضيات البحثة مفيدة أكثر من التطبيقية، كما يبدو أن للرياضي البحث أفضلية على التطبيقي من ناحية الجمالية أيضاً، والمفيد فوق كل هذا هو التقنية مع العلم أن التقنية الرياضية تدرس بشكل أساسى عبر الرياضيات البحثة.

أمل ألا أحتاج للقول إنني لست أحاول الخط من قدر الفيزياء الرياضية التي تشكل مجالاً رائعاً مع عدد هائل من المسائل التي أدت إلى تحفيز أفضل المخيلات المبدعة، لكن أليس موقع الرياضي التطبيقي العادي يدعو إلى الحزن أكثر بشكل أو بآخر؟ لأنه إذا أراد أن يكون مفيداً فعليه أن يعمل بطريقة رتيبة ولا يمكنه أن يطلق العنوان خياله حتى عندما يأمل بالارتفاع إلى الأعلى، فالأكوان ‘التخييلية’ أجمل بكثير من ذلك الكون ‘الحقيقي’ المبني بغباء؛ وينبغي أن تُنَبَّذ أجمل منتجات خيال الرياضي التطبيقي مباشرةً بعد إبداعها للسبب القاسي – والكافى في آن واحد – بأنها لا تتلاءم مع الحقائق.

حتماً ييرز هنا الاستنتاج العام ببساطة كافية، إذا كانت المعرفة المفيدة - مثلما اتفقنا مؤقتاً على تعريفها - هي المعرفة التي من المحتمل أن تساهمن - الآن أو في المستقبل القريب نسبياً - في الراحة المادية للجنس البشري بحيث لا يكون الرضا الفكري ذا صلة بفائدة لها فإن السوداد الأعظم من الرياضيات العليا غير ذيفائدة، وبالتالي فإن أيّاً من الخبر والهندسة الخديفين ونظرية الأعداد ونظرية المجموعات والتوابع والنسبية وميكانيك الكم لن ينجح في اختبار الفائدة ولن يكون بالإمكان تبرير وجود أي رياضي حقيقي على هذا الأساس، وإذا كان هذا هو الاختبار المتبّع فإن آبل وريمان وبوانكاريه قد هدرّوا عمرهم سدى؟

فمساهمتهم في الراحة البشرية مهملة وربما يكون العالم مكاناً أسعد من دونهم.

27

قد يعترض أحد قائلًا إن مفهوم ‘النفعة’ الذي طرحته كان ضيقاً جداً بحيث عرّفته من حيث ‘السعادة’ أو ‘الراحة’ فقط وأهملت التأثيرات ‘الاجتماعية’ العامة للرياضيات والتي ركز عليها الكتاب الجدد بشدة بنسب مختلفة من التعاطف، وهكذا فإن وايتهيد (الذي كان رياضياً) تحدث عن ‘التأثير الهائل للمعرفة الرياضية على حياة الأشخاص وسلوكهم اليومي وعلى تنظيم المجتمع’؛ وهوغبن (الذى يتساوى عدم تعاطفه مع ما أدعوه أنا والرياضيون الآخرون بالرياضيات مع تعاطف وايتهيد معها) يقول إنه ‘من دون معرفة بالرياضيات وقواعد القياس والترتيب لا يمكننا تحطيم المجتمع العقلاني بحيث تكون السعادة متوفرة للجميع ويكون الفقر بعيداً عن الجميع’ (بالإضافة إلى الكثير من الكلام الذي يؤدي إلى نفس هذه النتيجة).

لا يمكنني الاعتقاد بأن كل هذه الفصاحة والبلاغة ستجعل الرياضيين مرتاحين، فلغة كلام الكاتبين مبالغ فيها بشكل غير طبيعي كما أن كليهما أغفل نقاط تميز واضحة جداً، وهذا طبيعي في حالة هوغبن بما أنه ليس رياضياً؛ فهو يعني بـ‘الرياضيات’ الرياضيات التي يمكنه فهمها والتي دعوتها بالرياضيات ‘المدرسية’، فلهذه الرياضيات استخدامات عديدة كنت قد قبلتها ويمكننا أن ندعوها ‘اجتماعية’ إذا

رغباً بذلك وهي تفرض نفسها على هوغبن مع العديد من الإغراءات عن تاريخ الاكتشافات الرياضية، وهذا ما يعطي كتابه استحقاقه بما أنه مكّنه من التبسيط للكثير من القراء الذين لم يكونوا أبداً رياضيين ولن يصبحوا كذلك أنه هناك رياضيات أكثر مما يعتقدون، لكن ليس لديه إدراك للرياضيات ‘الحقيقة’ (الأمر الذي يمكن أن يلاحظه مباشرةً أي شخص يقرأ ما كتبه عن نظرية فيثاغورس أو عن إقلides وإنشتاين) وهو أقل تعاطفاً معها (فهو لم يأل جهداً في إظهار هذا)، فالرياضيات ‘الحقيقة’ بالنسبة له مجرد شيء يرثى له ولا يستحق أكثر من الازدراة.

ليس نقص الفهم أو التعاطف هو المشكلة في حالة وايتهيد؛ لكنه في غمرة حماسه نسي نقاط التمييز التي يعرفها جيداً، فالرياضيات التي لها ‘تأثير هائل’ على ‘السلوك اليومي للأشخاص’ وعلى ‘تنظيم المجتمع’ ليست رياضيات وايتهيد بل رياضيات هوغبن، إن الرياضيات التي يمكن استخدامها ‘لأغراض عادية ومن قبل أشخاص عاديين’ مهملة وتلك التي يمكن استخدامها من قبل الاقتصاديين أو علماء الاجتماع يصعب أن ترتقي أكثر من ‘المعيارية المدرسية’، أما رياضيات وايتهيد فيمكن أن تؤثر على علم الفلك أو الفيزياء بشكل أساسي وعلى الفلسفة بشكل كبير - فمن المرجح أن يؤثر المستوى العالمي من التفكير في مجال ما على المستوى العالمي من التفكير في مجال آخر - لكن تأثيرها ضئيل جداً على أي شيء آخر، ‘تأثيرها الهائل’ ليس على الأشخاص بشكل عام بل على أشخاص مثل وايتهيد نفسه.

هناك إذاً نوعان من الرياضيات، هناك الرياضيات الحقيقية التي يعمل بها رياضيون حقيقيون وهناك ما سأدعوه الرياضيات ‘التافهة’ ريشما أجد كلمة أفضل، يمكن تبرير الرياضيات التافهة بحجج يمكن أن تغري هو غبن أو الكتاب الآخرين من مدرسته لكن ليس هناك دفاع كهذا عن الرياضيات الحقيقة التي ينبغي تبريرها كفن إذا كان من الممكن تبريرها أصلاً. ليس هناك أي تناقض على الإطلاق في هذه النظرة التي يشترك بها كافة الرياضيين.

بقي لدينا سؤال ينبغي النظر به، لقد استنتاجنا أن الرياضيات التافهة مفيدة بحملها وأن الرياضيات الحقيقة غير مفيدة بحملها، أي أن الرياضيات التافهة ‘خيراً’ بمعنى ما في حين أن الرياضيات الحقيقة ليست كذلك، لكن علينا أن نسأل فيما إذا كان أحد نوعي الرياضيات أو كليهما مؤذياً، قد يكون من غير المنطقي أن نقترح أن الرياضيات من أي نوع مؤذية في زمن السلم مما يقودنا إلى دراسة تأثيرات الرياضيات في الحرب، من الصعب جداً مناقشة سؤال كهذا بنزاهة تامة وربما كان علي أن أجنبه إلا أن نوعاً من النقاش يبدو أمراً لا مفر منه، لكن هذا النقاش لا يحتاج لأن يكون طويلاً جداً لحسن الحظ.

هناك استنتاج مريح يسهل على الرياضي الحقيقي أن يصل إليه وهو أنه ليس للرياضيات الحقيقة أي تأثير على الحرب، إذ لم يكتشف أحد حتى الآن أن أي موضوع متعلق بالحرب قد استفاد من نظرية الأعداد أو النسبة كما يبدو من المستبعد أن يكتشف أحد شيئاً من هذا القبيل في

غضون سنوات عديدة، صحيح أن هناك فروعاً من الرياضيات التطبيقية - مثل دراسة المقدوفات وديناميك الأجسام الطائرة - تم تطويرها بشكل متعمد من أجل الحروب وتطوير تقنيات معقدة: من الصعب أن ندعوه هذه الفروع بأنها 'تافهة' لكن لا يمكن الادعاء بأنه يمكن تصنيف أي منها بأنه رياضيات 'حقيقية'، إنها في الواقع كريهة ومملة بما لا يقبل التسامح فيه، وحتى ليتلورود غير قادر على جعل دراسة المقدوفات علمًا محترماً، وإن لم يتمكن هو من هذا فمن هو قادر عليه؟ وهكذا فإن ضمير الرياضي الحقيقي مرتاح تماماً؛ إذ لا يوجد أي شيء ضد أية قيمة يمكن أن تكون لعمله؛ فالرياضيات - كما قلت في أكسفورد - مهنة 'بريئة وغير مؤذية'.

أما الرياضيات التافهة - من ناحية أخرى - فلها العديد من التطبيقات في الحرب، فخبراء المدفعية ومصممو الطائرات على سبيل المثال لم يكونوا قادرين على إنجاز أعمالهم من دونها، والتأثير العام لهذه التطبيقات بسيط : فالرياضيات تسهل الحرب 'الكلية' العلمية الحديثة.

ليس واضحًا جداً مثلاً يظهر الأمر أنه ينبغي الاعتذار عن هذا بما أنه هناك منظوران متباینان بحدة حيال الحرب العلمية الحديثة، المنظور الأول والأكثر وضوحاً هو أن تأثير العلم على الحرب هو مجرد زيادة رعبها من خلال زيادة معاناة الأقلية التي عليها أن تحارب ومن خلال توسيع هذه المعاناة لطال صفوهاً أخرى، وهذا هو المنظور الأكثر طبيعية وصحة، لكن هناك منظوراً آخر مختلفاً جداً يبدو من الممكن تقبيله أيضاً وقد فرضه هالدين بقوة كبيرة في¹⁹ Callinicus، يمكن التأكيد

J. B. S. Haldane, Callinicus: a Defense of Chemical Warfare (1924) 19

أن الحرب الحديثة أقل رعباً مما كانت عليه قبل تطور العلم؛ وأن القنابل ربما تكون أكثر رحمة من الحرب؛ والغازات المسيلة للدموع وغاز الخردل قد تكون الأكثر إنسانية من بين الأسلحة التي ابتكرها العلم العسكري؛ وأن المنظور السليم يبقى وحيداً في العاطفية منفلترة التفكير²⁰. ربما يكون هذا المنظور قد حُفِّز أيضاً (رغم أن هذا لم يكن من طروحات هالدين) بأن المساواة في المخاطر والتي كان من المتوقع أن يتحققها العلم قد تكون صحيحة على المدى البعيد؛ أي أن حياة المدنيين ليست أهم من حياة العسكريين وحياة النساء ليست أهم من حياة الرجال وأن أي شيء أفضل من تركيز الوحشية على صفات معينة بذاته، أي أن الحرب القادمة - باختصار - تؤدي إلى الأفضل 'مهما كلف الأمر'.

لا أعلم أي هذه النظارات أقرب إلى الحقيقة، هذه مسألة عاجلة ومتغيرة لكنني لن أناقشها هنا، فهي تتعلق فقط بالرياضيات 'التافهة' التي قد يكون الدفاع عنها مهمة هوغبن أكثر من كونه مهمتي أنا، قضية رياضياته ربما تكون ملوئـة نوعاً ما في حين أن قضيتي لم تتأثر بهذا الموضوع.

في الحقيقة هناك المزيد مما ينبغي قوله هنا بما أن هناك هدفاً واحداً يمكن أن تستفيد الحرب به من الرياضيات الحقيقية، عندما تشكل العالم ربما وجد الرياضي في الرياضيات علاجاً لا يضاهى لأن الرياضيات - من

²⁰ لا أريد أن أحكم مسبقاً على هذه المسألة بهذه الكلمة التي يُسأله استخدامها كثيراً؛ فمن الممكن استخدامها بصحبة تامة للدلالة على أنواع معينة من المشاعر غير المتوازنة، والعديد من الأشخاص يستخدمون 'العاطفية' كمصطلح للتعبير عن مشاعر الآخرين اللائقة 'والواقعية' كقناع لإخفاء وحشيتهم الخاصة.

بين كل العلوم والفنون - هي الأكثر استقامة والأكثر نأيَاً وأن الرياضي ينبغي أن يكون من بين كل الناس هو الشخص الذي يمكنه بسهولة كبرى أن ينأى عن العالم الواقعي الموحش الكئيب. إنها مداعاة للشفقة أن يكون من الضروري أن نسجل تحفظاً جدياً هو أنه عليه ألا يكون عجوزاً، فالرياضيات ليست موضوعاً تأملياً بل هي موضوع إبداعي؛ وليس بإمكان أحد أن ينهل الكثير منها عندما يكون قد فقد القدرة على الإبداع؛ وهذا مثال للحدوث مبكراً نوعاً ما للرياضي، إنه أمر يدعو للشفقة لكن أحداً لن يهتم له كثيراً في تلك الحالة وسيكون من السخافة بمكان أن يزعج الآخرون أنفسهم به.

29

سأختم بملخص للاستنتاجات التي توصلت إليها لكن عارضاً إياها بطريقة أكثر شخصية، قلت في البداية إن أي شخص يدافع عن موضوعه سيجد أنه يدافع عن نفسه؛ وتبين لي حياة الرياضي المحترف كان - في الأساس - تبريراً لحياتي أنا، وهكذا فإن هذه الفقرة الختامية ستكون في جوهرها جزءاً من سيرة ذاتية.

لا يمكنني تذكر أنني أردت أن أصبح إلا رياضياً، وأعتقد أنه كان من الواضح دائماً أن قدراتي الخاصة تصب في هذا الإطار ولم يحدث أبداً أنني طلبت نصيحة من أحد أكبر مني عن هذا الموضوع، لا أذكر أنني أحسست - عندما كنت صبياً - بأي شغف بالرياضيات، والانطباعات التي ربما كانت لدى عن مهنة الرياضي كانت بعيدة كل البعد عن

النبل ، فقد كنت أنظر إلى الرياضيات على أنها امتحانات ومعلومات مدرسية : كنت أرغب في التغلب على الأولاد الآخرين وقد بدت الرياضيات هي السبيل الذي يمكنني من القيام بهذا بشكل قاطع.

كنت في الخامسة عشرة من عمري تقريباً عندما طرأ تحول حاد (بشكل غريب نوعاً ما) في طموحاتي ، هناك كتاب من تأليف آلان سانت أوبيان²¹ اسمه عضو في ترينيري يشكل جزءاً من سلسلة تعالج ما يفترض به أن يكون حياة جامعة كامبردج ، أعتقد أنه كتاب أسوأ من معظم كتب ماري غوريلىي ؛ لكنني أستبعد أن يكون كتاب ما سيئاً إذا كان قادراً على قدح خيال صبي ذكي ، هناك بطلان: بطل أساسى يدعى فلاورز طيب بالكامل وبطل ثانوى أضعف يدعى براون ، وجد فلاورز وبراون مخاطر كثيرة في الحياة الجامعية لكن أسوأها كان صالون مقامرة في تشيسستيترون تديره الآنسنان الشابتان بيليندين الساحرتان لكن الشريرتان جداً ، تخطى فلاورز كل هذه المشاكل ونجح بشكل آلي في الحصول على العضوية (مثلاً أعتقد) ، أما براون فقد استسلم وحطم أهله وأدمى على الشراب ونجا من عاصفة رعدية هائلة فقط بفضل صلوات عميد الطلاب وعانياً كثيراً في الحصول حتى على درجة عادية ليصبح مبشرًا في النهاية ، لم تتأدّ الصداقة بهذه الأحداث المؤلمة وشردت مخيلة فلاورز ليتذكر براون بشفقة رقيقة عندما شرب البورت وأكل الجوز لأول مرة في قاعة اجتماعات الخريجين.

وهكذا أصبح فلاورز عضواً محترماً (بقدر ما تمكن آلان سانت أوبيان من تجسيد ذلك) لكن حتى عقلي البسيط رفض أن أقبله كشخص

²¹ آلان سانت أوبيان هو السيدة فرانسيس مارشال زوجة ماثيو مارشال.

ذكي، فإن كان هو قد تمكن من القيام بهذه الأشياء لماذا لا أتمكن أنا؟ وخاصةً أن المشهد الأخير في قاعة الاجتماعات قد سحرني بالكامل، ومنذ ذلك الوقت حتى حصلت عليها كانت الرياضيات تعني لي أساساً العضوية في ترينيني.

اكتشفت مباعدةً لدى قدوسي إلى كامبردج أن العضوية تتطلب القيام 'بعمل متميز جديد' لكن مضى وقت طويل قبل أن أشكل أية فكرة محددة عن البحث، كنت قد اكتشفت في المدرسة - مثلي في ذلك مثل أي شخص سيصبح رياضياً في مستقبله - أنني قادر غالباً على القيام بالأشياء أفضل بكثير من أساتذتي؛ وحتى في كامبردج اكتشفت أنني أحياناً - وإن في حالات أقل طبعاً - أتمكن من القيام بأشياء أفضل من الحاضرين في الكلية، لكنني كنت جاهلاً تماماً - حتى عندما حصلت على البكالوريوس مع مرتبة الشرف - بالمواضيع التي قضيت بقية حياتي فيها؛ وكانت أنظر إلى الرياضيات على أنها موضوع 'تنافسي' بالدرجة الأولى. تفتحت عيناي لأول مرة على يد البروفسور لوف الذي علمني على مدى عدة فصول وأعطاني المفهوم الجاد الأول عن التحليل، لكن الفضل الكبير الذي أدين به إليه - حيث كان رياضياً تطبيقياً بالأساس - كان نصيحته لي بأن أقرأ الكتاب الشهير Cours d'analyse (منهاج في التحليل) لجورдан؛ ولن أنسى ما حيت ذلك الذهول الذي قرأت به هذا العمل العظيم الذي كان المهم الأول للعديد من الرياضيين من جيلي وتعلمت للمرة الأولى وأنا أقرأه ماذا تعني الرياضيات حقيقةً، ومنذ ذلك الحين أصبحت بطريقتي الخاصة رياضياً حقيقياً مع طموحات رياضية راسخة وشغف حقيقي تجاه الرياضيات.

كتبت الكثير خلال عشر سنوات بعد ذلك لكن مع القليل جداً من الأهمية؛ إذ ليس هناك أكثر من أربع مقالات أو خمس مما يمكنني أن أتذكره مع شعور بالرضا، والتغيير الحقيقي في حياتي المهنية أتى بعد ذلك بعشر سنوات أو اثنين عشرة في العام 1911 عندما بدأت تعاوني الطويل مع ليتلود وفي العام 1913 عندما اكتشفت رامانوجان، وأفضل أعمالى منذ ذلك الوقت كانت بكمالها محصورة مع أعمالهما ومن الواضح أن تعاونى معهما كان الحدث الأهم في حياتي، وما زلت أقول لنفسي عندما أكون مكتئباً وأجد نفسي مجبراً على الاستماع إلى أشخاص مغرورين وملين 'حسناً لقد فعلت شيئاً واحداً لن تتمكن أنت أبداً من القيام به وهو التعاون مع كلٍّ من ليتلود ورامانوجان بنوع من الندية'، فأنا مدين لهما بحفظى غير الطبيعي على استحقاقى حتى سن متقدم نوعاً ما: حيث كنت في أفضل أيامى عندما تجاوزت الأربعين بقليل عندما أصبحت بروفيسوراً في أكسفورد، ومنذ ذلك الحين عانيت من ذلك التراجع المستمر الذى هو القدر المشترك للمسنين وخاصة للرياضيين المسنين، فقد يكون الرياضي ما يزال مؤهلاً بما يكفى في الستين من عمره لكن لا جدوى من انتظار أفكار جديدة منه.

أصبح واضحاً الآن أن حياتي - بالنظر إلى قيمتها - قد انتهت وأنه ليس في وسعي القيام بأى شيء ليزيد أو ينقص من قيمتها، من الصعب جداً أن أكون نزيهاً في تقيمها لكننى أعتبرها 'ناجحة'؛ فقد حصلت على مكافأة أكثر - وليس أقل - مما هو متعارف بالنسبة لشخص في مثل درجة مقدراتي، توليت سلسلة من المناصب المريةحة و'المجلة' كما مررت بالقليل جداً من المشاكل مع الروتين الممل في

الجامعات، فأنا أكره ' التعليم ' وكان علي أن أمارس القليل من ذلك التعليم لأنني حولت عملي بالكامل تقريباً إلى إشراف على أبحاث؛ كذلك فإنني أحب إلقاء المحاضرات وقد حضرت كثيراً جداً في مستويات رفيعة؛ كما كانت لي دائماً أوقات فراغ للقيام بالأبحاث التي كانت المسرة الدائمة الكبرى في حياتي، كان سهلاً علي أن أعمل مع الآخرين وقد تعاونت إلى درجة كبيرة مع رياضيين استثنائيين مما مكّنني من أن أضيف إلى الرياضيات أكثر بكثير مما كنت لأتوقعه منطقياً، مررت بخيبات أمل مثل أي رياضي آخر لكن أياً منها لم تكن جدية جداً ولم تتمكن من جعلني تعيساً، لو عُرضت علي حياة ليست أفضل أو أسوأ من هذه عندما كنت في العشرين من عمري لكنني قبلتها دون تردد.

يبدو سخيفاً أن أفترض أنه كان بإمكاني أن 'أعمل شيئاً أفضل'، إذ ليست لدى أية مقدرة لغوية أو فنية كما أن اهتمامي بالعلم التجاري ضئيل جداً، ربما كنت سأصبح فيلسوفاً جيداً نوعاً ما لكن ليس ممتازاً، أظن أنه ربما كان من الممكن أن أصبح محامياً جيداً؛ لكن الصحافة هي المهنة الوحيدة - خارج الحياة الأكاديمية - التي كنت سأشعر حقاً بالثقة حيال حظوظي فيها، لا شك أنني كنت محقاً في أنني أصبحت رياضياً إذا كان المعيار هو ما يدعى عادةً بالنجاح.

إذاً كان خياري صائباً إذا كان ما أردته هو حياة سعيدة ومرحية بشكل معقول، لكن المعاونين القانونيين ومضاربي البورصات والراهنين على الخيول غالباً ما يحصلون على حياة سعيدة أيضاً ومن الصعب أن نعلمكم سيكون العالم أفضل نتيجة لوجودهم، هل هناك أي معنى يمكنني

من الادعاء بأن حياتي كانت أقل جدوى من حياتهم؟ يبدو لي هنا أيضاً أن هناك جواب محتمل وحيد: نعم - ربما - وإذا كان كذلك فلسبيب واحد فقط.

لم أقم بأي عمل 'مفید'، لم تؤدِّ أي اكتشافاتي - ومن المستبعد أن تؤدي - بشكل مباشر أو غير مباشر وسواء بشكل إيجابي أو سلبي إلى أي اختلاف في لياقة العالم، لقد ساعدت في تدريب رياضيين آخرين لكنهم رياضيون مثلـي كما أن عملهم كان - حتى الآن وبالشكل الذي ساعدتهم على أن يقوموا به على أي حال - عديم الفائدة كعملي، وإذا ما حوكـمت بأي معيار تطبيقي فإن قيمة حياتي الرياضية صفر؛ وهي تافـهـة جداً خارج الرياضيات بأي حال، لدى فرصة واحدة فقط في الهروب من الحكم بالتفاهـة التامة هي أنني ربما أحـاكمـ بأنـيـ أبدـعـتـ شيئاً يستحق الإبداع وأنـيـ أبدـعـتـ شيئاً لا يمكن إنـكارـهـ: إلاـ أنـ السـؤـالـ هوـ حولـ قـيمـتهـ.

وهـكـذاـ فإنـ قضـيـةـ حـيـاتـيـ - أوـ قضـيـةـ حـيـاةـ أيـ شـخـصـ آخرـ كانـ رـياـضـياـ بـنـفـسـ المعـنىـ الذـيـ كـنـتـهـ - هيـ أـنـيـ أـضـفـتـ شيئاًـ إـلـىـ المـعـرـفـةـ وـسـاعـدـتـ آخـرـينـ عـلـىـ إـضـافـةـ المـزـيدـ؛ـ وـأـنـ هـذـهـ الأـشـيـاءـ لـهـاـ قـيـمةـ تـخـتـلـفـ بـالـدـرـجـةـ فـقـطـ -ـ وـلـيـسـ بـالـطـبـيـعـةـ -ـ عـنـ إـبـدـاعـاتـ رـياـضـيـنـ العـظـامـ أوـ أيـ فـنـانـينـ آخـرـينـ -ـ صـغـارـاـ كـانـوـاـ أـمـ عـظـاماـ -ـ مـنـ تـرـكـواـ خـلـفـهـمـ نـوـعاـ مـنـ الـآـثـارـ التـيـ تـُذـكـرـ.

ملاحظة

أبدى البروفيسور بورد والدكتور سنو ملاحظة لي بأنني إذا كنت سأخوض في التوازن بين الخير والشر الذي يقدمه العلم فعلي ألا أسمح لنفسي بالاهتمام كثيراً بشأن تأثيراته على الحرب وأنه حتى لو كنت أفكراً في هذه التأثيرات فعلي أن أتذكر أن له العديد من التأثيرات الهامة جداً إلى جانب تلك التدميرية البحتة، وهكذا (لأخذ النقطة الثانية أولاً) علي أن أذكر (a) أن تنظيم السكان من أجل الحرب يمكن فقط عبر طرق علمية (b) وأن العلم زاد القدرة الدعائية بشكل كبير والتي تُستخدم بشكل حصري تقريباً لأغراض شريرة (c) وأنه أخيراً جعل 'الحيادية' شبه مستحيلة أو غير ذات معنى بحيث لم تعد هناك 'جزر سلام' يمكن أن تنتشر منها الأفكار السليمة وعمليات إعادة الإعمار بشكل تدريجي بعد الحروب، كل هذا - بالطبع - يميل إلى تقوية القضية ضد العلم، من ناحية أخرى حتى لو ضغطنا هذه القضية إلى حدتها الأقصى فمن غير الممكن تقريباً أن نؤكد بجدية أن الشر الناتج عن العلم يتتفوق على الخير، فعلى سبيل المثال إذا تم فقدان عشرة ملايين شخص في كل حرب فإن التأثير الصافي للعلم سيبيقي زيادة الطول الوسطي للعمر، باختصار كانت الفقرة 28 'عاطفية' جداً.

أنا لا أجادل في أحقيـة هذه الانتقادات لكنـي - للأسباب التي أورـدتـها في مقدـمتـي - وجدـتـ من المستـحـيلـ أنـ أـلـبـيـهاـ فيـ مـنـ الـكتـابـ لـذـاـ أـرـضـيـتـ نفسـيـ بـذـكـرـهاـ هـنـاـ.

أشار الدكتور سنو إلى نقطة صغيرة تثير الاهتمام حول الفقرة 8، حتى لو أقرينا بأن ”أرخميدس سيبقى يُذكر بعد أن يُنسى أخيل“، أليست الشهرة الرياضية ”مجهولة الاسم“ نوعاً ما بحيث لا تتحقق كلياً للشخص بحد ذاته؟ بإمكاننا بناء صورة مترابطة عن شخصية أخيل (وأفضل من ذلك بالطبع عن شكسبير أو تولستوي) فقط من خلال أعمالهم في حين يبقى أرخميدس وإيدوكسوس مجرد اسمين.

جسّد السيد جي. إم. لوماس هذه النقطة بشكل أكثر روعة وحيوية عندما كنا نمر بجانب عمود نيلسون في ساحة ترافاغلار، إذا كان سيوضع لي تمثال على عمود في لندن فهل أفضل أن يكون عالياً جداً بحيث لا يكون التمثال مرئياً أو منخفضاً بما يكفي حتى تظهر معاله بوضوح؟ ساختار الخيار الأول أما الدكتور سنو فمن المحمّل أن يختار الثاني.

مكتبة
t.me/soramnqraa

A Mathematician's Apology

كان G. H. Hardy واحداً من أروع المفكرين الرياضيين في القرن العشرين كما اشتهر بين معاصريه بأنه "رياضي حقيقي: أنقى الأنقياء". وهذا "الاعتذار" الذي كتبه بشكل مؤثر عندما بدأ قدراته الرياضية بالتراجع يعطي تقليماً رائعاً للرياضيات بأنها أكثر بكثير من مجرد علم. وعند نشره لأول مرة اعتبره Graham Green بالإضافة إلى مذكرات Henry James "أفضل ما يمكن اعتباره عملاً فنياً مبدعاً". إن تصدير C. P. Snow في هذا الكتاب يقدم نسخاً عاطفية وطريفة من حياة Hardy الغنية بالنواود فيما يتعلق بحياته الأكademie وبشغفه باعبة الكريكت أيضاً.

«أحد أبلغ الشروحات بلغتنا عن متعة الابتكار الرياضي وقوته».
صحيفة نيويوركر

«نادراً ما يكتب الرياضيون العظام عن أنفسهم أو أعمالهم. والقليل منهم لديه الهبة الأدبية ليكتب أطروحة بمثل هذا السحر والشفافية والعمق. إنه بيان رسمي (مانيفست) عن الرياضيات بحد ذاتها».
صحيفة الغارديان